



扫码查看解析

# 2020年山东省日照市中考一模试卷

## 数 学

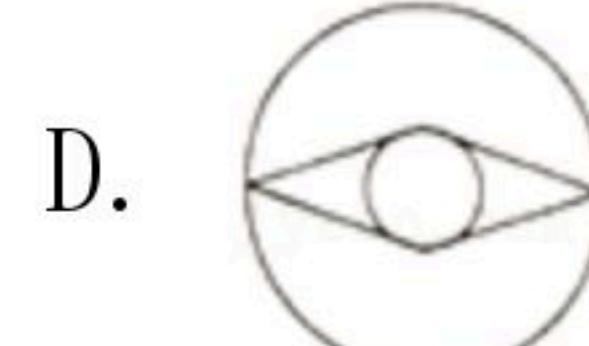
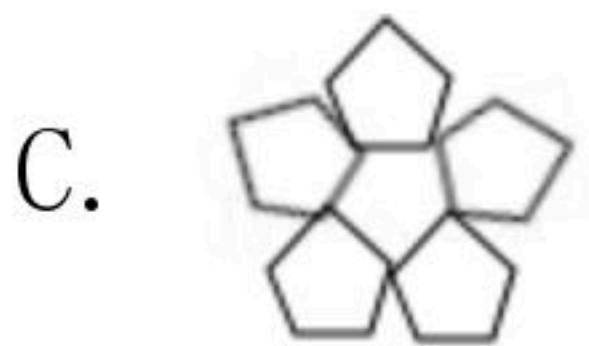
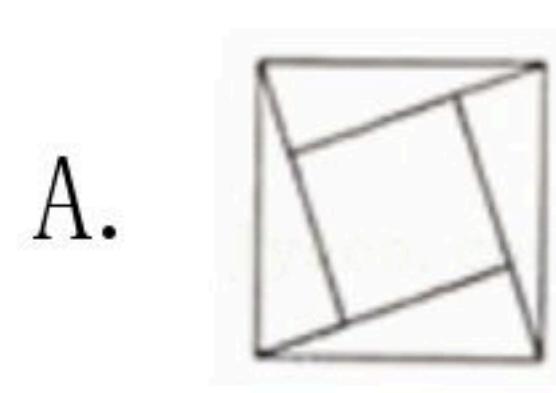
注：满分为68分。

一、选择题（本大题共12小题，每小题3分，满分36分，在每小题所给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的）

1.  $-\frac{1}{3}$ 的倒数是( )

- A.  $\frac{1}{3}$       B. 3      C.  $-\frac{1}{3}$       D. -3

2. 下列图形中，是中心对称图形，但不是轴对称图形的是( )



3. 下列计算正确的是( )

- A.  $2x+3y=5xy$       B.  $(m+3)^2=m^2+9$   
C.  $(-2xy^2)^3=-8xy^6$       D.  $a^{10} \div a^4=a^6$

4. 华为Mate20手机搭载了全球首款7纳米制程芯片，7纳米就是0.000000007米，数据0.000000007用科学记数法表示为( )

- A.  $7 \times 10^{-8}$       B.  $0.7 \times 10^{-9}$       C.  $7 \times 10^{-10}$       D.  $7 \times 10^{-11}$

5. 已知 $m, n(m \neq n)$ 满足方程 $x^2-5x-1=0$ ，则 $m^2-mn+5n=( )$

- A. -23      B. 27      C. -25      D. 25

6. 春节期间，冠状病毒横行，同学小刚为了支持武汉，制了1000个正方体，上面有很多温馨的语言，其中一个正方体的展开图的语言如图所示，请问，折叠后“汉”字同哪个文字相对( )

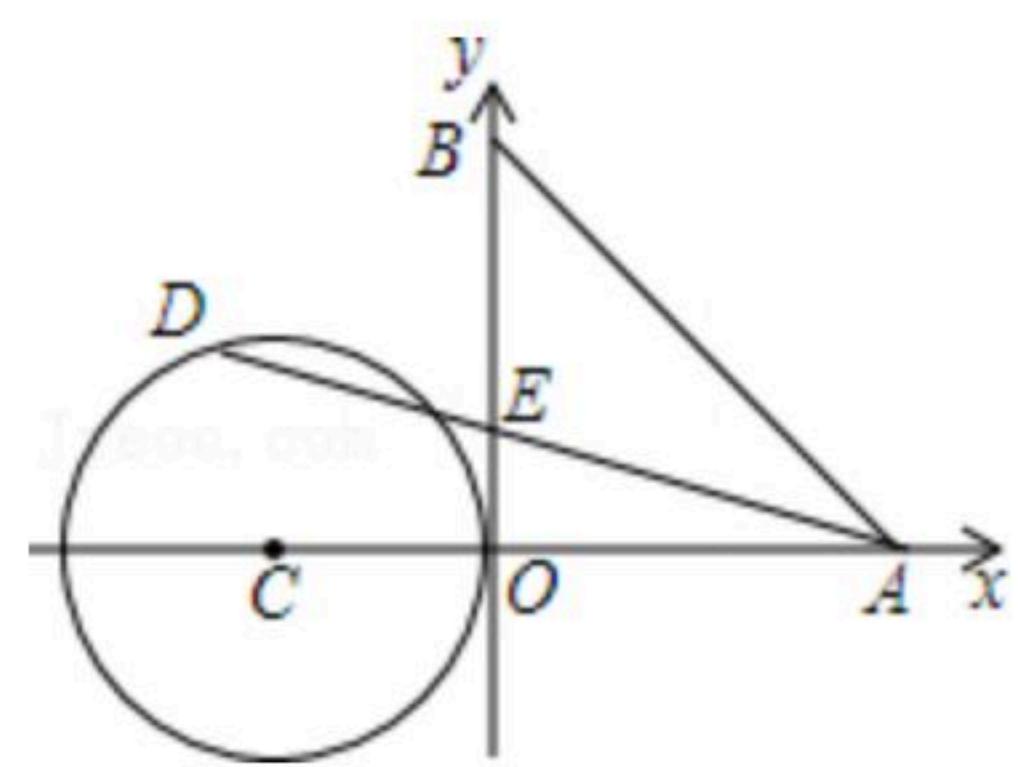


- A. 同      B. 胞      C. 挺      D. 住

7. 如图，已知 $A, B$ 两点的坐标分别为 $(2, 0), (0, 2)$ ， $\odot C$ 的圆心坐标为 $(-1, 0)$ ，半径为1.若 $D$ 是 $\odot O$ 上的一个动点，线段 $DA$ 与 $y$ 轴交于点 $E$ ，则 $\triangle ABE$ 面积的最大值为( )

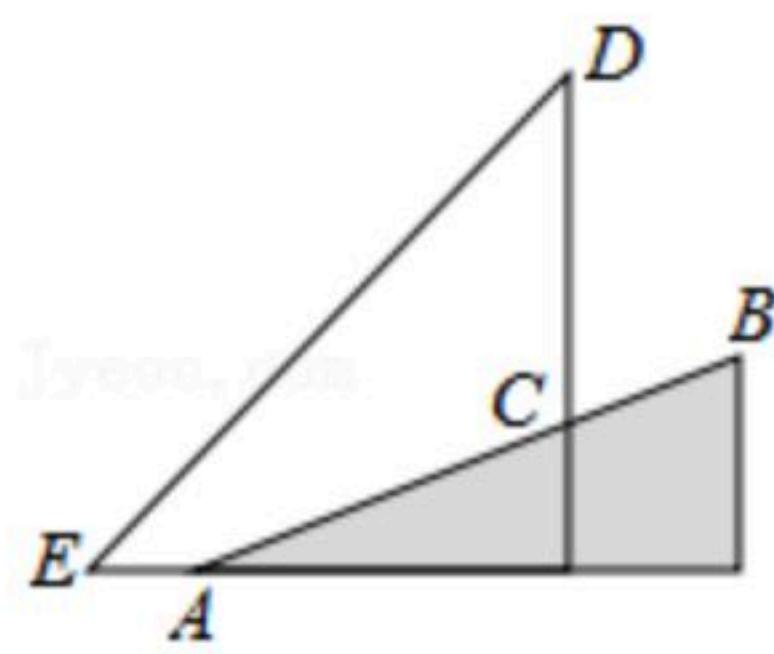


扫码查看解析



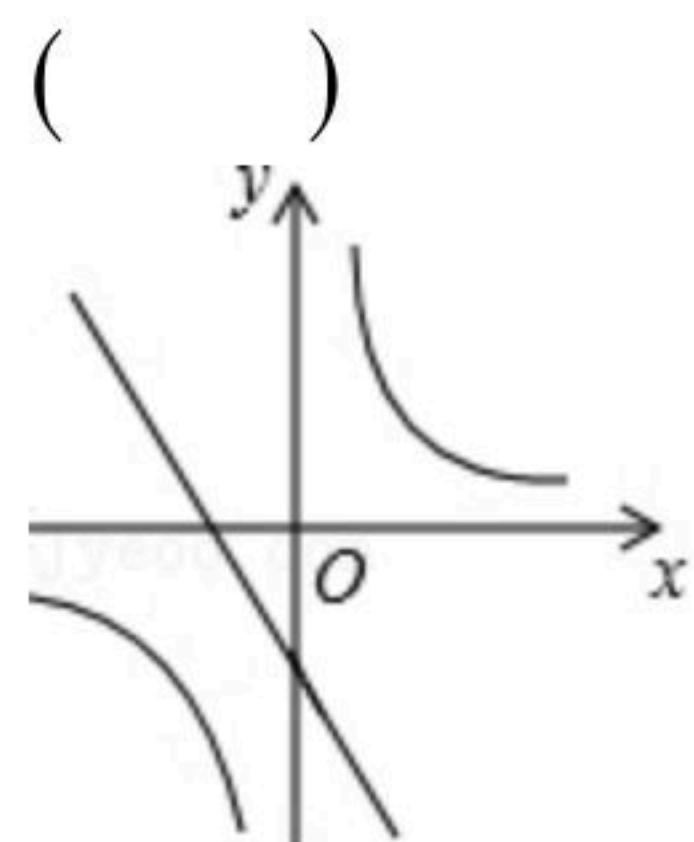
- A.  $2+\sqrt{2}$       B.  $2+\frac{\sqrt{2}}{2}$       C. 1      D. 2

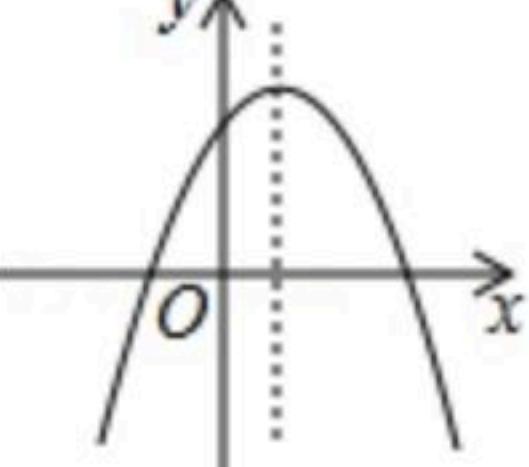
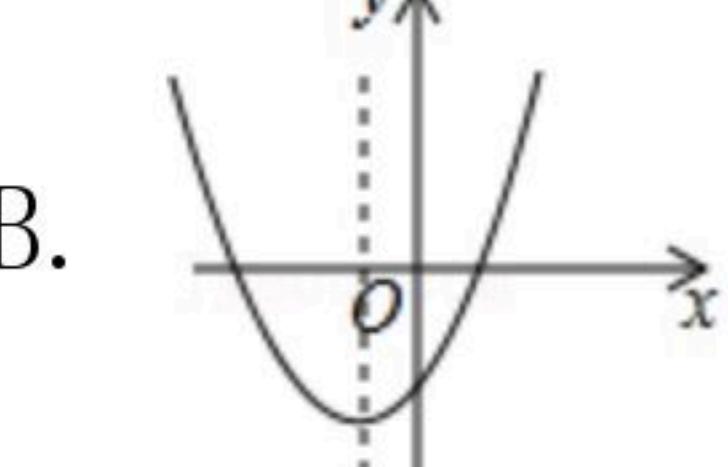
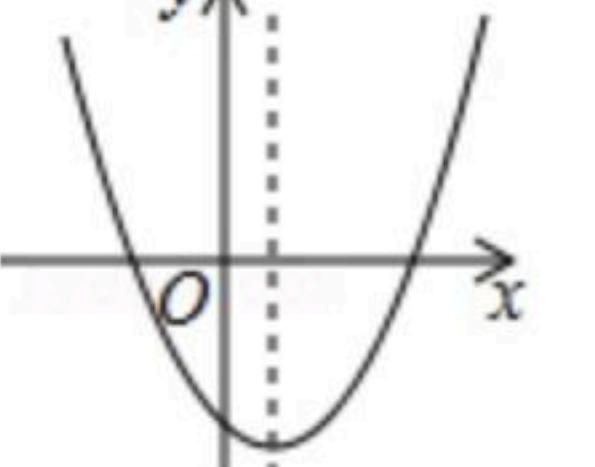
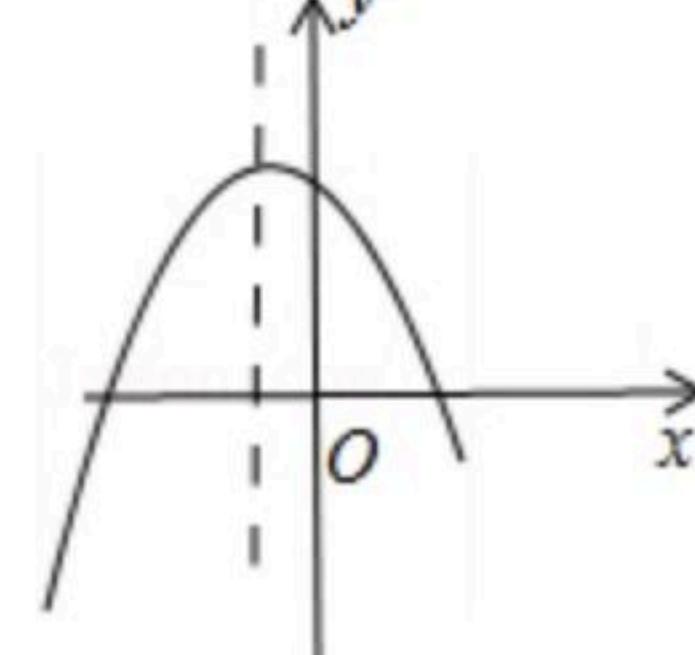
8. 在屋楼西侧一个坡度(或坡比) $i=1:2$ 的山坡 $AB$ 上发现有一棵古树 $CD$ . 测得古树底端 $C$ 到山脚点 $A$ 的距离 $AC=10\sqrt{5}$ 米, 在距山脚点 $A$ 水平距离5米的点 $E$ 处, 测得古树顶端 $D$ 的仰角 $\angle AED=48^\circ$ (古树 $CD$ 与山坡 $AB$ 的剖面、点 $E$ 在同一平面上, 古树 $CD$ 与直线 $AE$ 垂直), 则古树 $CD$ 的高度约为( $\sin 48^\circ \approx 0.73$ ,  $\cos 48^\circ \approx 0.67$ ,  $\tan 48^\circ \approx 1.11$ )( )



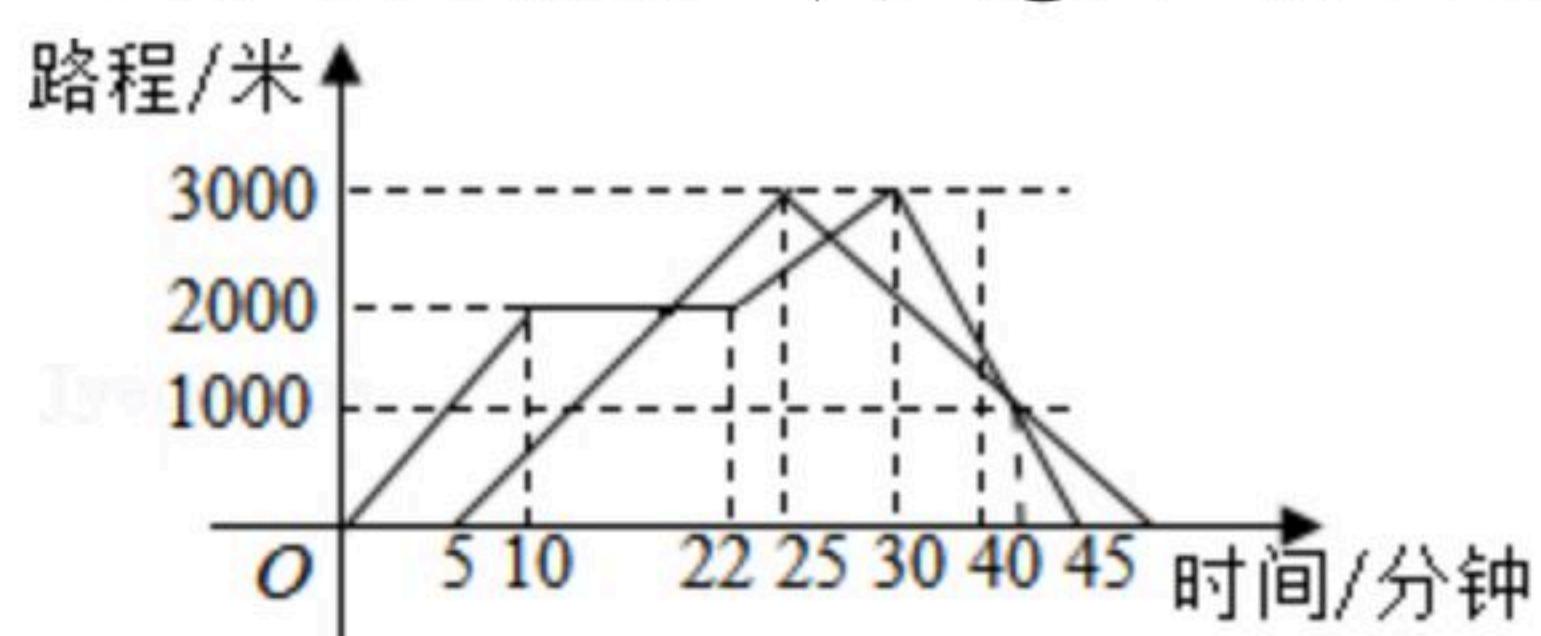
- A. 17.75米      B. 20.9米      C. 21.3米      D. 33.3米

9. 一次函数 $y=ax+b$ 与反比例函数 $y=\frac{c}{x}$ 的图象如图所示, 则二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的大致图象是



- A.  B.  C.  D. 

10. 如图, 小明、小亮分别从甲地到乙地再返回的路程时间图, 已知小亮比小明晚走5分钟, 下列说法: ①甲、乙两地相距3000米; ②小明中间休息了12分钟; ③小亮从乙地返回用了22.5分钟; ④小明从乙地返回的速度是200米每分钟. 正确的是( )

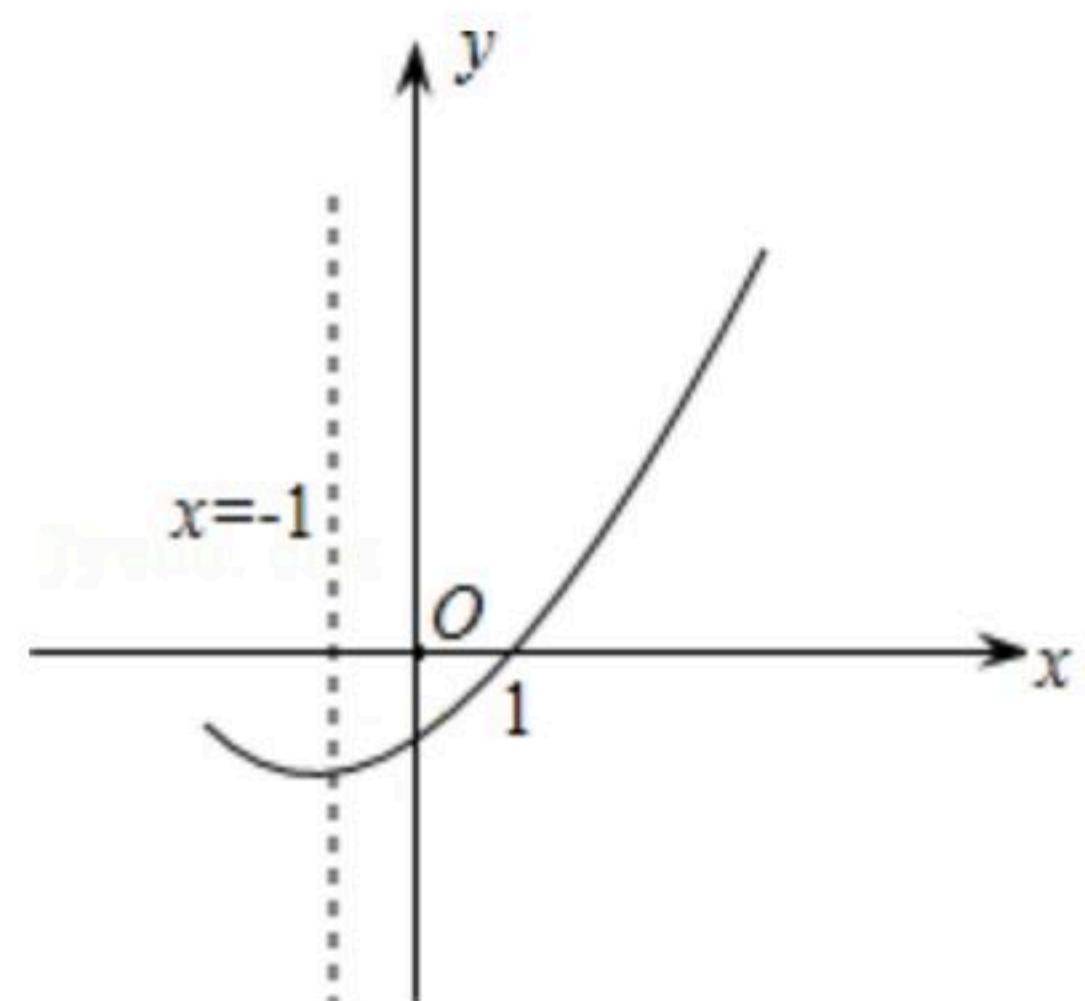


- A. ①②③      B. ①②④      C. ①③④      D. ①②③④

11. 如图, 是二次函数 $y=ax^2+bx+c(a\neq 0)$ 的图象的一部分, 给出下列命题: ① $a+b+c=0$ ; ② $b>2a$ ; ③ $ax^2+bx+c=0$ 的两根分别为 $-3$ 和 $1$ ; ④ $a-2b+c>0$ . 其中不正确的命题是( )

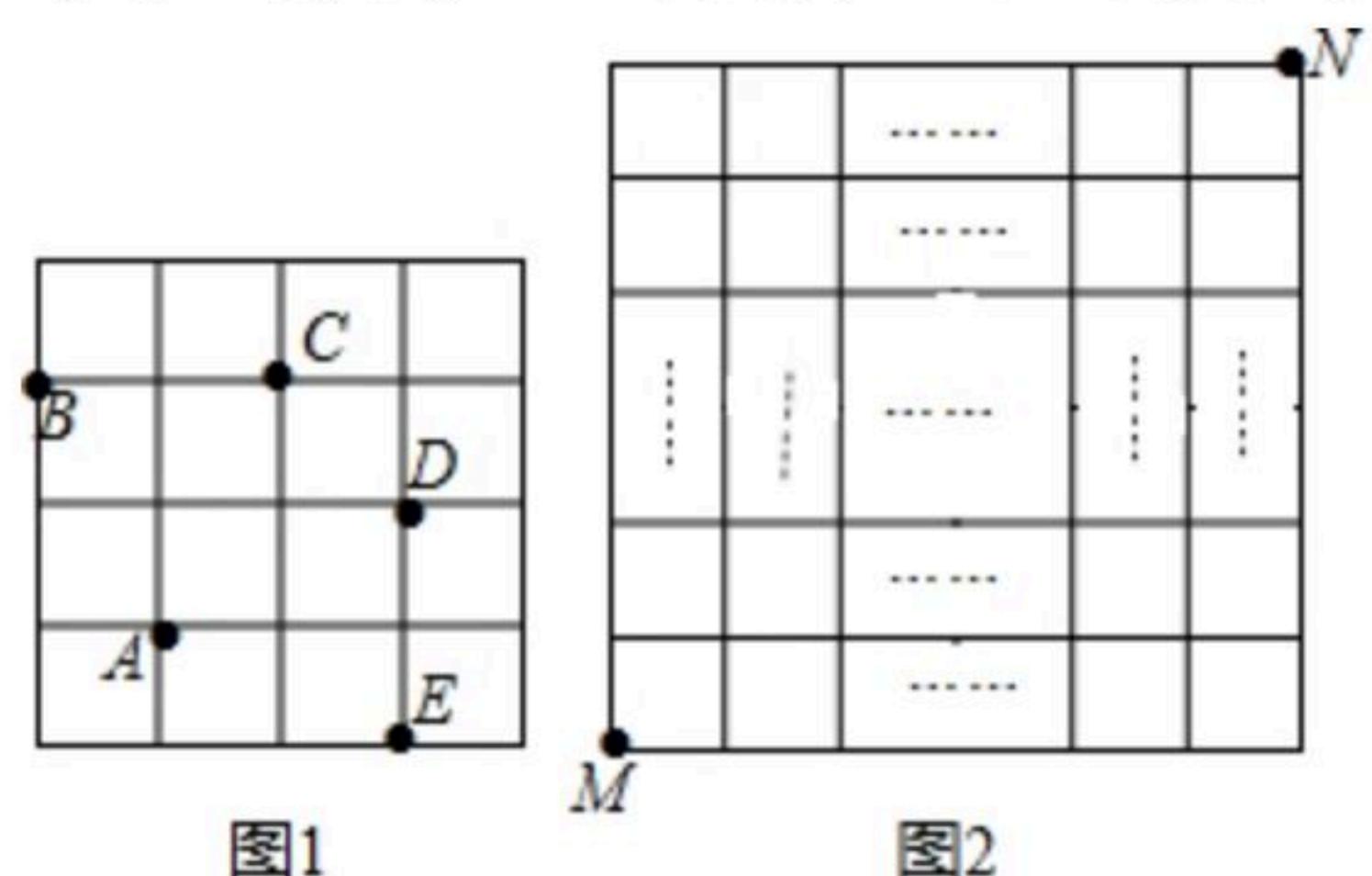


扫码查看解析



- A. ①②      B. ④③      C. ①③      D. ②④

12. 在每个小正方形的边长为1的网格图形中，每个小正方形的顶点称为格点. 从一个格点移动到与之相距 $\sqrt{5}$ 的另一个格点的运动称为一次跳马变换. 例如，在 $4\times 4$ 的正方形网格图形中(如图1)，从点A经过一次跳马变换可以到达点B, C, D, E等处，现有 $17\times 17$ 的正方形网格图形(如图2)，则从该正方形的顶点M经过跳马变换到达与其相对的顶点N，最少需要跳马变换的次数是( )



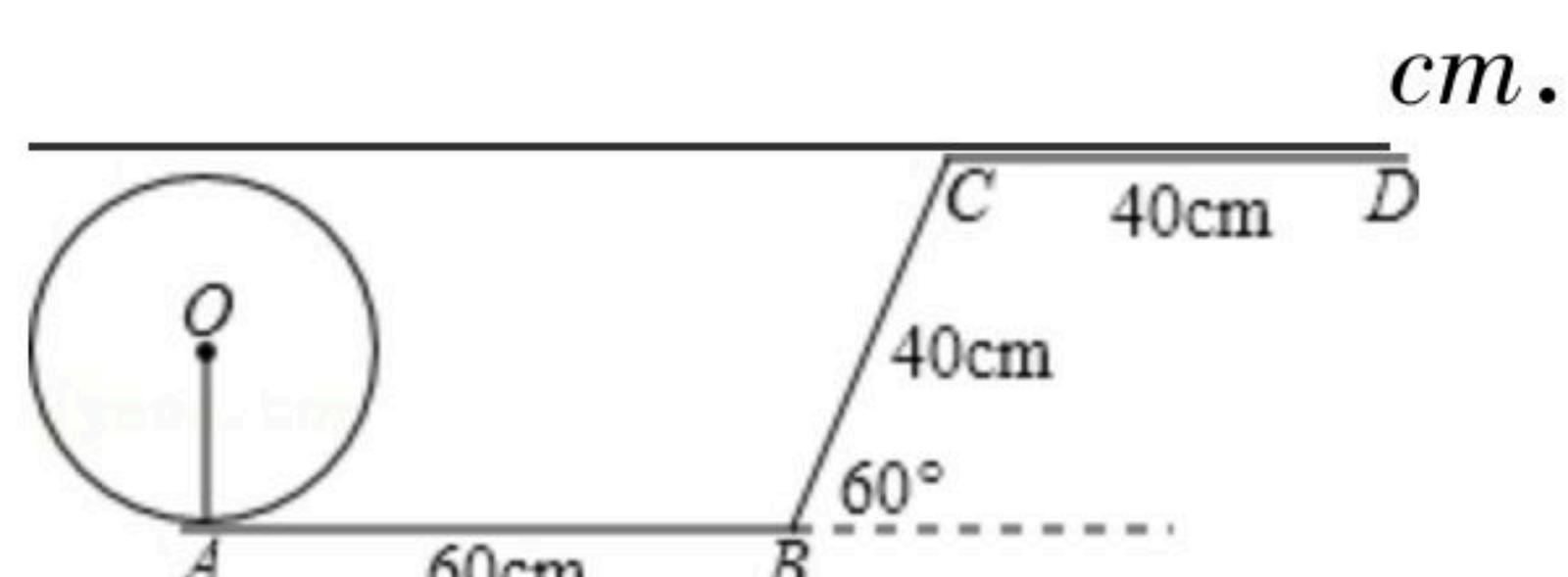
- A. 11      B. 12      C. 13      D. 14

**二、填空题** (本大题共4小题，每小题4分，满分16分，不需写出解答过程，请将答案直接写在答题卡相应位置上)

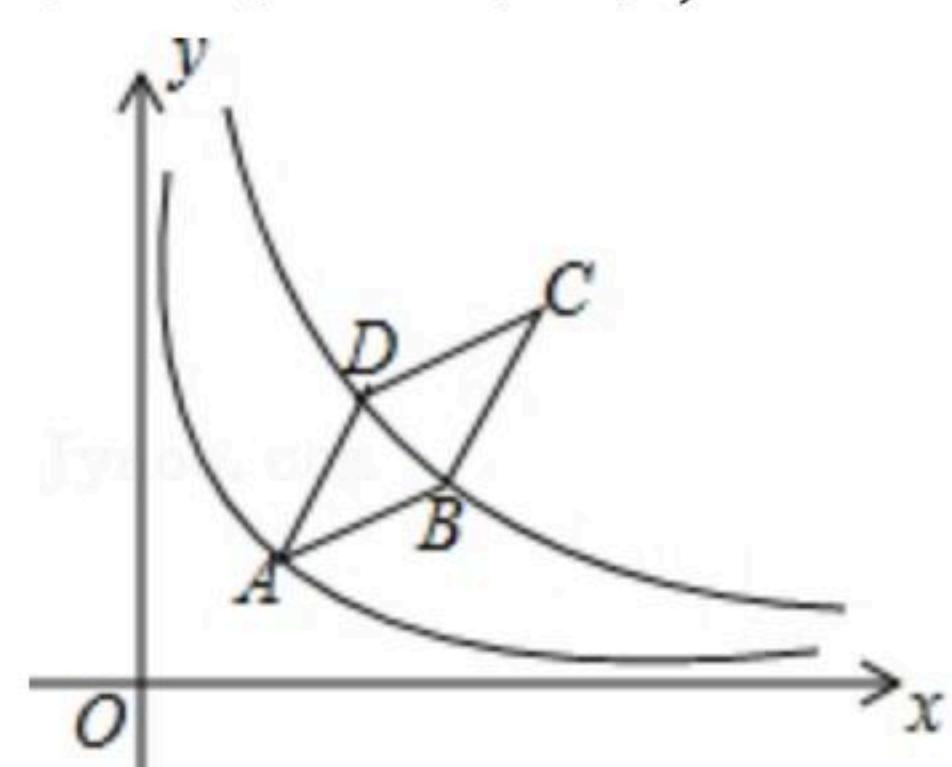
13. 因式分解： $x^3-x^2-6x=$ \_\_\_\_\_.

14. 已知圆锥的母线长为 $10\text{cm}$ ，侧面积展开图的圆心角为 $108^\circ$ ，则圆锥的底面圆半径为  
\_\_\_\_\_ cm.

15. 一位小朋友在粗糙不打滑的“Z”字形平面轨道上滚动一个半径为 $15\text{cm}$ 的圆盘，如图所示，AB与CD是水平的，BC与水平面的夹角为 $60^\circ$ ，其中 $AB=60\text{cm}$ ,  $CD=40\text{cm}$ ,  $BC=40\text{cm}$ ，那么该小朋友将圆盘从A点滚动到D点，其圆心所经过的路线长为  
\_\_\_\_\_ cm.



16. 如图，菱形ABCD顶点A在函数 $y=\frac{12}{x}(x>0)$ 的图象上，函数 $y=\frac{k}{x}(k>12, x>0)$ 的图象关于直线AC对称，且经过点B, D两点，若 $AB=4$ ,  $\angle DAB=30^\circ$ ，则 $k$ 的值为\_\_\_\_\_.





天天练

扫码查看解析

**三、解答题（本大题共6小题，满分0分，请在答题卡指定区域内作答，解答时应写出必要的文字说明证明过程或演算步骤）**

17. (1)  $-3^{-2} + |-3| - (\pi - 3)^0 - \sqrt{(-2)^2} + \tan 45^\circ$ .

(2) 化简式子:  $(x^2 - 1)(\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x+1} - 1)$ . 并在化简结果中令  $x$  取一个你喜欢的值代入.

18. 一个不透明袋子中装有大小均匀、质地相同的四个红色球，分别标有1~4个数字中的一个，不放回连续摸两个小球，摸出的球的编号分别作为二次函数  $y = x^2 + mx + n$  的一次项系数  $m$  和常数项  $n$  的值.

(1) 一共可以得到多少个不同形式的二次函数？(直接写出结果)

(2) 求两次摸球得到的二次函数的图象的顶点在  $x$  轴下方的概率.

19. 在“我为祖国点赞”征文活动中，学校计划对获得一、二等奖的学生分别奖励一支钢笔，一本笔记本. 已知购买2支钢笔和3个笔记本共38元，购买4支钢笔和5个笔记本共70元.

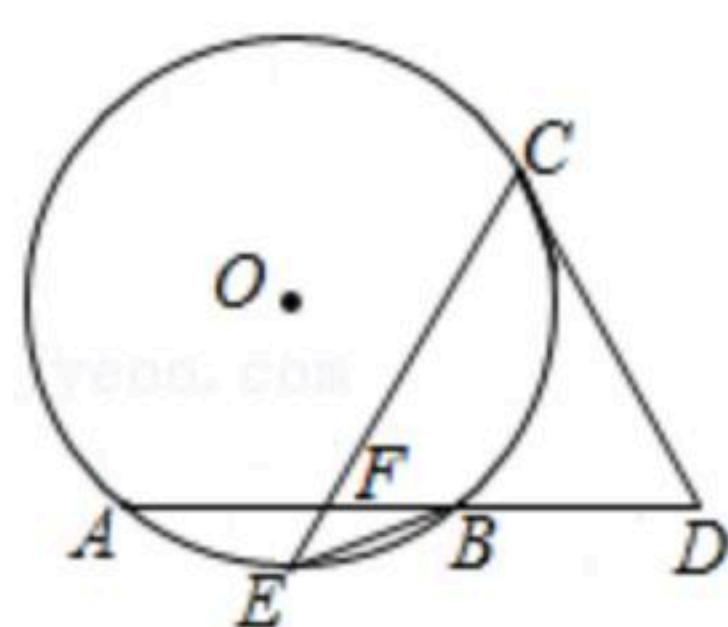
(1) 钢笔、笔记本的单价分别为多少元？

(2) 经与商家协商，购买钢笔超过30支时，每增加1支，单价降低0.1元；超过50支，均按购买50支的单价售，笔记本一律按原价销售. 学校计划奖励一、二等奖学生共计100人，其中一等奖的人数不少于30人，且不超过60人，这次奖励一等奖学生多少人时，购买奖品总金额最少，最少为多少元？

20. 如图，在  $\odot O$  中， $E$  是弧  $AB$  的中点， $C$  为  $\odot O$  上的一动点( $C$  与  $E$  在  $AB$  异侧)，连接  $EC$  交  $AB$  于点  $F$ ， $AE = \frac{r}{3}$  ( $r$  是  $\odot O$  的半径).

(1)  $D$  为  $AB$  延长线上一点，若  $DC = DF$ ，证明：直线  $DC$  与  $\odot O$  相切；

(2) 求证： $EF \cdot EC = \frac{r^2}{9}$ .



21. 阅读理解：给定一个矩形，如果存在另一个矩形，它的周长和面积分别是已知矩形的周长和面积的一半，则这个矩形是给定矩形的“减半”矩形. 如图，矩形  $A_1B_1C_1D_1$  是矩形  $ABCD$  的“减半”矩形.

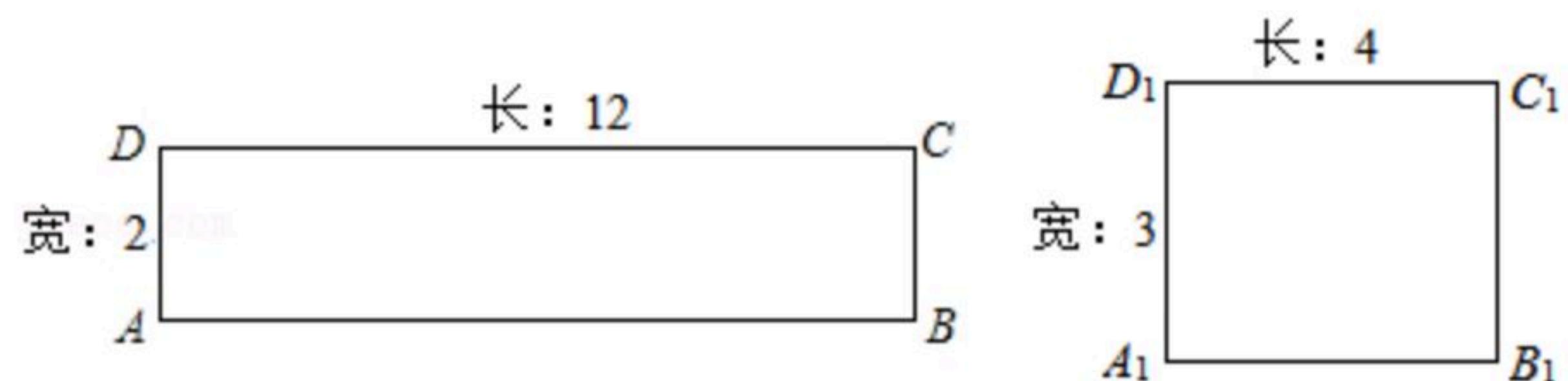


扫码查看解析

请你解决下列问题：

(1)当矩形的长和宽分别为1, 7时, 它是否存在“减半”矩形? 请作出判断, 并说明理由.

(2)边长为 $a$ 的正方形存在“减半”正方形吗? 如果存在, 求出“减半”正方形的边长; 如果不存在, 请说明理由.



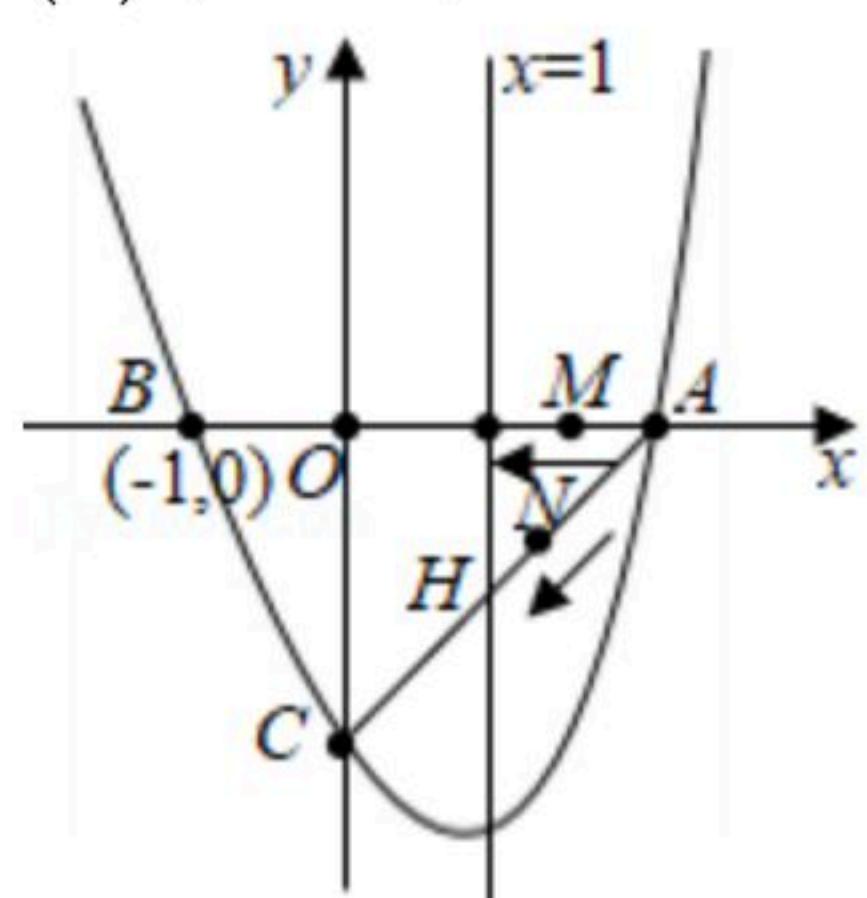
22. 如图, 二次函数 $y=ax^2+bx-4$ 的图象与 $x$ 轴交于 $B(-1, 0)$ , 对称轴是直线 $x=1$ , 与 $y$ 轴交于点 $C$ . 若点 $M$ ,  $N$ 同时从 $A$ 点出发, 都以每秒1个单位长度的速度分别沿 $AB$ ,  $AC$ 边运动.

(1)求该二次函数的解析式及点 $C$ 的坐标, 与 $x$ 轴的另一个交点 $A$ 的坐标.

(2)当 $M$ ,  $N$ 运动到 $t$ 秒时,  $\triangle AMN$ 沿 $MN$ 翻折, 点 $A$ 恰好落在 $y$ 轴上 $D$ 点处, 请判定此时四边形 $AMDN$ 的形状, 并求出 $D$ 点坐标.

(3)当点 $M$ 运动到对称轴与 $x$ 的交点时, 点 $M$ 往回运动, 同时点 $N$ 则2倍的速度继续沿 $AC$ 运动, 在整个运动过程中, 以点 $A$ ,  $M$ ,  $N$ 为顶点的三角形面积是否存在最大值? 若存在, 请求出这个最大值; 若不存在, 请说明理由.

(4)在 $AC$ 段的抛物线上有一点 $R$ 到线段 $AC$ 的距离最大, 请求出这个最大距离.





扫码查看解析