



扫码查看解析

# 2020年四川省宜宾市中考一诊试卷

## 数 学

注：满分为150分。

一、选择题（本大题共12个小题，每小题4分，共48分，每小题均有四个选项，其中只有一项符合题目要求，答案涂在答题卡上）

1. -3的绝对值是( )

A. -3

B. 3

C.  $\frac{1}{3}$

D.  $-\frac{1}{3}$

2. 近几年来，高铁逐步成为我国居民出行的主要方式，现在我国高速铁路达到35600公里，将35600用科学记数法表示为( )

A.  $356 \times 10^2$

B.  $3.56 \times 10^2$

C.  $3.56 \times 10^4$

D.  $3.56 \times 10^{-4}$

3. 在线段、正三角形、平行四边形、等腰梯形、菱形、圆中，既是轴对称图形，又是中心对称图形的有( )

A. 2个

B. 3个

C. 4个

D. 5个

4. 某生物兴趣小组按照老师的安排去采集标本，统计小组共10人交回的标本数为：3位同学每人5件，2位同学每人6件，4位同学每人7件，1位同学10件。则同学们交回的标本件数的众数和中位数分别为( )

A. 众数4，中位数3

B. 众数7，中位数7

C. 众数7，中位数6

D. 众数7，中位数6.5

5. 如图所示几何体的左视图正确的是( )



A.



B.



C.



D.



6. 不解方程，方程 $x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 = 0$ 的解的情况是( )

A. 有两个不相等的实数根

B. 有两个相等的实数根

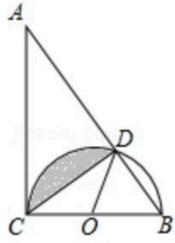
C. 没有实数根

D. 只有一个实数根

7. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ACB = 90^\circ$ ， $\angle A = 30^\circ$ ， $BC = 4$ ，以 $BC$ 为直径的半圆 $O$ 交斜边 $AB$ 于点 $D$ ，则图中阴影部分的面积为( )



扫码查看解析

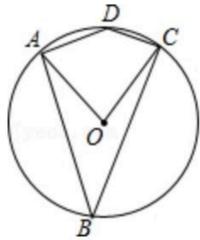


- A.  $\frac{4}{3}\pi - \sqrt{3}$       B.  $\frac{2}{3}\pi - \frac{\sqrt{3}}{2}$       C.  $\frac{1}{3}\pi - \frac{\sqrt{3}}{2}$       D.  $\frac{1}{3}\pi - \sqrt{3}$

8. 抗击“新冠肺炎”疫情中，某呼吸机厂家接到一份生产300台呼吸机的订单，在生产完成一半时，应客户要求，需提前供货，每天比原来多生产20台呼吸机，结果提前2天完成任务。设原来每天生产 $x$ 台呼吸机，下列列出的方程中正确的是( )

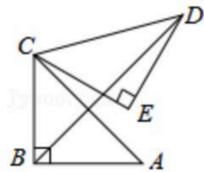
- A.  $\frac{150}{x} + \frac{150}{x+20} = \frac{300}{x} + 2$       B.  $\frac{150}{x} + \frac{300}{x+20} = \frac{300}{x} + 2$   
 C.  $\frac{150}{x+20} = \frac{300}{x} - 2$       D.  $\frac{150}{x+20} = \frac{150}{x} - 2$

9. 如图，四边形 $ABCD$ 内接于 $\odot O$ ，已知 $\angle ADC = 140^\circ$ ，则 $\angle AOC$ 的大小是( )



- A.  $80^\circ$       B.  $100^\circ$       C.  $60^\circ$       D.  $40^\circ$

10. 如图， $\triangle ABC$ 中， $\angle ABC = 90^\circ$ ， $BA = BC = 2$ ，将 $\triangle ABC$ 绕点 $C$ 逆时针旋转 $60^\circ$ 得到 $\triangle DEC$ ，连接 $BD$ ，则 $BD^2$ 的值是( )

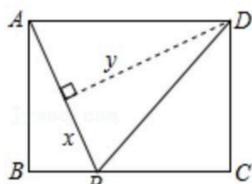


- A. 12      B. 8      C.  $4 + 2\sqrt{3}$       D.  $8 + 4\sqrt{3}$

11. 已知关于 $x$ 的不等式组  $\begin{cases} 3x+5a > 4(x+1)+3a \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{3} > -\frac{1}{3}x \end{cases}$  的整数解只有三个，则 $a$ 的取值范围是( )

- A.  $a > 3$  或  $a < 2$       B.  $2 < a < \frac{5}{2}$       C.  $3 < a \leq \frac{7}{2}$       D.  $3 \leq a < \frac{7}{2}$

12. 如图，矩形 $ABCD$ 中， $AB = 3$ ， $BC = 4$ ，点 $P$ 从 $A$ 点出发，按 $A \rightarrow B \rightarrow C$ 的方向在 $AB$ 和 $BC$ 上匀速移动。设 $AP$ 长为 $x$ ，点 $D$ 到直线 $PA$ 的距离为 $y$ ，则 $y$ 与 $x$ 的函数图象大致是( )



- A.      B.      C.      D.



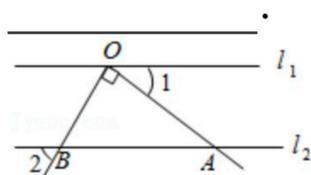
扫码查看解析

二、填空题（本大题共4个小题，每小题6分，共24分，答案写在答题卡上）

13. 分解因式： $x^2 - y^2 - 2y - 1 =$ \_\_\_\_\_.

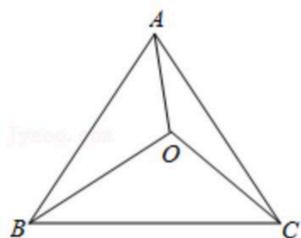
14. 数据3、3、6、4、4的方差为\_\_\_\_\_.

15. 如图， $l_1 \parallel l_2$ ，点O在直线 $l_1$ 上，若 $\angle AOB = 90^\circ$ ， $\angle 1 = 35^\circ$ ，则 $\angle 2$ 的度数为\_\_\_\_\_.

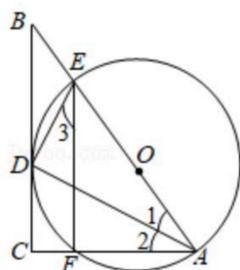


16. 已知 $A(-3, y_1)$ 、 $B(-2, y_2)$ 、 $C(3, y_3)$ 都在 $y = -\frac{8}{x}$ 的图象上，则 $y_1$ 、 $y_2$ 、 $y_3$ 按从小到大的顺序排列，并用“<”号连接起来为\_\_\_\_\_.

17. 等边三角形ABC中， $OA = 3$ ， $OB = 5$ ， $OC = 4$ ，则 $\angle AOC$ 的度数为\_\_\_\_\_.



18. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ACB = 90^\circ$ ，AD平分 $\angle BAC$ 交BC于点D，过点D作 $ED \perp AD$ 交AB于点E， $\triangle ADE$ 的外接圆 $\odot O$ 交AC于点F，连接EF. 有下列结论：① $EF \parallel BC$ ；② $AD^2 = AC \cdot AE$ ；③ $BE = DE$ ；④BC切 $\odot O$ 于点D. 其中正确的有\_\_\_\_\_ (将所有正确结论的番号填在横线上)



三、解答题（本大题共7个小题，共78分，解答应写出文字说明，证明过程或演算步骤，解答过程写在答题卡上）

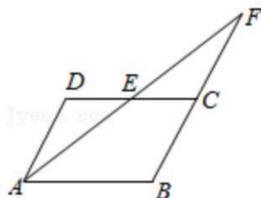
19. (1) 计算： $(-1)^4 - |1 - \sqrt{3}| + (-\frac{1}{2})^{-2} + 6\cos 60^\circ - (\sqrt{27} - 1)^0$

(2) 先化简，再求值： $(\frac{2x}{x^2 - 1} - \frac{1}{x + 1}) \div \frac{x + 2}{x^2 - x}$ ，其中 $x = 2$

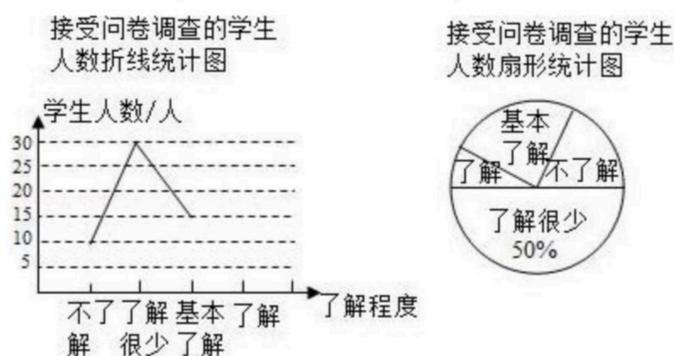
20. 如图， $\square ABCD$ 中，E是CD的中点，AE的延长线交BC的延长线于点F，已知 $CF = 4$ ， $DE = 3$ ，求 $\square ABCD$ 的周长.



扫码查看解析



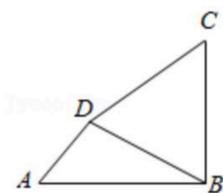
21. 某校想知道同学们对“新冠肺炎”知识的了解程度，决定随机抽取部分同学进行一次问卷调查，并根据收集到的信息进行了统计，绘制了下面两幅尚不完整的统计图。请你根据统计图中所提供的信息解答下列问题：



- 接受问卷调查的同学共有          名。
- 请补全折线统计图，并求出扇形统计图中“基本了解”部分所对应扇形的圆心角的大小；
- 为了让全校师生都能更好地预防“新冠肺炎”，学生会准备组织一次宣讲活动，由问卷调查中“了解”的几名同学组成一个宣讲团。已知这几名同学中只有两个女生，若要在该宣讲团中任选两名同学在全校师生大会上作代表发言，请用列表或画树状图的方法，求选取的两名同学是一名女生一名男生的概率。

22. 如图，海中有两个小岛C、D，某渔船在海洋中的A处，测得小岛D位于东北方向相距 $20\sqrt{2}$ 海里处，该渔船自西向东航行一段时间到达B处，此时测得小岛D相距 $20\sqrt{5}$ 海里，同时测得另一小岛C在渔船的正北方向50海里处，

- 求 $\cos \angle ABD$ 的值；
- 求小岛C、D之间的距离(结果保留根号)。



23. 如图，已知 $A(-4, n)$ ， $B(-1, 2)$ 是一次函数 $y=kx+b$ 与反比例函数 $y=\frac{m}{x}$  ( $m \neq 0$ ,  $m < 0$ ) 图象的两个交点， $AC \perp x$ 轴于C， $BD \perp y$ 轴于D。

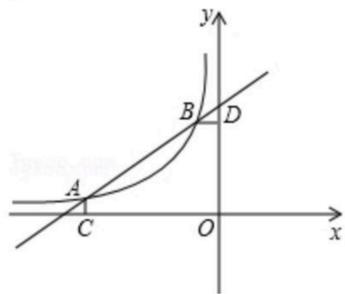
- 根据图象直接回答：在第二象限内，当 $x$ 取何值时，一次函数大于反比例函数的值？



扫码查看解析

(2)求反比例函数及一次函数的解析式;

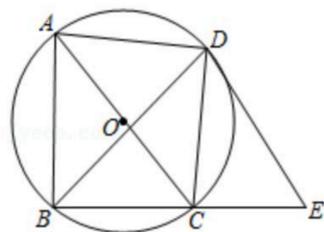
(3) $P$ 是线段 $AB$ 上的一点,连接 $PC, PD$ ,若 $\triangle PCA$ 和 $\triangle PDB$ 面积相等,求点 $P$ 坐标.



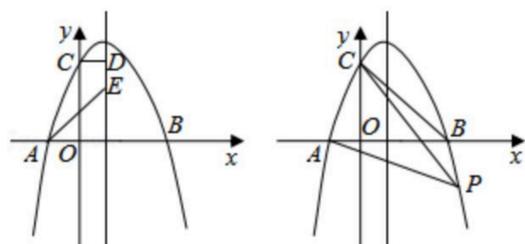
24. 如图, 四边形 $ABCD$ 内接于 $\odot O$ ,  $AC$ 为 $\odot O$ 的直径,  $D$ 为 $\overset{\frown}{AC}$ 的中点, 过点 $D$ 作 $DE \parallel AC$ , 交 $BC$ 的延长线于点 $E$ .

(1)判断 $DE$ 与 $\odot O$ 的位置关系, 并说明理由;

(2)若 $\odot O$ 的半径为5,  $AB=8$ , 求 $CE$ 的长.



25. 如图, 抛物线 $y=ax^2+bx+c$ 经过点 $C(0, 3)$ , 与 $x$ 轴交于点 $A(-1, 0)$ 和点 $B$ (点 $B$ 在点 $A$ 的右边), 且 $OB=OC$ .



(1)求抛物线的解析式和顶点坐标;

(2)点 $D, E$ 在直线 $x=1$ 上的两个动点, 且 $DE=1$ , 点 $D$ 在点 $E$ 的上方, 求四边形 $ACDE$ 的周长的最小值.

(3)点 $P$ 为抛物线上一点, 连接 $CP$ , 直线 $CP$ 把四边形 $CBPA$ 的面积分为3:5两部分, 求点 $P$ 的坐标.



扫码查看解析