



扫码查看解析

# 2020年广东省中山市中考一模试卷

## 数 学

注：满分为120分。

### 一、选择题（本大题共10小题，每小题3分，满分30分）

1.  $-2$ 的相反数是( )

- A.  $-2$       B.  $2$       C.  $-\frac{1}{2}$       D.  $\frac{1}{2}$

2. 地球上的陆地面积约为 $149000000km^2$ . 将 $149000000$ 用科学记数法表示为( )

- A.  $1.49 \times 10^6$       B.  $1.49 \times 10^7$       C.  $1.49 \times 10^8$       D.  $1.49 \times 10^9$

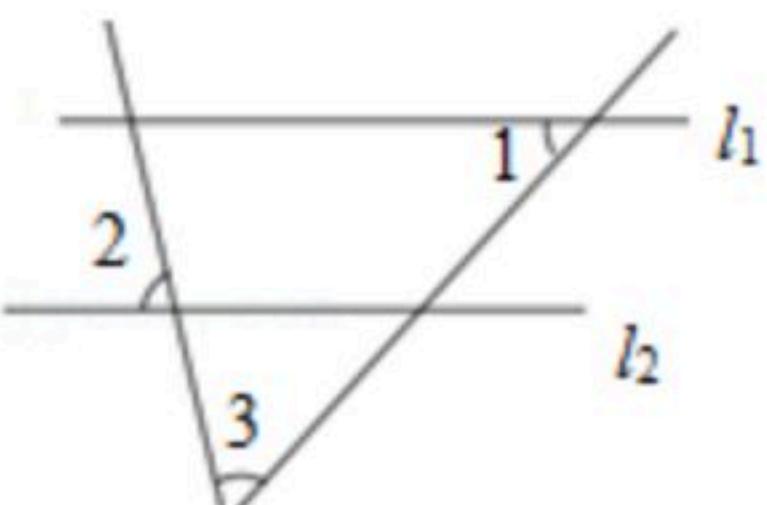
3. 下列图形中，既是轴对称图形又是中心对称图形的是( )



4. 下列几何体中，主视图、左视图、俯视图完全相同的是( )

- A. 球      B. 圆锥      C. 圆柱      D. 长方体

5. 如图，直线 $l_1 \parallel l_2$ ,  $\angle 1=35^\circ$ ,  $\angle 2=80^\circ$ , 则 $\angle 3$ 等于( )



- A.  $55^\circ$       B.  $60^\circ$       C.  $65^\circ$       D.  $70^\circ$

6. 下列计算，正确的是( )

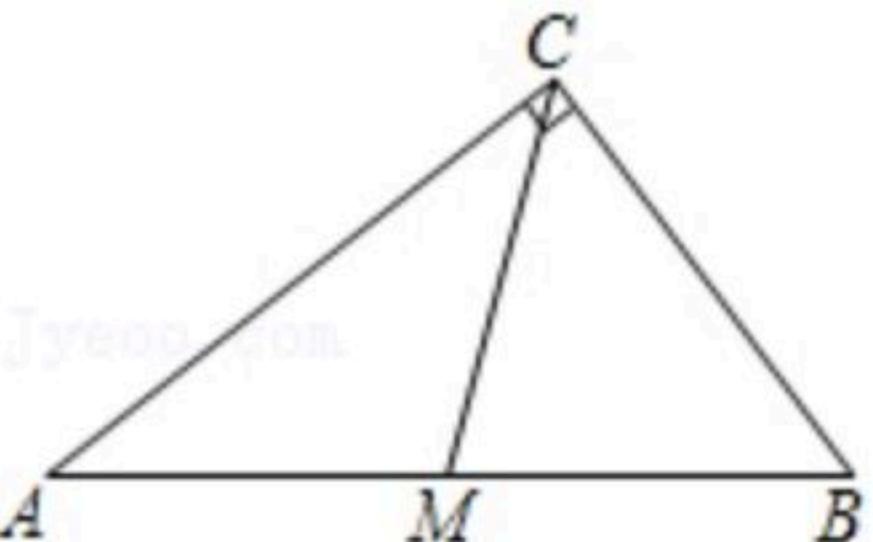
- A.  $a^6 \div a^2 = a^3$       B.  $(2x^2)^3 = 8x^6$       C.  $3a^2 \times 2a^2 = 6a^2$       D.  $-2a \times a = -a$

7. 在一次歌咏比赛中，某选手的得分情况如下：91, 88, 95, 93, 97, 95, 94. 这组数据的众数和中位数分别是( )

- A. 94, 94      B. 95, 95      C. 94, 95      D. 95, 94

8. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ACB=90^\circ$ ,  $BC=4$ ,  $\cos B=\frac{2}{3}$ , 点M是AB的中点，则CM的长为

- ( )

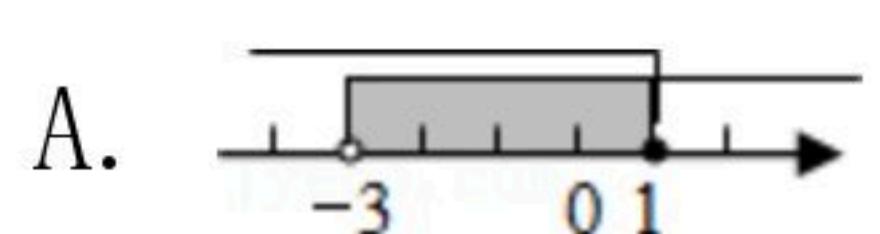
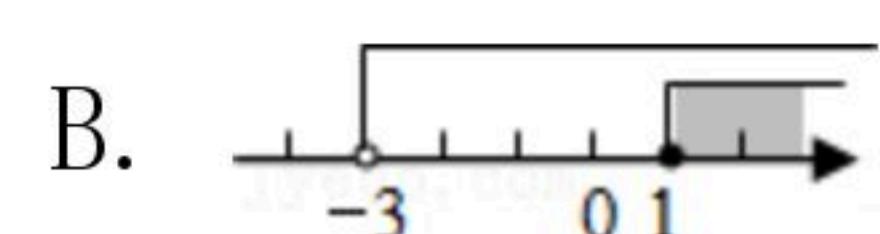
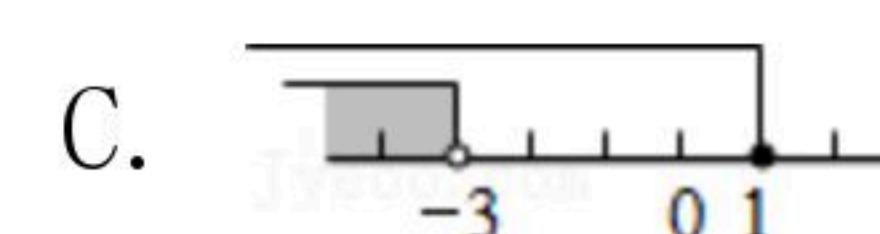
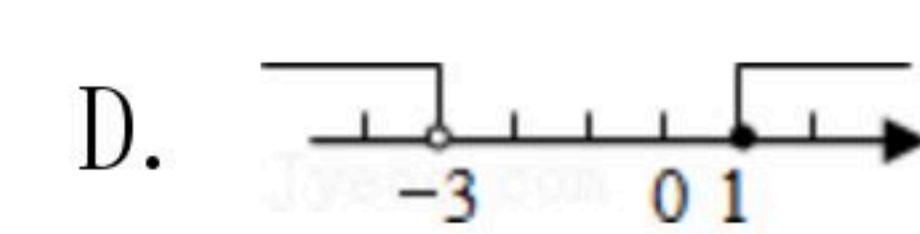




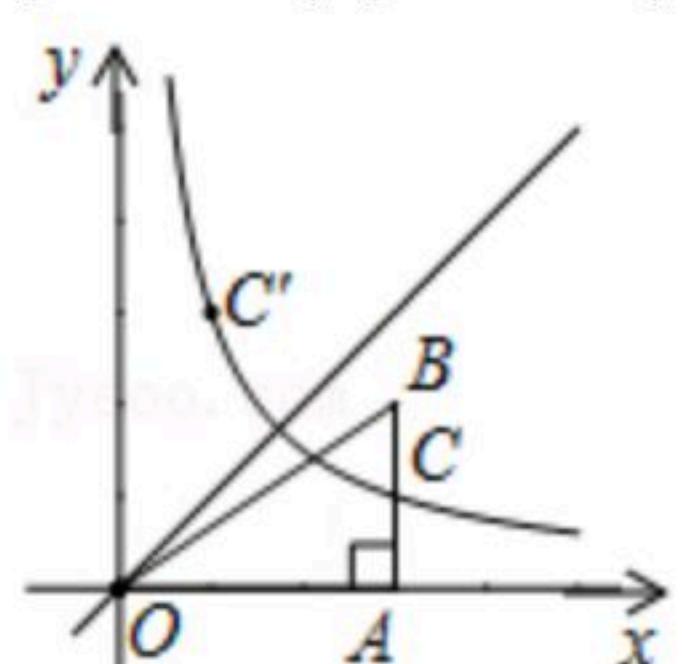
扫码查看解析

- A. 2      B. 3      C. 4      D. 6

9. 不等式组  $\begin{cases} 2x+1 \leq 3 \\ x > -3 \end{cases}$  的解集在数轴上表示正确的是( )

- A.       B.       C.       D. 

10. 如图, 在平面直角坐标系中, 点B在第一象限,  $BA \perp x$ 轴于点A, 反比例函数  $y = \frac{k}{x} (x > 0)$  的图象与线段AB相交于点C, C是线段AB的中点, 点C关于直线  $y=x$  的对称点  $C'$  的坐标为  $(m, 6) (m \neq 6)$ , 若  $\triangle OAB$  的面积为12, 则k的值为( )



- A. 4      B. 6      C. 8      D. 12

## 二、填空题 (本大题共7小题, 每小题4分, 满分28分)

11. 分解因式:  $3x^2 - 3y^2 = \underline{\hspace{1cm}}$ .

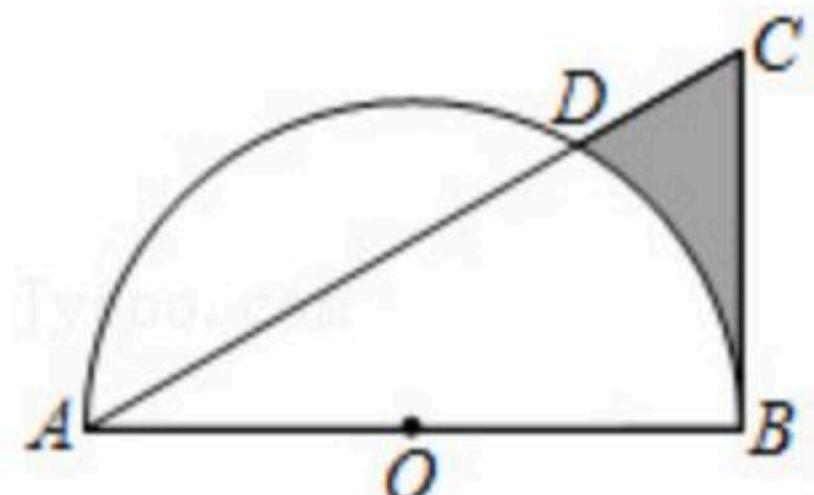
12. 若  $x, y$  为实数, 且  $|x+1| + \sqrt{y-1} = 0$ , 则  $(xy)^{2020}$  的值是  $\underline{\hspace{1cm}}$ .

13. 在一个不透明的盒子中装有8个白球, 若干个黄球, 它们除颜色不同外, 其余均相同. 若从中随机摸出一个球, 它是白球的概率为  $\frac{2}{3}$ , 则黄球的个数为  $\underline{\hspace{1cm}}$  个.

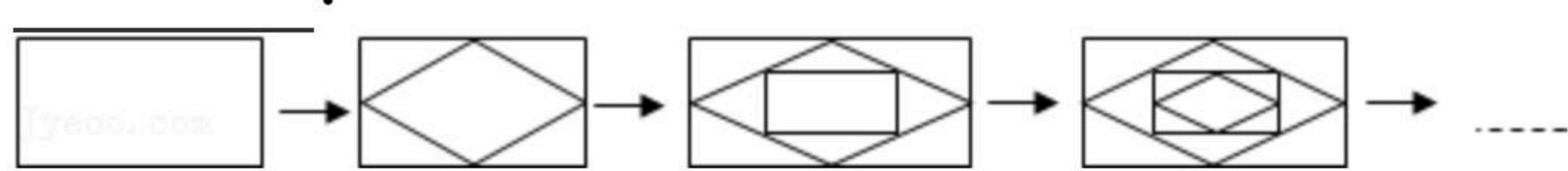
14. 若  $n$  边形的每一个外角都等于  $30^\circ$ , 则  $n = \underline{\hspace{1cm}}$ .

15. 关于  $x$  的一元二次方程  $x^2 - mx + 16 = 0$  有两个相等的实数根, 则  $m$  的值为  $\underline{\hspace{1cm}}$ .

16. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ABC = 90^\circ$ ,  $AB = 4\sqrt{3}$ ,  $\angle CAB = 30^\circ$ , 以  $AB$  的中点为圆心,  $OA$  的长为半径作半圆交  $AC$  于点  $D$ , 则图中阴影部分的面积为  $\underline{\hspace{1cm}}$ .



17. 如图, 依次连接第一个矩形各边的中点得到一个菱形, 再依次连接菱形各边的中点得到第二个矩形, 按照此方法继续下去. 已知第一个矩形的面积为1, 则第  $n$  个矩形的面积为



## 三、解答题 (共62分)



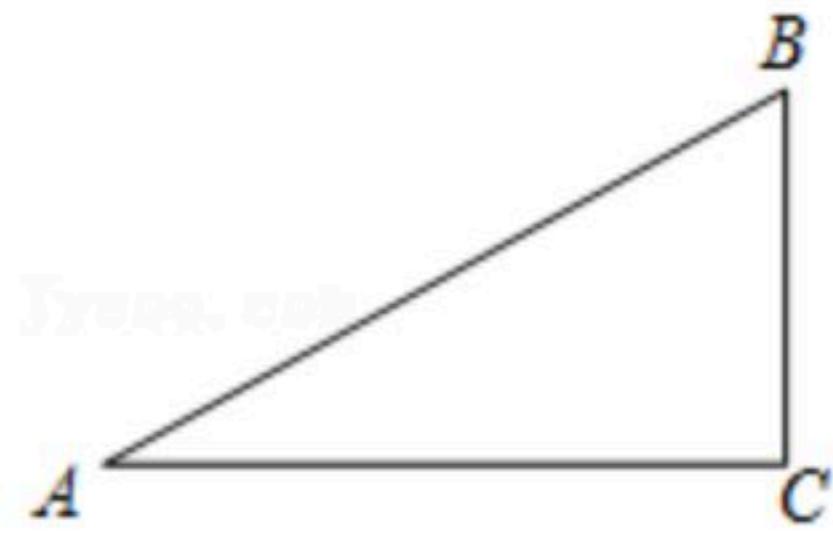
扫码查看解析

18. 计算:  $|-5| + (2020 - \sqrt{3})^0 - (\frac{1}{2})^{-1} - 2\tan 45^\circ$ .

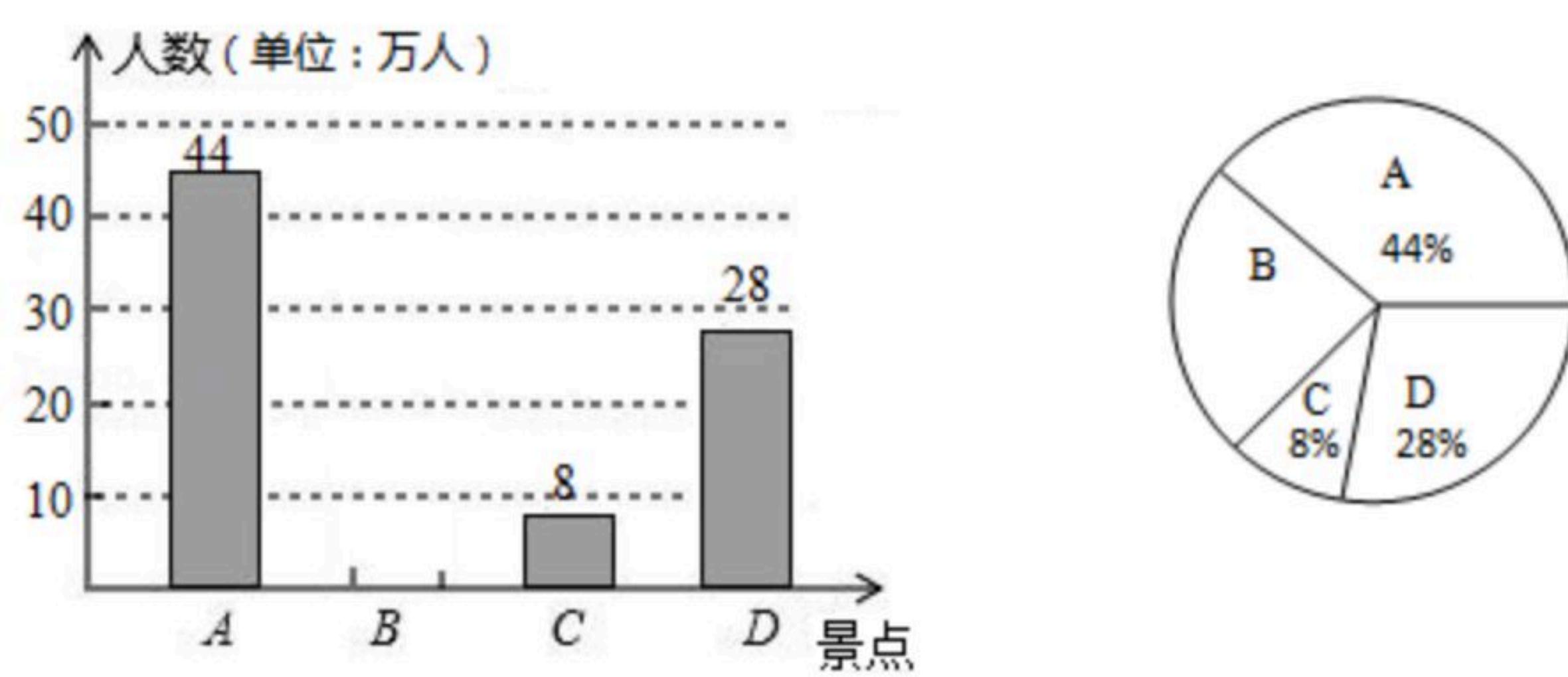
19. 先化简, 再求值:  $(2 - \frac{6}{x+2}) \div \frac{x^2-1}{x+2}$ , 其中  $x = \sqrt{2}$ .

20. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle C=90^\circ$ ,  $AB=6$ .

- (1) 根据要求用尺规作图: 作  $\angle CAB$  的平分线交  $BC$  于点  $D$ ; (不写作法, 只保留作图痕迹.)  
(2) 在(1)的条件下,  $CD=1$ , 求  $\triangle ADB$  的面积.



21. 随着人民生活水平的提高和环境的不断改善, 带动了旅游业的发展. 某市旅游景区有  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$  四个著名景点, 该市旅游部门统计绘制出 2019 年游客去各景点情况统计图, 根据给出的信息解答下列问题:



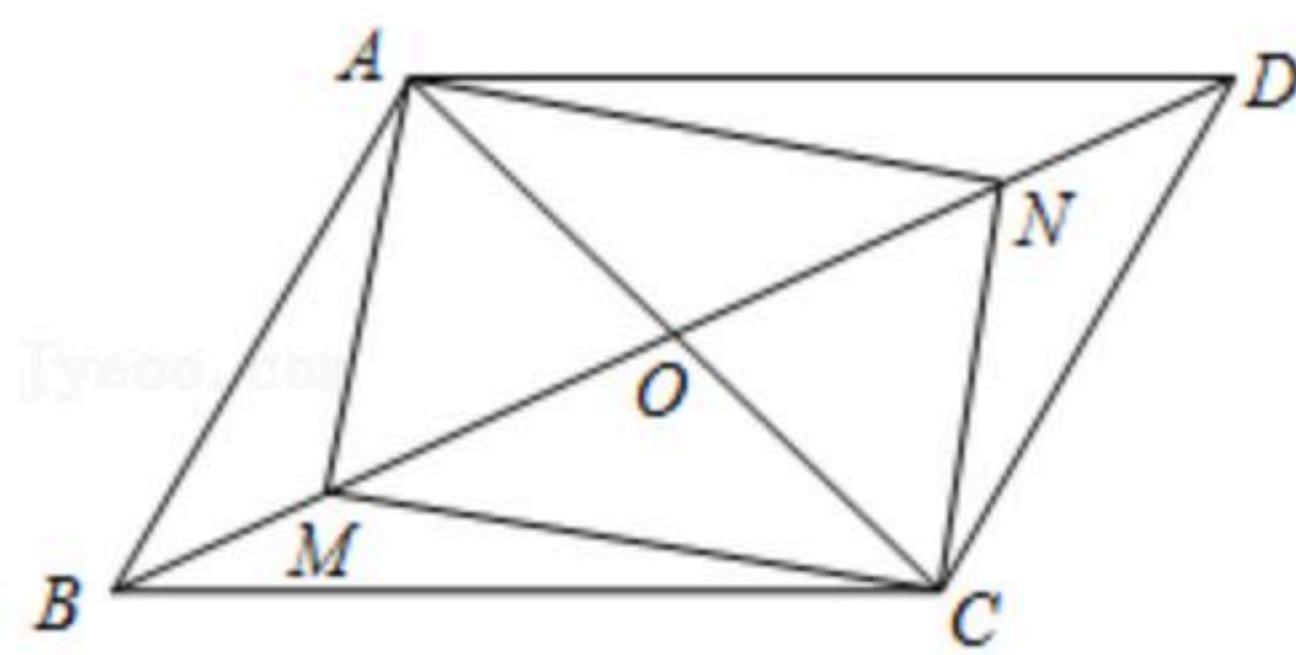
- (1) 2019 年该市旅游景区共接待游客 \_\_\_\_\_ 万人, 扇形统计图中  $C$  景点所对应的圆心角的度数是 \_\_\_\_\_ 度;  
(2) 把条形统计图补充完整;  
(3) 甲, 乙两位同学去该景区旅游, 用树状图或列表法, 求甲, 乙两位同学在  $A$ ,  $B$ ,  $D$  三个景点中, 同时选择去同一景点的概率.

22. 如图, 已知平行四边形  $ABCD$ .

- (1) 若  $M$ ,  $N$  是  $BD$  上两点, 且  $BM=DN$ ,  $AC=2OM$ , 求证: 四边形  $AMCN$  是矩形;  
(2) 若  $\angle BAD=120^\circ$ ,  $CD=4$ ,  $AB \perp AC$ , 求平行四边形  $ABCD$  的面积.



扫码查看解析

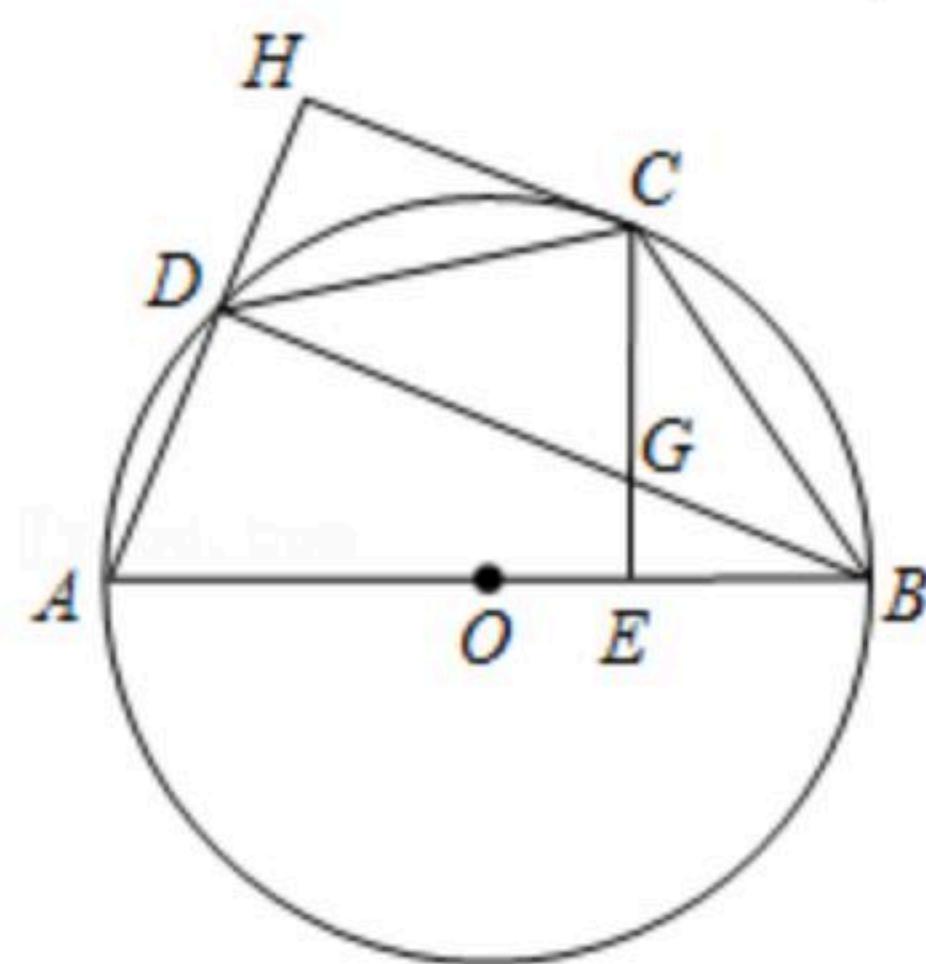


23. 某公司用6000元购进 $A$ ,  $B$ 两种电话机25台, 购买 $A$ 种电话机与购买 $B$ 种电话机的费用相等. 已知 $A$ 种电话机的单价是 $B$ 种电话机单价的1.5倍.

- (1)求 $A$ ,  $B$ 两种电话机的单价各是多少?  
(2)若计划用不超过8000元的资金再次购进 $A$ ,  $B$ 两种话机共30台, 已知 $A$ ,  $B$ 两种电话机的进价不变, 求最多能购进多少台 $A$ 种电话机?

24. 如图, 四边形 $ABCD$ 内接于 $\odot O$ ,  $AB$ 为直径,  $BC=CD$ , 过点 $C$ 作 $CE \perp AB$ 于点 $E$ ,  $CH \perp AD$ 交 $AD$ 的延长线于点 $H$ , 连接 $BD$ 交 $CE$ 于点 $G$ .

- (1)求证:  $CH$ 是 $\odot O$ 的切线;  
(2)若点 $D$ 为 $AH$ 的中点, 求证:  $AD=BE$ ;  
(3)若 $\sin \angle DBA = \frac{3}{5}$ ,  $CG=5$ , 求 $BD$ 的长.

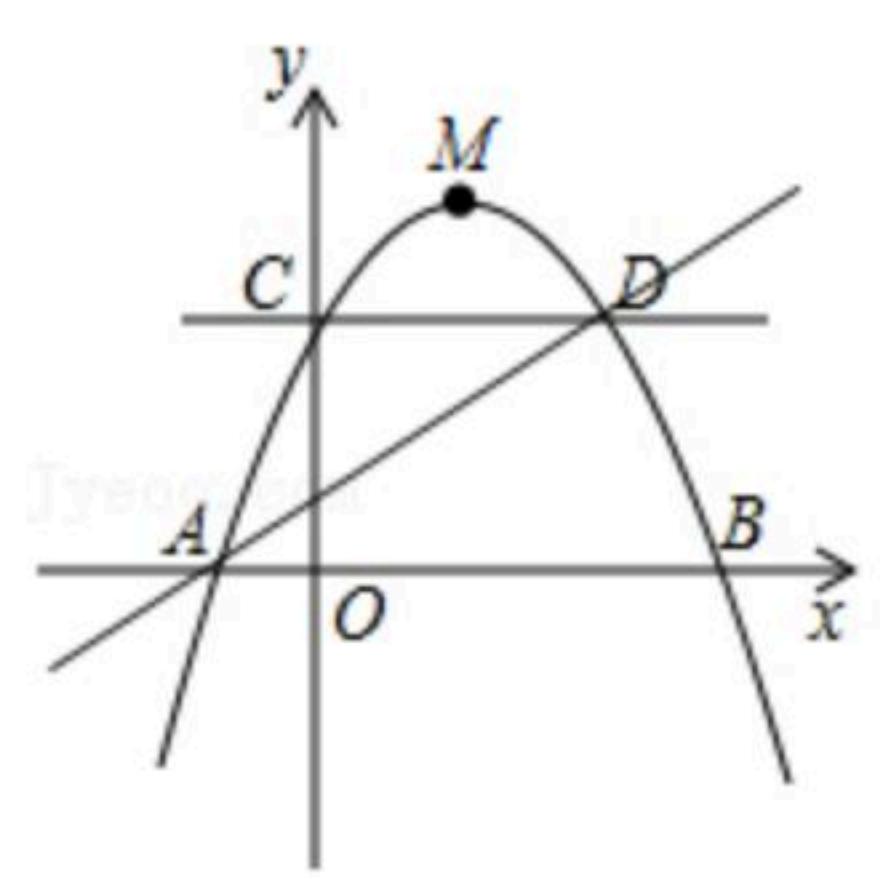


25. 如图, 已知顶点为 $M(\frac{3}{2}, \frac{25}{8})$ 的抛物线过点 $D(3, 2)$ , 交 $x$ 轴于 $A$ ,  $B$ 两点, 交 $y$ 轴于点 $C$ , 点 $P$ 是抛物线上一动点.

- (1)求抛物线的解析式;  
(2)当点 $P$ 在直线 $AD$ 上方时, 求 $\triangle PAD$ 面积的最大值, 并求出此时点 $P$ 的坐标;  
(3)过点 $P$ 作直线 $CD$ 的垂线, 垂足为 $Q$ , 若将 $\triangle CPQ$ 沿 $CP$ 翻折, 点 $Q$ 的对应点为 $Q'$ . 是否存在点 $P$ , 使 $Q'$ 恰好落在 $x$ 轴上? 若存在, 求出点 $P$ 的坐标; 若不存在, 说明理由.



扫码查看解析





扫码查看解析