



扫码查看解析

# 2021-2022学年北京市101中学七年级（下）期中试卷

## 数 学

注：满分为100分。

一、选择题（本题共30分，每小题3分）第1-10题均有四个选项，符合题意的只有一个。

1. 4的算术平方根是( )

- A.  $\pm 2$       B.  $\pm \sqrt{2}$       C. -2      D. 2

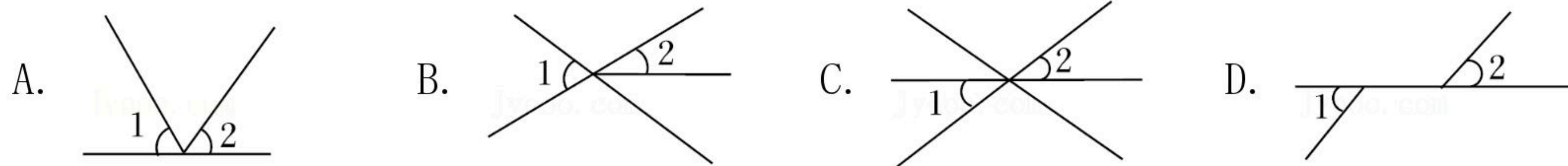
2. 在平面直角坐标系中，点P(3, 2)在( )

- A. 第一象限      B. 第二象限      C. 第三象限      D. 第四象限

3. 在实数 $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{9}$ , 3.1415,  $\frac{23}{7}$ 中，无理数是( )

- A.  $\sqrt{2}$       B.  $\sqrt{9}$       C. 3.1415      D.  $\frac{23}{7}$

4. 下面四个图形中， $\angle 1$ 与 $\angle 2$ 是对顶角的是( )

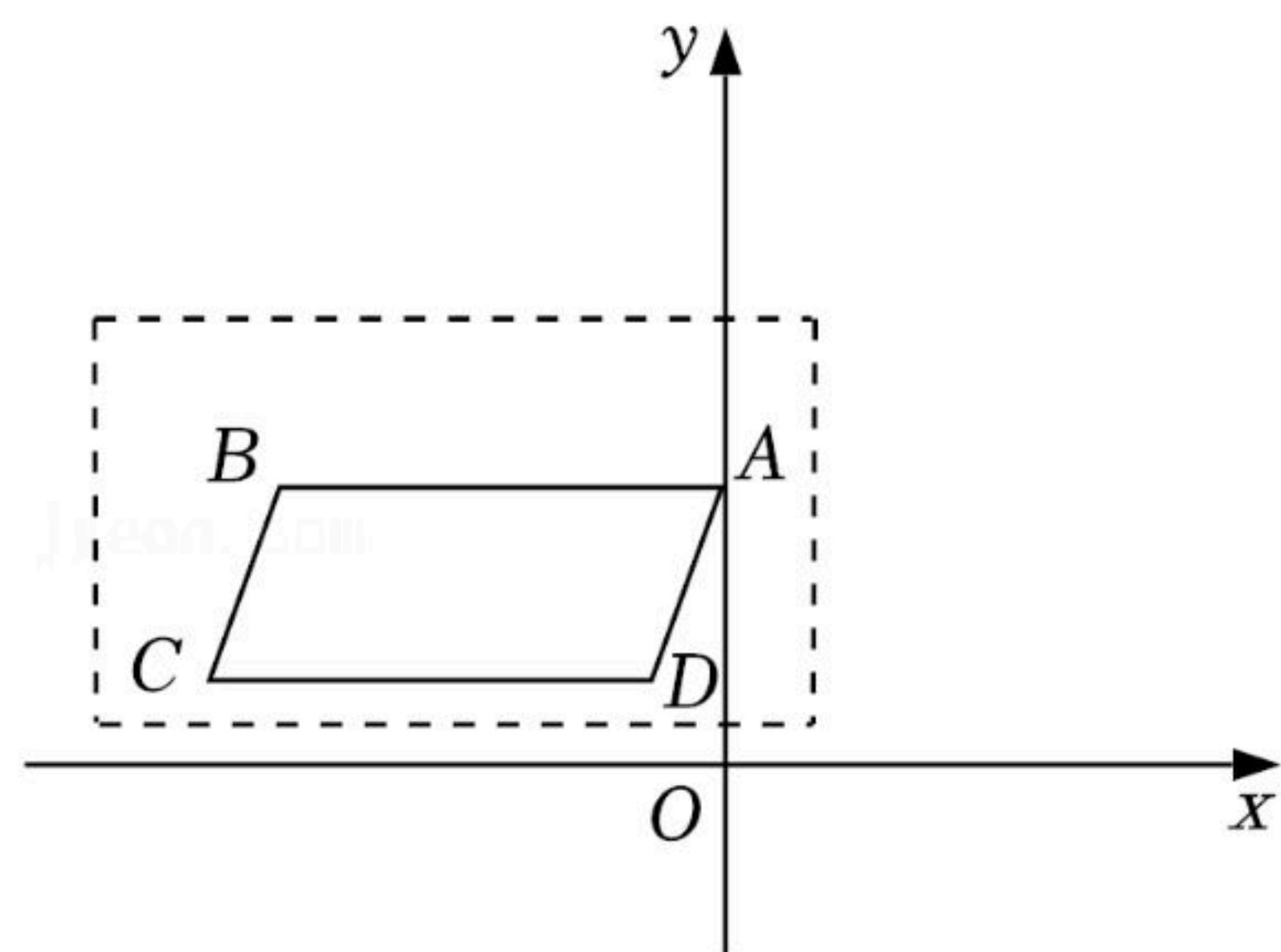


5. 在平面直角坐标系中，点B(2, 3)到x轴的距离为( )

- A. 3      B. 2      C. -3      D. -2

6. 在如图所示的平面直角坐标系内，画在透明胶片上的平行四边形ABCD，点A的坐标是(0, 2)，现将这张胶片平移，使点A落在点A'(3, -1)处，则此平移可以是( )

- A. 向右平移3个单位，再向下平移1个单位  
B. 向右平移3个单位，再向下平移3个单位  
C. 向左平移3个单位，再向下平移1个单位  
D. 向左平移3个单位，再向下平移3个单位



7. 估算 $\sqrt{15}$ 的值在( )

- A. 6和7之间      B. 5和6之间      C. 4和5之间      D. 3和4之间

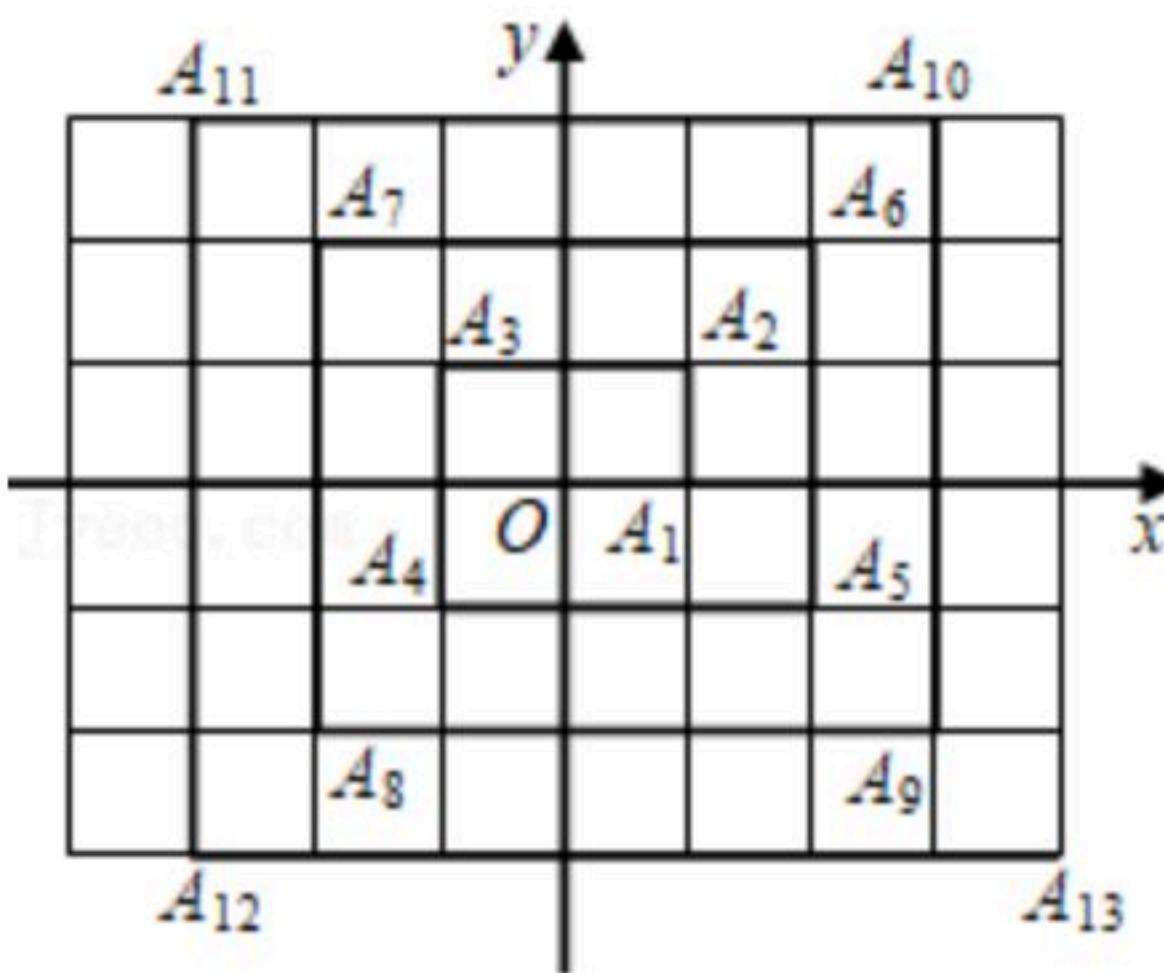
8. 已知命题：①如果 $|x|=x$ ，那么 $x>0$ ；②如果 $a^2=9$ ，那么 $a=3$ ；③等角的余角相等；④两个相等的角是对顶角。其中真命题有( )

- A. 1个      B. 2个      C. 3个      D. 4个



扫码查看解析

9. 如图,  $A_1(1, 0)$ ,  $A_2(1, 1)$ ,  $A_3(-1, 1)$ ,  $A_4(-1, -1)$ ,  
 $A_5(2, -1)$ , …按此规律, 点 $A_{2022}$ 的坐标为( )  
A.  $(505, 505)$  B.  $(506, -505)$  C.  $(506, 506)$   
D.  $(-506, 506)$



10. 在数轴上有三个互不重合的点 $A$ ,  $B$ ,  $C$ , 它们代表的实数分别为 $a$ ,  $b$ ,  $c$ , 下列结论中:  
①若 $abc > 0$ , 则 $A$ ,  $B$ ,  $C$ 三点中, 至少有一个点在原点右侧;  
②若 $a+b+c=0$ , 则 $A$ ,  $B$ ,  $C$ 三点中, 至少有一个点在原点右侧;  
③若 $a+c=2b$ , 则点 $B$ 为线段 $AC$ 的中点;  
④ $O$ 为坐标原点且 $A$ ,  $B$ ,  $C$ 均不与 $O$ 重合, 若 $OB-OC=AB-AC$ , 则 $bc > 0$ .  
所有正确结论的序号是( )  
A. ①② B. ③④ C. ①②③ D. ①②③④

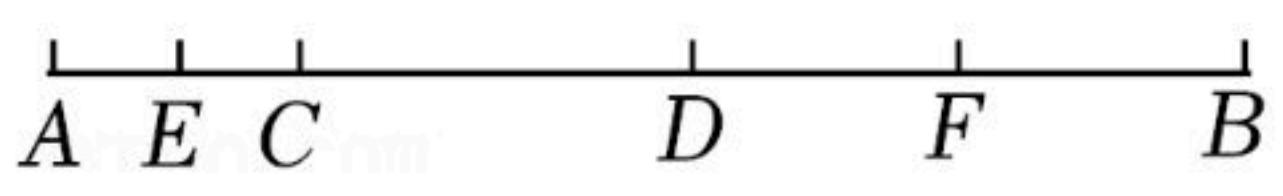
## 二、填空题 (本题共15分, 11-16每小题2分, 17题3分)

11.  $-\sqrt{3}$ 的相反数是\_\_\_\_\_，绝对值是\_\_\_\_\_.

12. 已知 $(x-1)^2 + \sqrt{y} = 0$ , 则 $x =$ \_\_\_\_\_,  $y =$ \_\_\_\_\_.

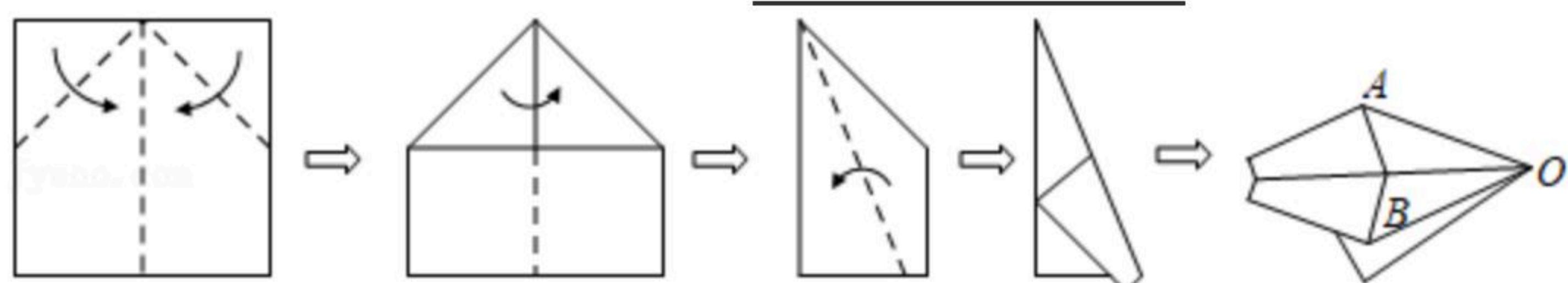
13. 比较大小:  $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$  \_\_\_\_\_ 0.5.

14. 把“内错角相等, 两直线平行”改写成“如果…那么…”的形式  
\_\_\_\_\_.

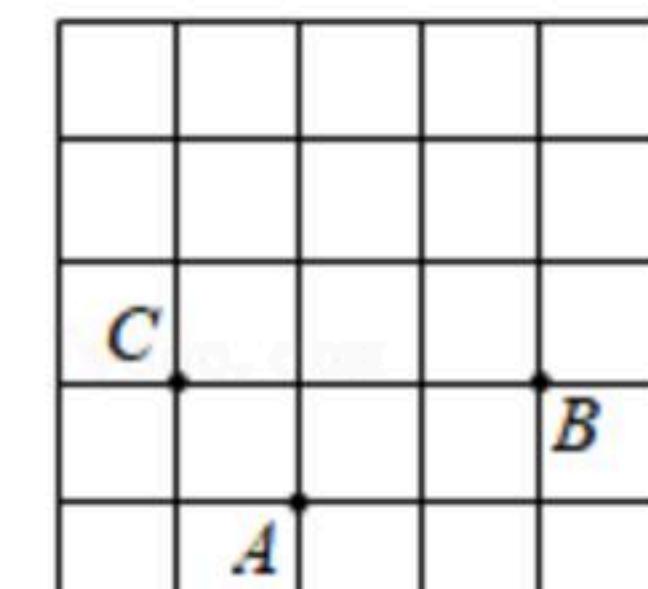
15. 如图, 已知线段 $AB$ 上有两点 $C$ ,  $D$ , 且 $AC: CD: DB=2: 3: 4$ ,   $E$ ,  $F$ 分别为 $AC$ ,  $DB$ 的中点,  $EF=2.4cm$ , 则

$AB=$ \_\_\_\_\_ cm.

16. 小明将一张正方形纸片按如图所示顺序折叠成纸飞机, 当机翼展开在同一平面时(机翼间无缝隙),  $\angle AOB$ 的度数是\_\_\_\_\_.



17. 已知整点(横纵坐标都是整数) $P$ 在平面直角坐标系内做“跳马运动”(即中国象棋“日”字型跳跃). 例如: 如图, 从点 $A$ 做一次“跳马运动”, 可以到点 $B$ , 但是到达不了点 $C$ . 设 $P_0$ 做一次跳马运动到点 $P_1$ , 做第二次跳马运动到点 $P_2$ , 做第三次跳马运动到点 $P_3$ , …, 如此依次进行.





扫码查看解析

(1) 若  $P_0(1, 0)$ , 则  $P_1$  可能是下列的点 \_\_\_\_\_.

$D(-1, 2); E(-2, 0); F(0, 2)$ .

(2) 已知点  $P_0(4, 2), P_2(1, 3)$ , 则点  $P_1$  的所有可能坐标为 \_\_\_\_\_.

### 三、解答题 (本题共55分, 第18, 19每小题各6分, 20, 21, 22, 23, 26每小题6分, 第24, 25题, 每小题6分, 第27题6分, 28题7分)

18. 计算:

(1)  $\sqrt{16} + \sqrt[3]{-27}$ ;

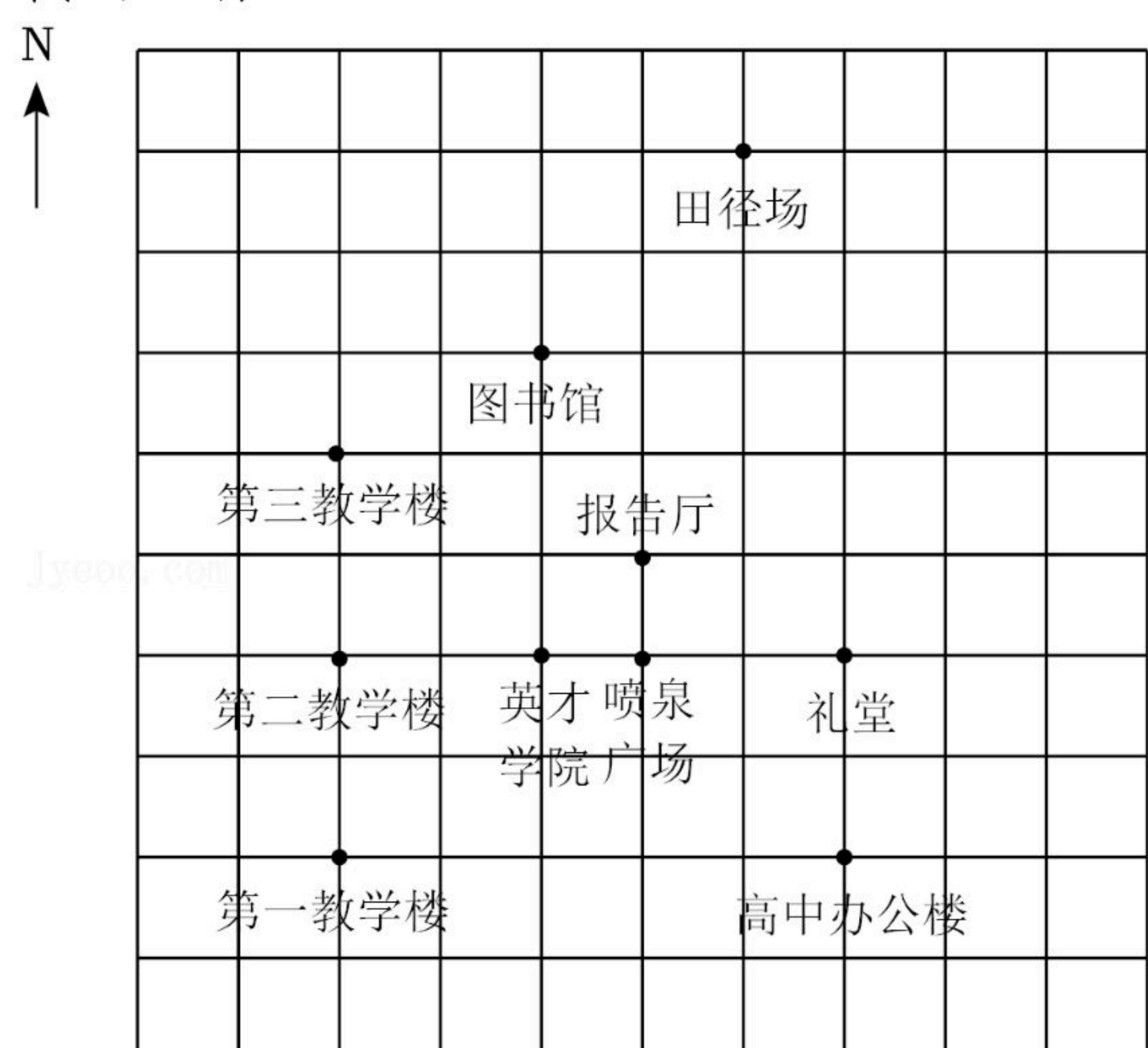
(2)  $2(\sqrt{3}+1)+|\sqrt{3}-2|$ .

19. 求出下列等式中  $x$  的值:

(1)  $5x^2=35$ ;

(2)  $\frac{x^3}{8}+2=3$ .

20. 如图是一零一校园内一些地点的分布示意图, 在图中, 分别以正东、正北方向为  $x$  轴、 $y$  轴的正方向建立平面直角坐标系. 当表示礼堂的点的坐标为  $(2, 0)$ , 表示第三教学楼的点的坐标为  $(-3, 2)$  时, 在图中画出平面直角坐标系, 并写出田径场、图书馆和第一教学楼的坐标.



21. 如图, 在方格纸中有一条线段  $AB$  和一格点  $P$ , 仅用直尺完成下列问题:

(1) 过点  $P$  画直线  $l \parallel AB$ ;

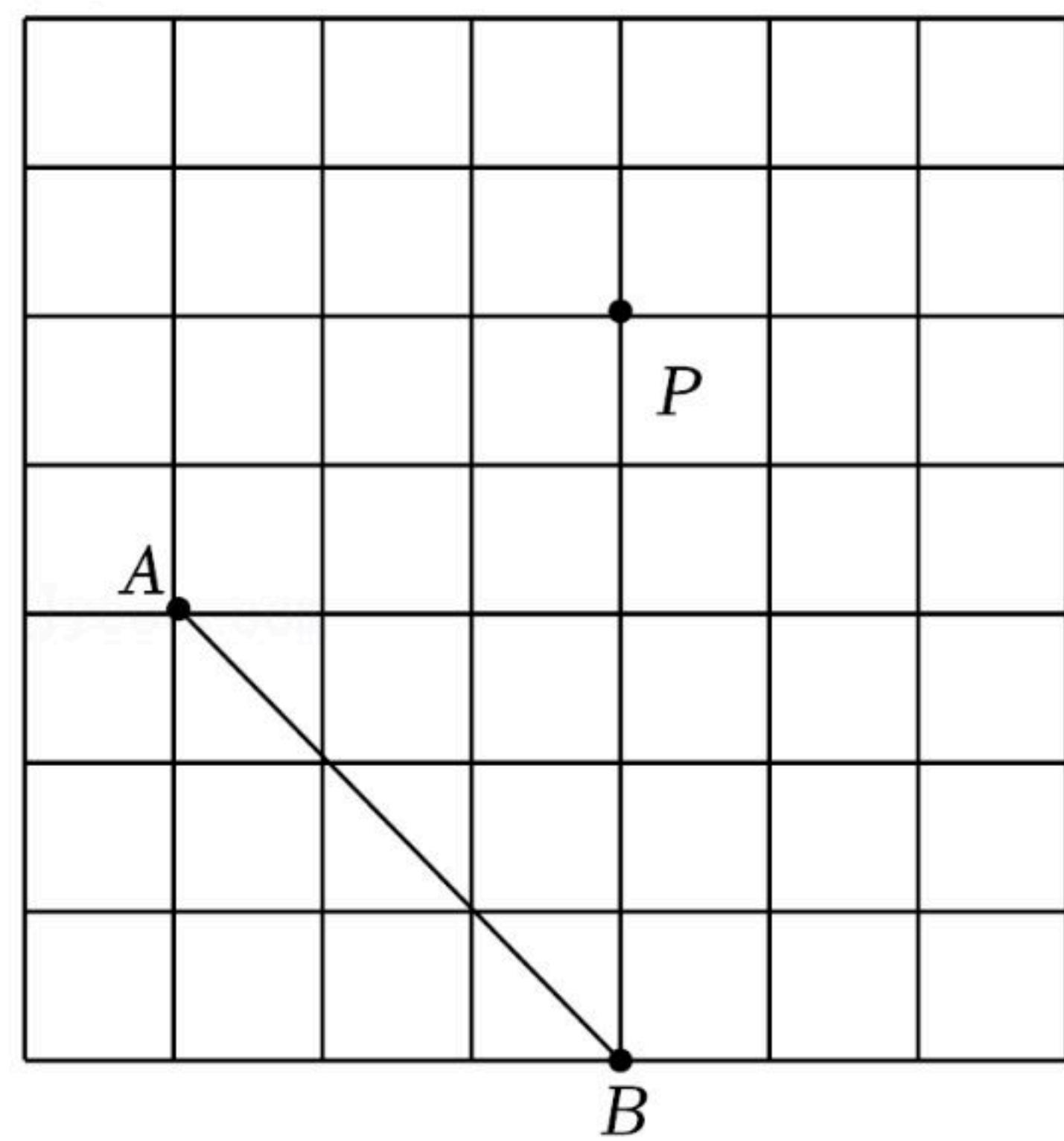
(2) 在方格纸中, 有不同于点  $P$  的格点  $M$ , 使  $\triangle ABM$  的面积等于  $\triangle ABP$  的面积, 格点  $M$  共有 \_\_\_\_\_.



扫码查看解析

\_\_\_\_\_个；

(3) 在线段AB上找一点N，使得AN+PN+BN距离和最小。



22. 若实数 $a+9$ 的一个平方根是 $-5$ ,  $2b-a$ 的立方根是 $-2$ , 求 $\sqrt{a}+\sqrt{b}$ .

23. 完成下面的证明过程:

已知: 如图,  $\angle D=120^\circ$ ,  $\angle EFD=60^\circ$ ,  $\angle 1=\angle 2$ , 求证:  $\angle 3=\angle B$ .

证明:  $\because \angle D=120^\circ$ ,  $\angle EFD=60^\circ$  (已知)

$$\therefore \angle D + \angle EFD = 180^\circ$$

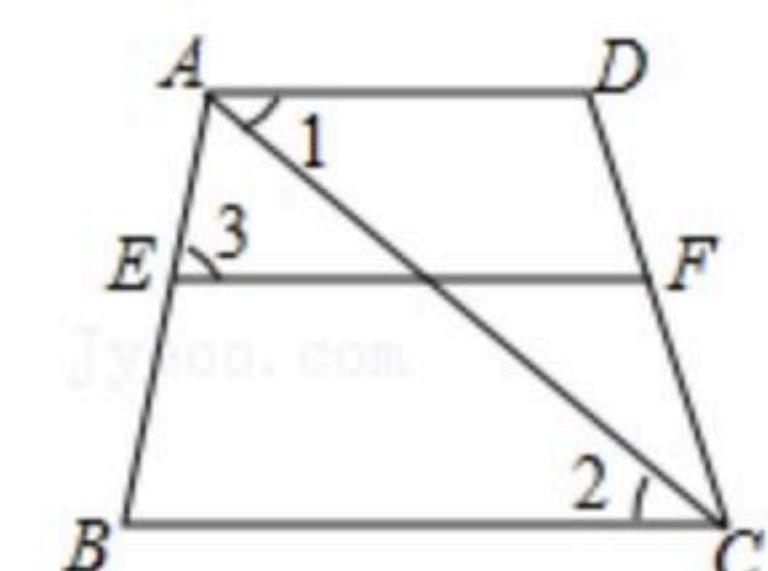
$\therefore AD \parallel EF$  (\_\_\_\_\_)

又 $\because \angle 1=\angle 2$  (已知)

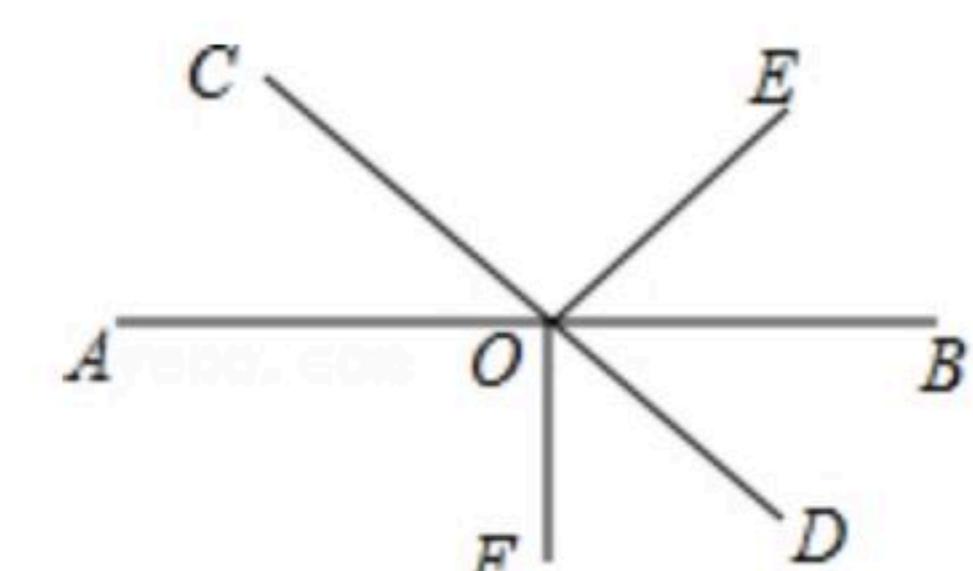
$\therefore \underline{\quad} \parallel BC$  (内错角相等, 两直线平行)

$\therefore EF \parallel BC$  (\_\_\_\_\_)

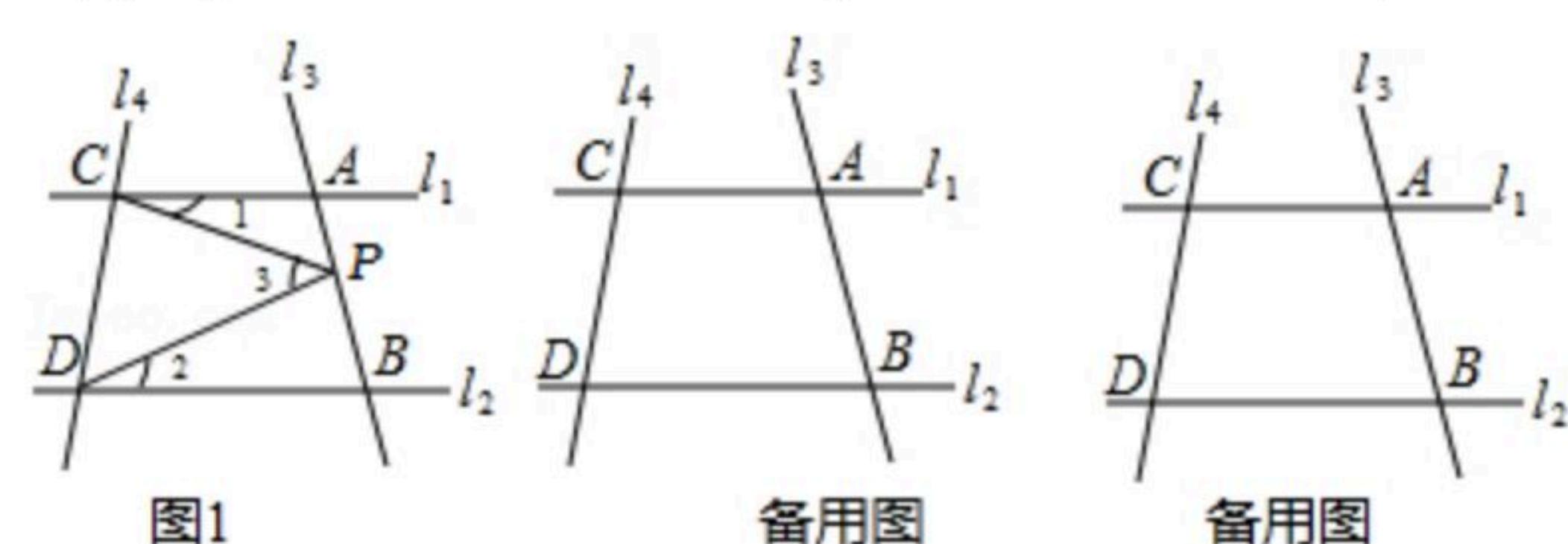
$\therefore \angle 3=\angle B$  (\_\_\_\_\_)



24. 如图, 直线AB和CD相交于点O,  $OD$ 平分 $\angle BOF$ ,  $OE \perp CD$ 于点O,  $\angle AOC=40^\circ$ , 求 $\angle EOF$ 的度数.



25. 如图①, 已知直线 $l_1 \parallel l_2$ , 且 $l_3$ 和 $l_1$ ,  $l_2$ 分别相交于A, B两点,  $l_4$ 和 $l_1$ ,  $l_2$ 分别相交于C, D两点, 记 $\angle ACP=\angle 1$ ,  $\angle BDP=\angle 2$ ,  $\angle CPD=\angle 3$ , 点P在线段AB上.



(1) 用等式表示 $\angle 1$ ,  $\angle 2$ ,  $\angle 3$ 之间的等量关系, 并证明;

(2) 如果点P在直线 $l_3$ 上且在A, B两点外侧运动时, 其他条件不变, 试探究 $\angle 1$ ,  $\angle 2$ ,  $\angle 3$



扫码查看解析

之间的等量关系(点P和A, B两点不重合), 直接写出结论.

26. 材料1: 两数和的完全平方公式: 两个数的和的平方, 等于它们的平方和, 加上它们的积的2倍, 即 $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$ , 比如 $(x+6)^2=x^2+2\cdot x\cdot 6+6^2=x^2+12x+36$ .

材料2: 学习了无理数后, 某数学兴趣小组开展了一次探究活动: 估算 $\sqrt{13}$ 的近似值. 小明的方法:

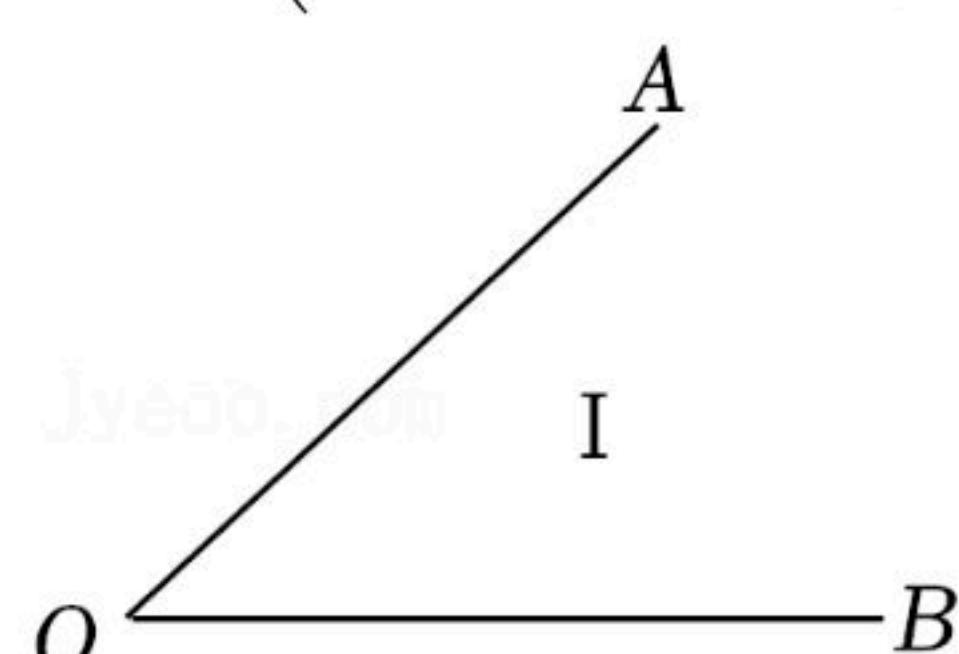
$$\because \sqrt{9} < \sqrt{13} < \sqrt{16}, \text{ 设 } \sqrt{13} = 3 + k (0 < k < 1), \therefore (\sqrt{13})^2 = (3+k)^2,$$

$$\therefore 13 = 9 + 6k + k^2, \therefore 13 \approx 9 + 6k, \text{ 解得 } k \approx \frac{4}{6}, \therefore \sqrt{13} \approx 3 + \frac{4}{6} \approx 3.67.$$

(1)请你结合材料1和材料2, 估算 $\sqrt{37}$ 的值(写过程, 结果保留两位小数).

(2)请结合上述具体实例, 概括出估算 $\sqrt{m}$ 的公式: 已知非负整数 $a, b, m$ , 若 $a < \sqrt{m} < a+1$ , 且 $m=a^2+b$ , 则 $\sqrt{m} \approx \underline{\hspace{2cm}}$ . (用含 $a, b$ 的代数式表示)

27. 我们学习过角的定义, 有公共顶点的两条射线组成的图形叫做角. 如图所示, 我们把区域I(不包括射线OM和射线OA)叫做角的内部.



对于一个角 $\alpha$ ( $0^\circ < \alpha < 180^\circ$ 且 $\alpha \neq 90^\circ$ ), 定义它的“内补角”满足以下两个条件:

①大小是 $180^\circ - \alpha$ ; ②与这个角有一条公共边且与这个角的内部有公共部分.

定义它的“内余角”满足以下两个条件;

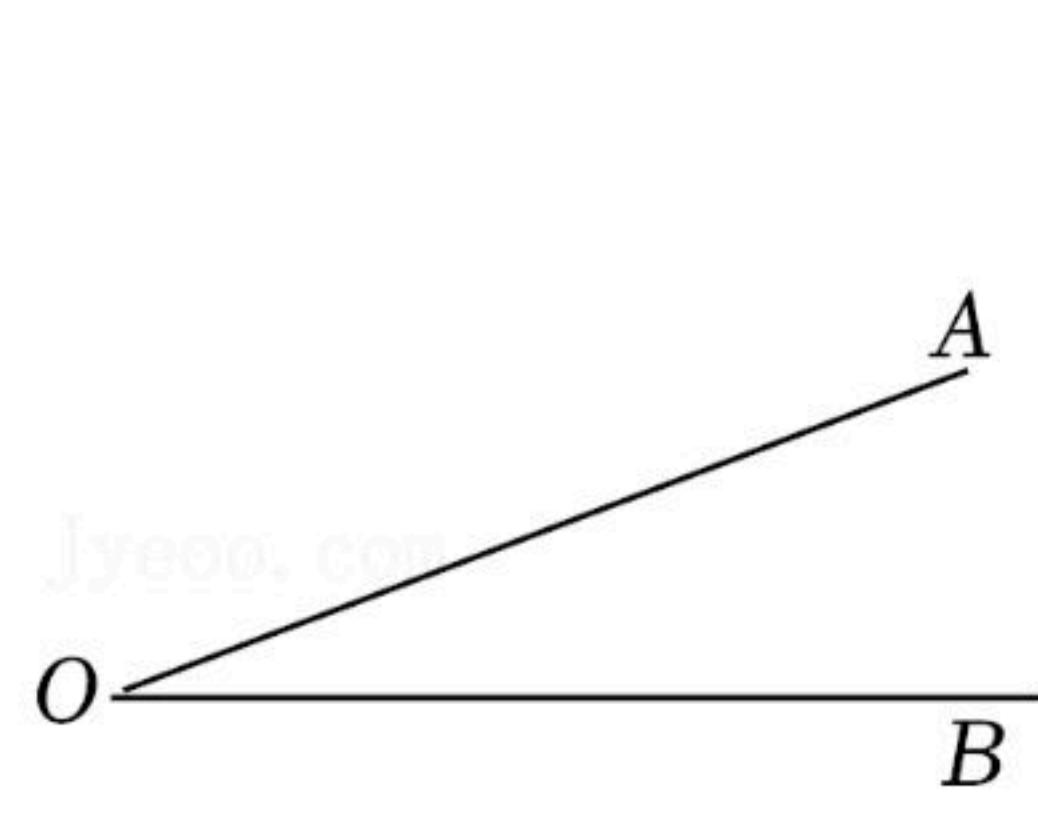
①大小是 $|90^\circ - \alpha|$ ; ②与这个角有一条公共边且与这个角的内部有公共部分.

(1)如图①, 已知 $\angle AOB=20^\circ$ , 利用直尺和量角器, 通过计算和测量, 作出 $\angle AOB$ 的所有内补角;

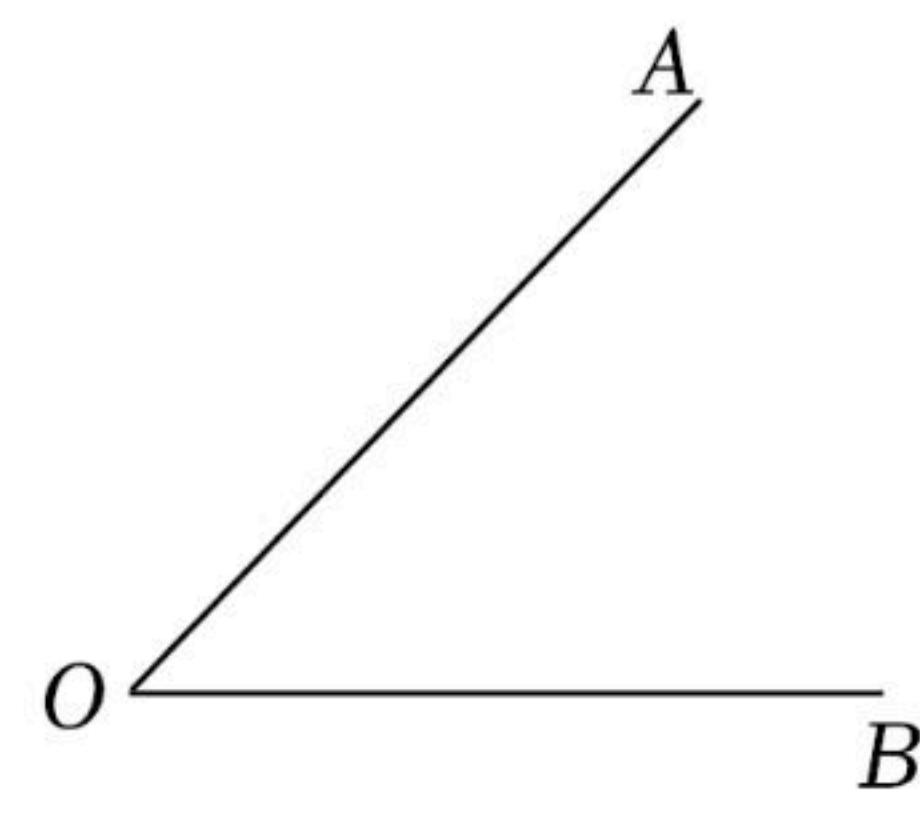
(2)设 $\angle AOB=\alpha$ , 射线OM平分 $\angle AOB$ 的内补角, 射线ON平分 $\angle AOB$ 的内余角,

①当 $\alpha=45^\circ$ 时, 如图②, 计算 $\angle MON$ 的大小为 \_\_\_\_\_; (直接写答案)

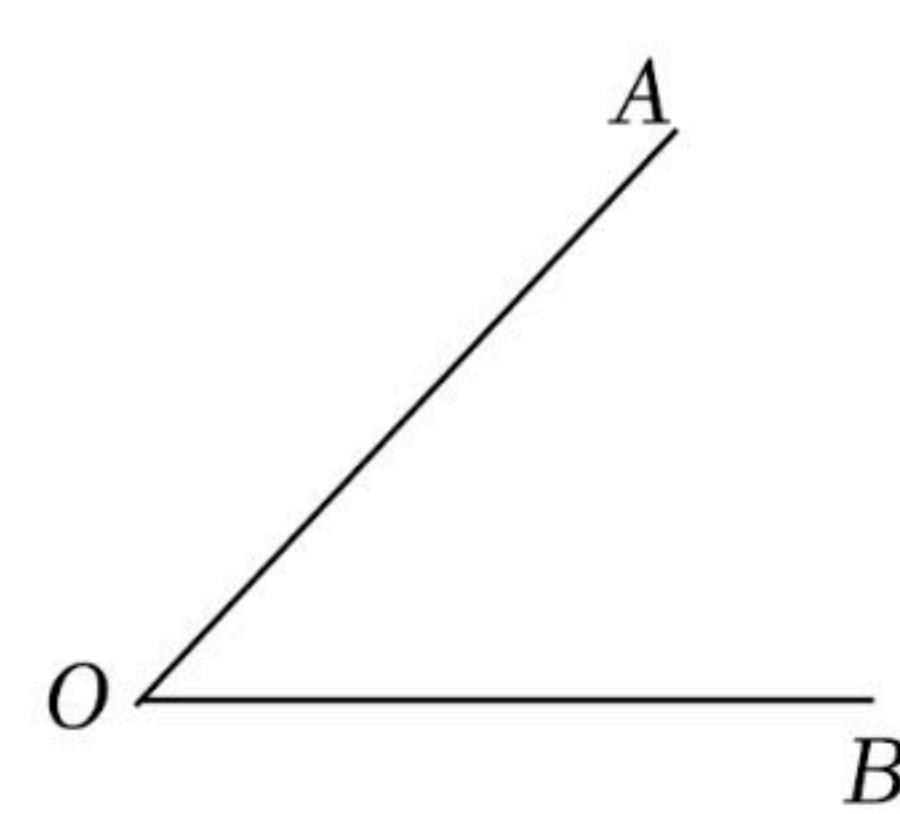
②当 $90^\circ < \alpha < 135^\circ$ 时,  $\angle MON$ 大小为 \_\_\_\_\_. (用含 $\alpha$ 的代数式表示, 直接写答案)



图①



图②



备用图



扫码查看解析

28. 在平面直角坐标系 $xOy$ 中，对于给定的两点 $P, Q$ ，若存在点 $M$ ，使得 $\triangle MPQ$ ( $\triangle$ 表示三角形)面积等于1(即 $S_{\triangle MPQ}=1$ )，则称点 $M$ 为线段 $PQ$ 的“单位面积点”.

解答下列问题：

如图，在平面直角坐标系 $xOy$ 中，点 $P$ 的坐标为 $(2, 0)$ .

- (1) 在点 $A(-1, 1), B(-1, 2), C(2, -4)$ 中，线段 $OP$ 的“单位面积点”是\_\_\_\_\_；
- (2) 已知点 $D(0, 3), E(0, 4)$ ，将线段 $OP$ 沿 $y$ 轴方向向上平移 $t(t > 0)$ 个单位长度，使得线段 $DE$ 上存在线段 $OP$ 的“单位面积点”，求 $t$ 的取值范围；
- (3) 已知点 $F(2, 2)$ ，点 $M$ 在第一象限且 $M$ 的纵坐标是3，点 $M, N$ 是线段 $PF$ 的两个“单位面积点”，若 $S_{\triangle OMN}=3S_{\triangle PFN}$ ，且 $MN \parallel PF$ ，直接写出点 $N$ 的坐标.

