



扫码查看解析

# 2022年湖北省十堰市中考试卷

## 数学

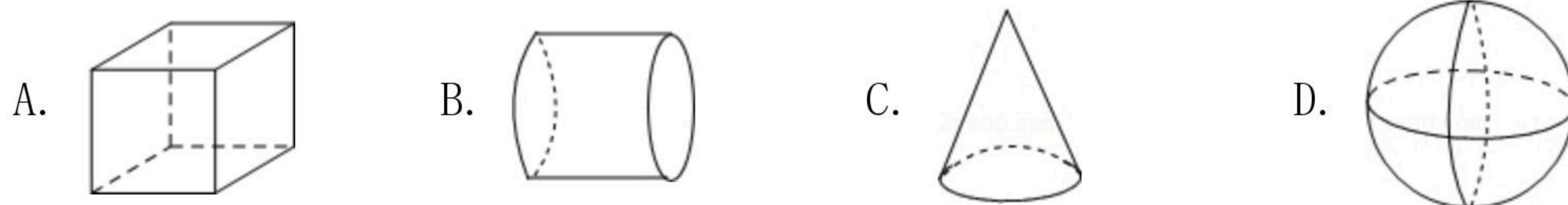
注：满分为120分。

一、选择题（本题有10个小题，每小题3分，共30分）下面每小题给出的四个选项中，只有一个正确的，请把正确选项的字母填涂在答题卡中相应的格子内。

1. 2的相反数是( )

- A. -2      B. 2      C.  $-\frac{1}{2}$       D.  $\frac{1}{2}$

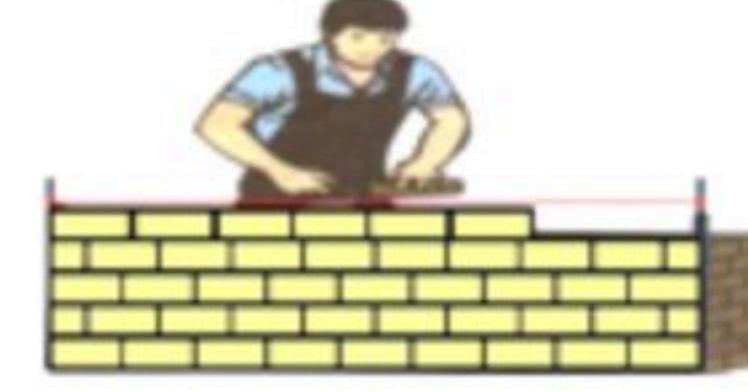
2. 下列几何体中，主视图与俯视图的形状不一样的几何体是( )



3. 下列计算正确的是( )

- A.  $a^6 \div a^3 = a^2$       B.  $a^2 + 2a^2 = 3a^2$       C.  $(2a)^3 = 6a^3$       D.  $(a+1)^2 = a^2 + 1$

4. 如图，工人砌墙时，先在两个墙脚的位置分别插一根木桩，再拉一条直的参照线，就能使砌的砖在一条直线上。这样做应用的数学知识是( )



- A. 两点之间，线段最短      B. 两点确定一条直线  
C. 垂线段最短      D. 三角形两边之和大于第三边

5. 甲、乙两人在相同的条件下，各射击10次，经计算：甲射击成绩的平均数是8环，方差是1.1；乙射击成绩的平均数是8环，方差是1.5. 下列说法中不一定正确的是( )

- A. 甲、乙的总环数相同      B. 甲的成绩比乙的成绩稳定  
C. 乙的成绩比甲的成绩波动大      D. 甲、乙成绩的众数相同

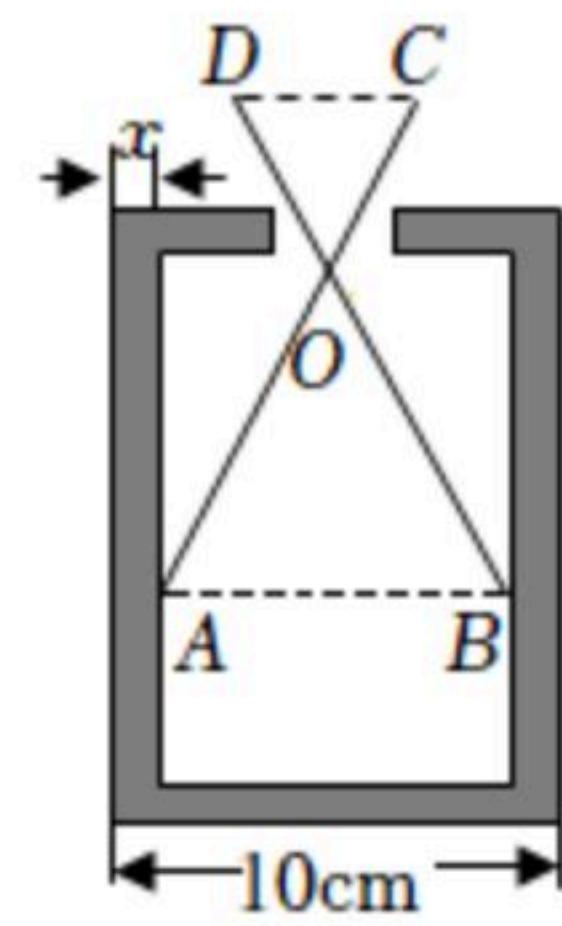
6. 我国古代数学名著《张邱建算经》中记载：“今有清酒一斗直粟十斗，醑酒一斗直粟三斗。今持粟三斛，得酒五斗，问清、醑酒各几何？”意思是：现在一斗清酒价值10斗谷子，一斗醑酒价值3斗谷子，现在拿30斗谷子，共换了5斗酒，问清、醑酒各几斗？如果设清酒 $x$ 斗，那么可列方程为( )

- A.  $10x + 3(5-x) = 30$       B.  $3x + 10(5-x) = 30$   
C.  $\frac{x}{10} + \frac{30-x}{3} = 5$       D.  $\frac{x}{3} + \frac{30-x}{10} = 5$



7. 如图，某零件的外径为10cm，用一个交叉卡钳(两条尺长AC和BD相等)可测量零件的内孔直径AB. 如果 $OA = OC = OB = OD = 3$ ，且量得 $CD = 3cm$ ，则零件的厚度 $x$ 为( )

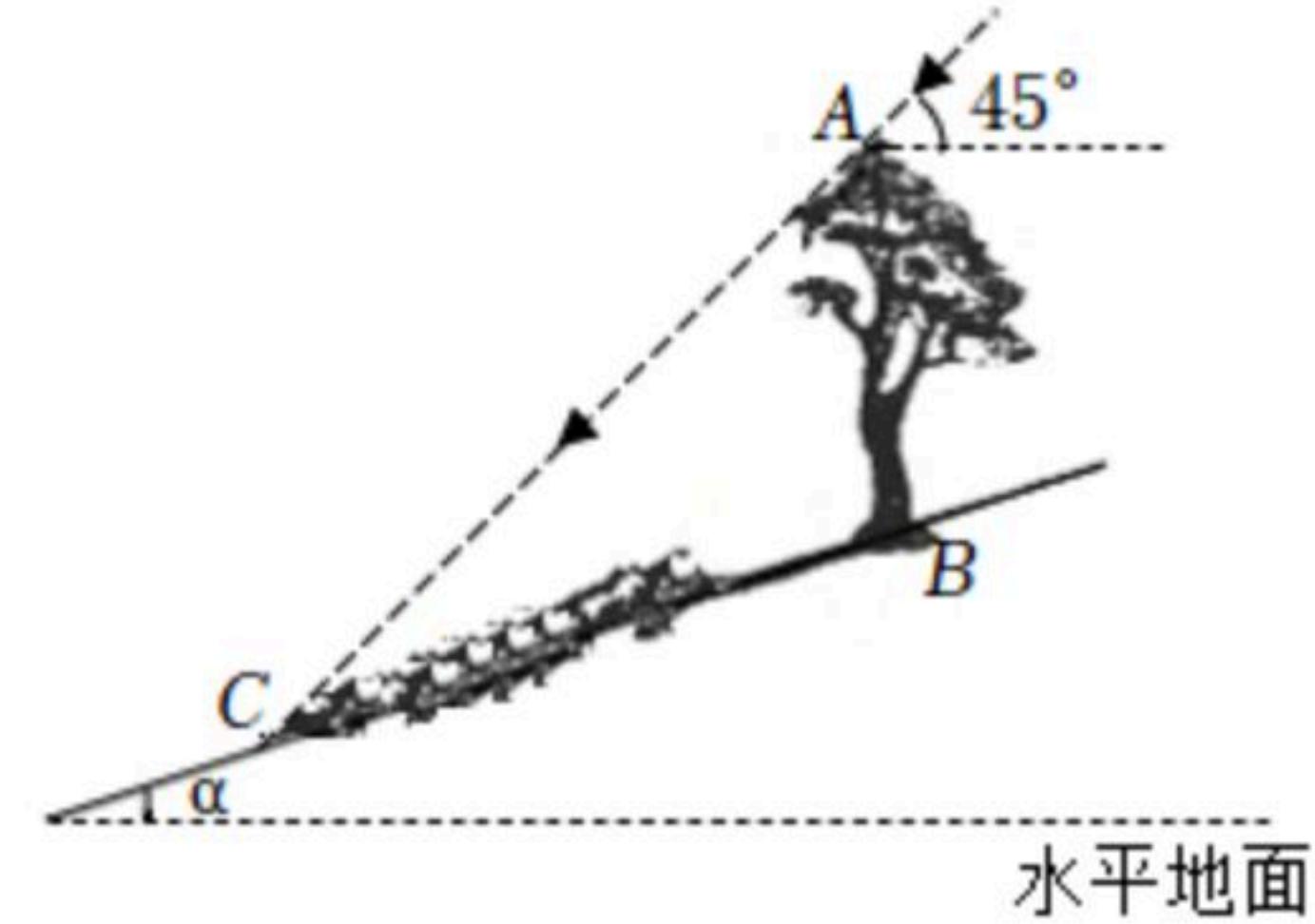
A. 0.3cm      B. 0.5cm      C. 0.7cm      D. 1cm



扫码查看解析

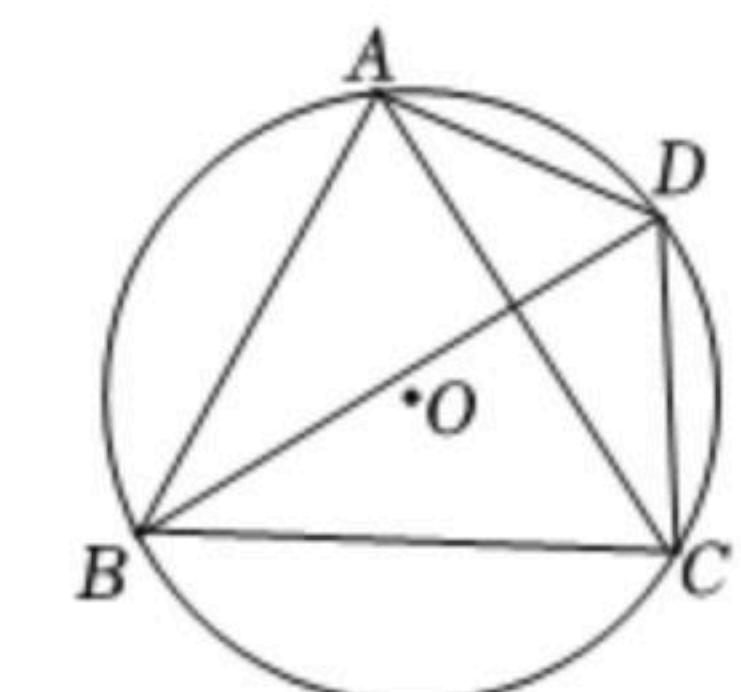
8. 如图，坡角为 $\alpha$ 的斜坡上有一棵垂直于水平地面的大树AB，当太阳光线与水平线成 $45^\circ$ 角沿斜坡照下时，在斜坡上的树影BC长为m，则大树AB的高为( )

A.  $m(\cos\alpha - \sin\alpha)$       B.  $m(\sin\alpha - \cos\alpha)$   
C.  $m(\cos\alpha - \tan\alpha)$       D.  $\frac{m}{\sin\alpha} - \frac{m}{\cos\alpha}$



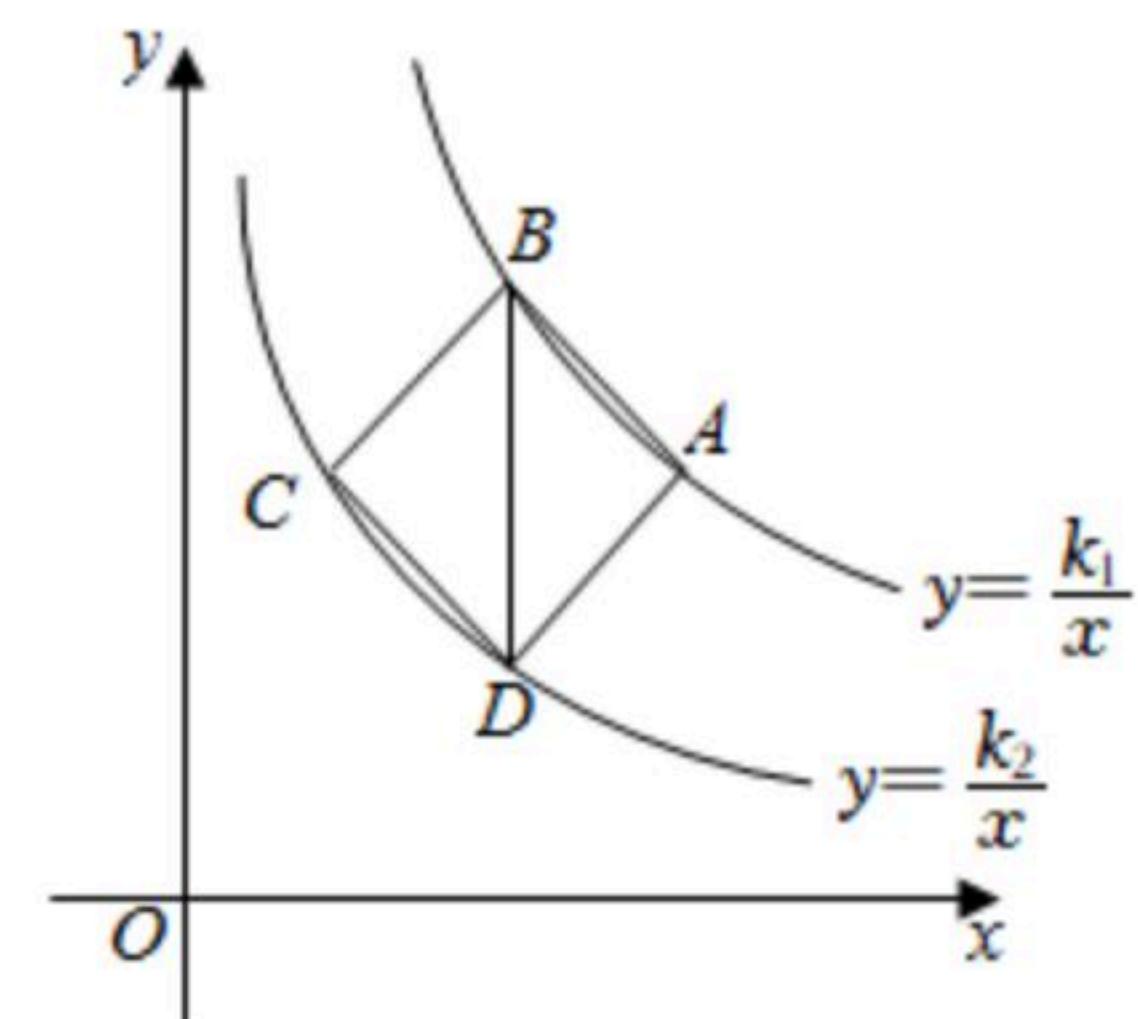
9. 如图， $\odot O$ 是等边 $\triangle ABC$ 的外接圆，点D是弧AC上一动点(不与A, C重合)，下列结论：① $\angle ADB = \angle BDC$ ；② $DA = DC$ ；③当DB最长时， $DB = 2DC$ ；④ $DA + DC = DB$ ，其中一定正确的结论有( )

A. 1个      B. 2个      C. 3个      D. 4个



10. 如图，正方形ABCD的顶点分别在反比例函数 $y = \frac{k_1}{x}$  ( $k_1 > 0$ )和 $y = \frac{k_2}{x}$  ( $k_2 > 0$ )的图象上. 若 $BD \parallel y$ 轴，点D的横坐标为3，则 $k_1 + k_2 =$ ( )

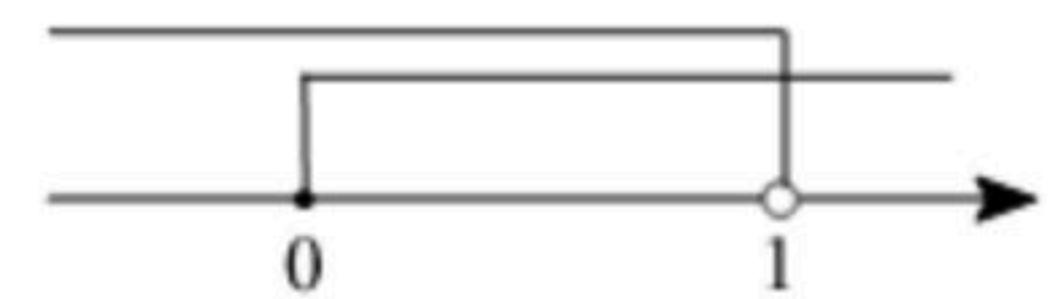
A. 36      B. 18      C. 12      D. 9



## 二、填空题 (本题有6个小题，每小题3分，共18分)

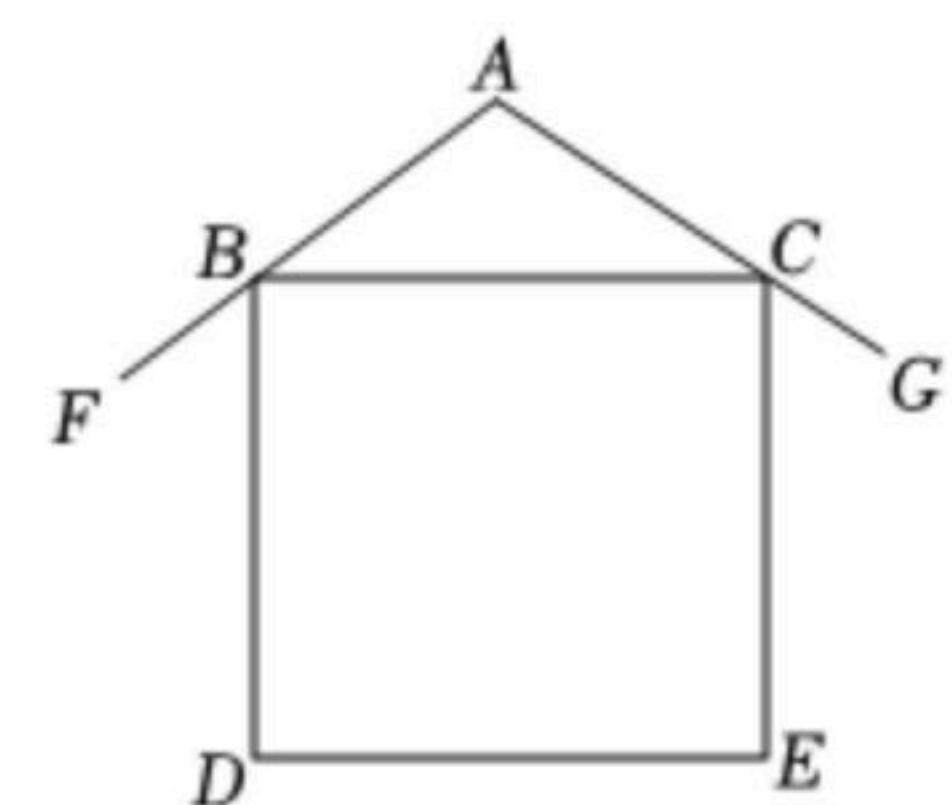
11. 袁隆平院士被誉为“杂交水稻之父”，经过他带领的团队多年努力，目前我国杂交水稻种植面积约为2.5亿亩. 将250000000用科学记数法表示为 $2.5 \times 10^n$ ，则 $n =$ \_\_\_\_\_.

12. 关于 $x$ 的不等式组中的两个不等式的解集如图所示，则该不等式组的解集为\_\_\_\_\_.

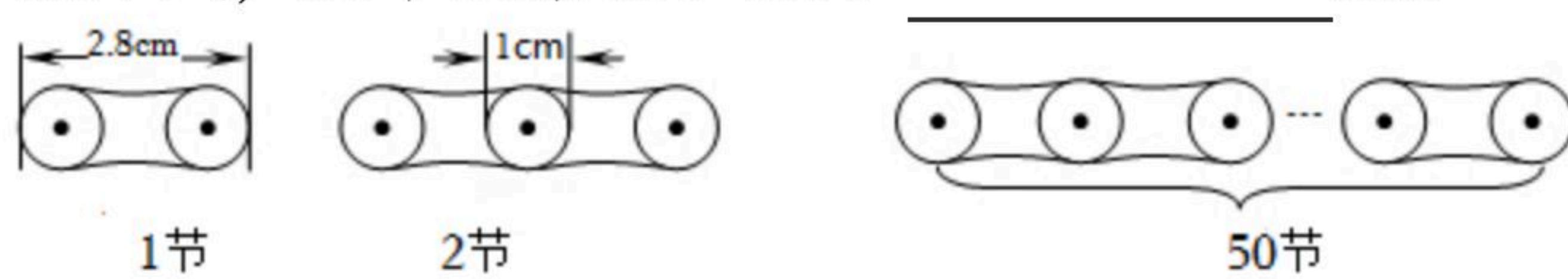


13. “美丽乡村”建设使我市农村住宅旧貌变新颜，如图所示为一农村民居侧面截图，屋坡AF, AG分别架在墙体的点B, C处，且 $AB=AC$ ，侧面四边形BDEC为矩形. 若测得 $\angle FBD=55^\circ$ ，则

$\angle A =$ \_\_\_\_\_°.



14. 如图，某链条每节长为2.8cm，每两节链条相连接部分重叠的圆的直径为1cm，按这种连接方式，50节链条总长度为\_\_\_\_\_cm.

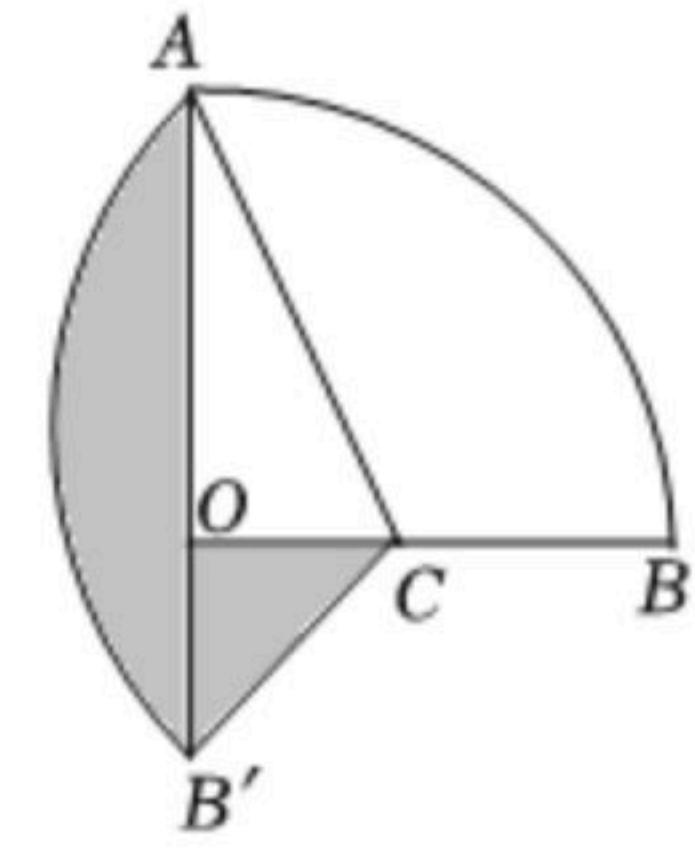




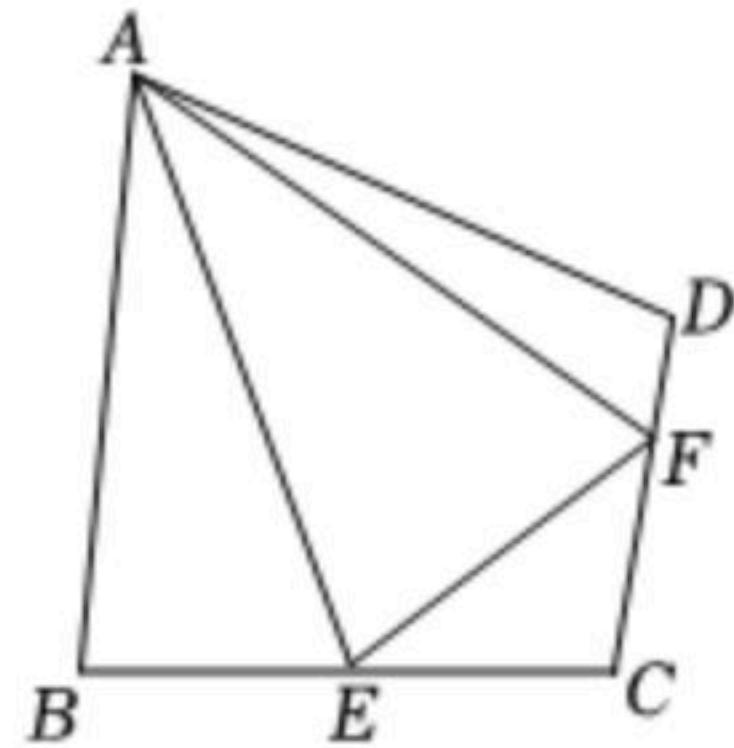
扫码查看解析

15. 如图, 扇形AOB中,  $\angle AOB=90^\circ$ ,  $OA=2$ , 点C为OB上一点, 将扇形AOB沿AC折叠, 使点B的对应点 $B'$ 落在射线AO上, 则图中阴影部分的面积为

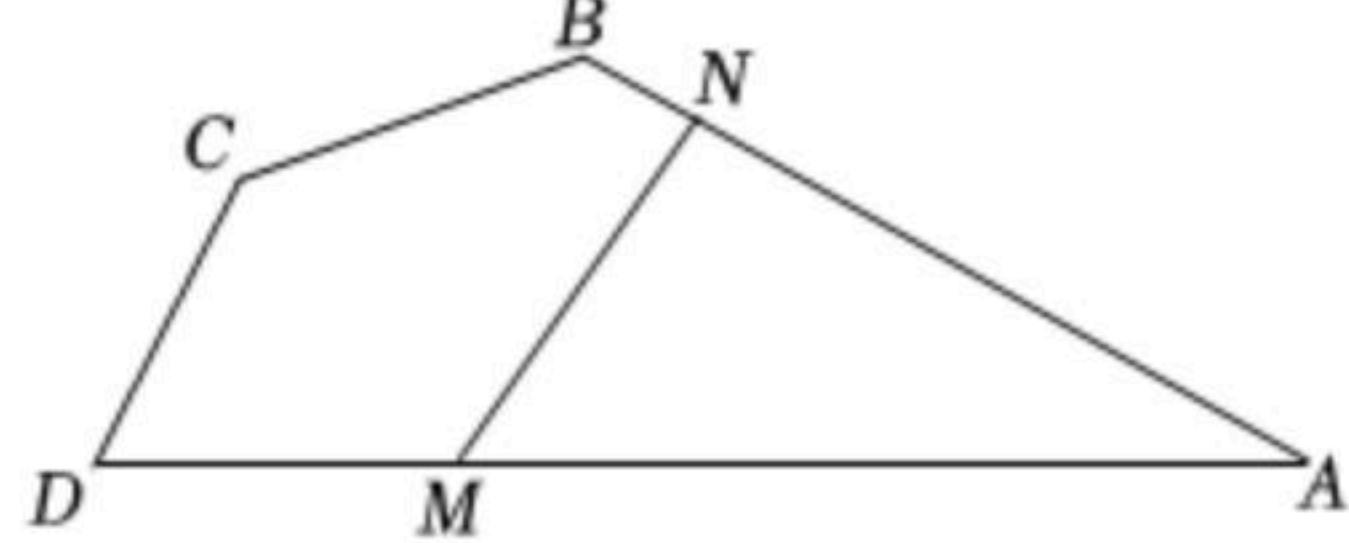
\_\_\_\_\_.



16. 【阅读材料】如图①, 四边形ABCD中,  $AB=AD$ ,  $\angle B+\angle D=180^\circ$ , 点E, F分别在BC, CD上, 若 $\angle BAD=2\angle EAF$ , 则 $EF=BE+DF$ .



图①



图②

【解决问题】如图②, 在某公园的同一水平面上, 四条道路围成四边形ABCD. 已知 $CD=CB=100m$ ,  $\angle D=60^\circ$ ,  $\angle ABC=120^\circ$ ,  $\angle BCD=150^\circ$ , 道路AD, AB上分别有景点M, N, 且 $DM=100m$ ,  $BN=50(\sqrt{3}-1)m$ , 若在M, N之间修一条直路, 则路线 $M \rightarrow N$ 的长比路线 $M \rightarrow A \rightarrow N$ 的长少 \_\_\_\_\_ m(结果取整数, 参考数据:  $\sqrt{3} \approx 1.7$ ).

### 三、解答题 (本题有9个小题, 共72分)

17. 计算:  $(\frac{1}{3})^{-1} + |2 - \sqrt{5}| - (-1)^{2022}$ .

18. 计算:  $\frac{a^2-b^2}{a} \div (a + \frac{b^2-2ab}{a})$ .

19. 已知关于x的一元二次方程 $x^2-2x-3m^2=0$ .

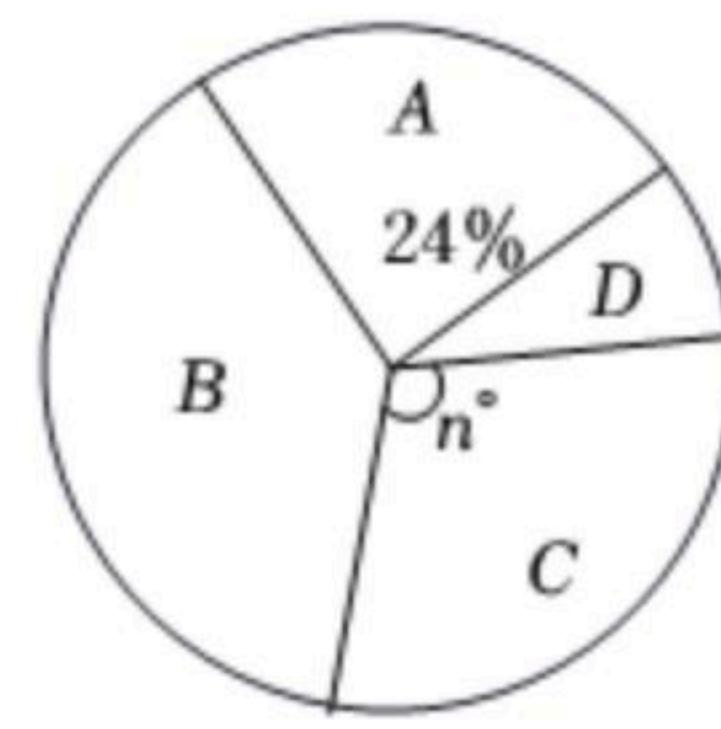
- (1)求证: 方程总有两个不相等的实数根;  
(2)若方程的两个实数根分别为 $\alpha$ ,  $\beta$ , 且 $\alpha+2\beta=5$ , 求m的值.



20. 某兴趣小组针对视力情况随机抽取本校部分学生进行调查，将调查结果进行统计分析，绘制成如下不完整的统计图表。

抽取的学生视力情况统计表

类别	调查结果	人数
A	正常	48
B	轻度近视	76
C	中度近视	60
D	重度近视	$m$



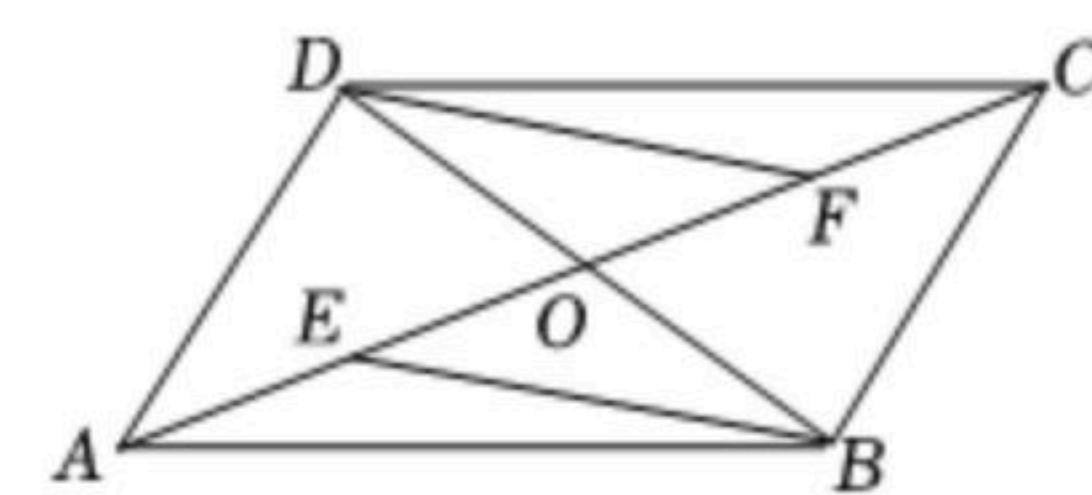
扫码查看解析

请根据图表信息解答下列问题：

- (1) 填空： $m=$ \_\_\_\_\_， $n=$ \_\_\_\_\_；
- (2) 该校共有学生1600人，请估算该校学生中“中度近视”的人数；
- (3) 某班有四名重度近视的学生甲、乙、丙、丁，从中随机选择两名学生参加学校组织的“爱眼护眼”座谈会，请用列表或画树状图的方法求同时选中甲和乙的概率。

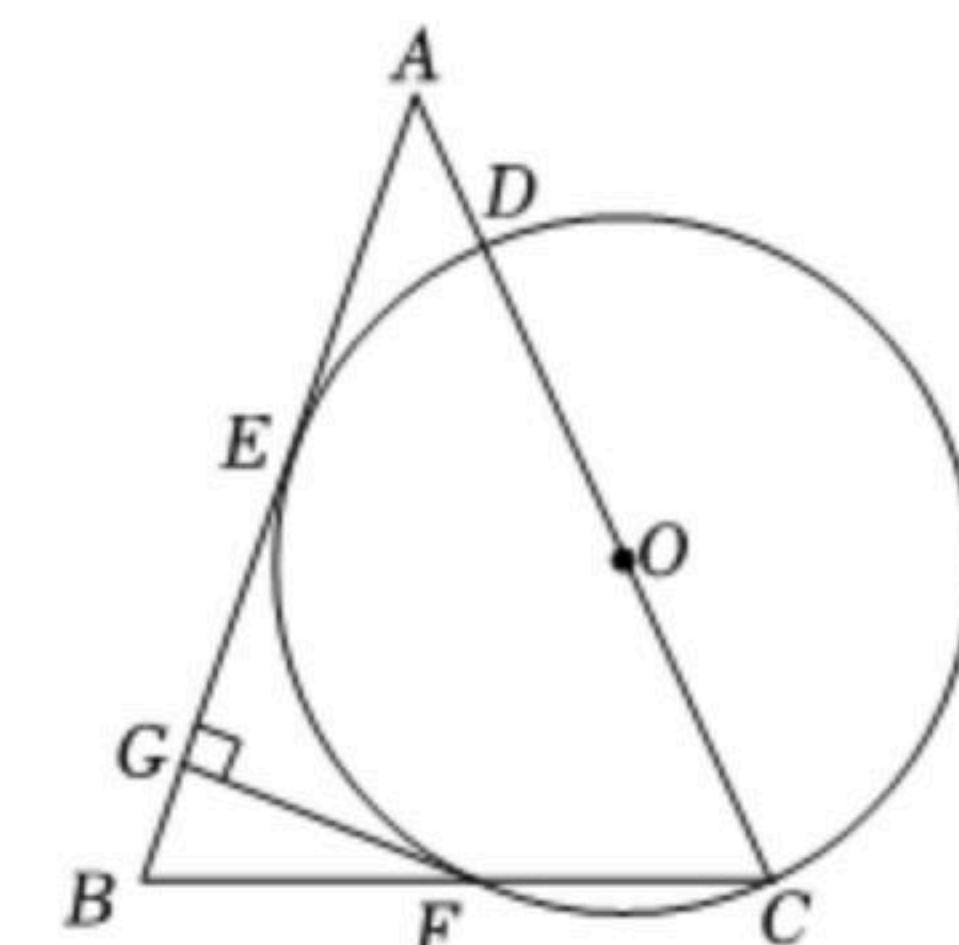
21. 如图， $\square ABCD$ 中， $AC, BD$ 相交于点 $O$ ， $E, F$ 分别是 $OA, OC$ 的中点。

- (1) 求证： $BE=DF$ ；
- (2) 设 $\frac{AC}{BD}=k$ ，当 $k$ 为何值时，四边形 $DEBF$ 是矩形？请说明理由。



22. 如图， $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ， $D$ 为 $AC$ 上一点，以 $CD$ 为直径的 $\odot O$ 与 $AB$ 相切于点 $E$ ，交 $BC$ 于点 $F$ ， $FG \perp AB$ ，垂足为 $G$ 。

- (1) 求证： $FG$ 是 $\odot O$ 的切线；
- (2) 若 $BG=1$ ， $BF=3$ ，求 $CF$ 的长。

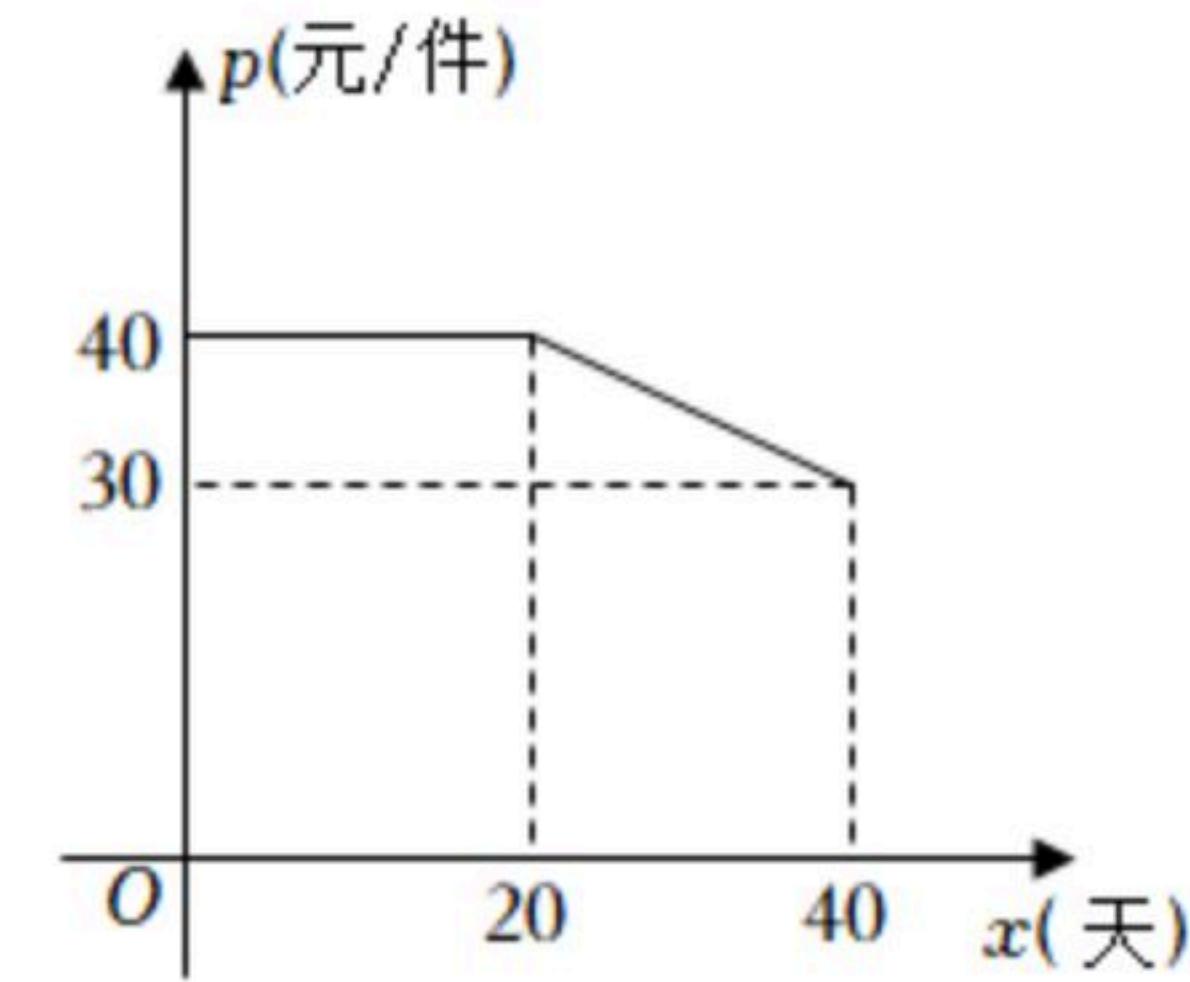


23. 某商户购进一批童装，40天销售完毕。根据所记录的数据发现，日销售量 $y$ (件)与销售时间 $x$ (天)之间的关系式是 $y=$

$$\begin{cases} 2x, & 0 < x \leq 30 \\ -6x + 240, & 30 < x \leq 40 \end{cases}$$

销售单价 $p$ (元/件)与销售时间 $x$ (天)之间的函数关系如图所示。

- (1) 第15天的日销售量为\_\_\_\_\_件；



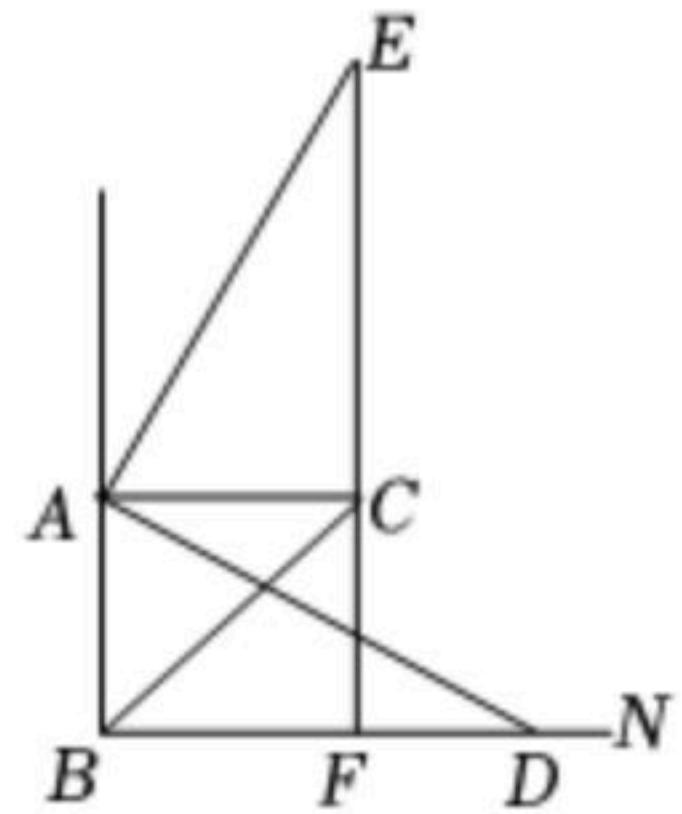


扫码查看解析

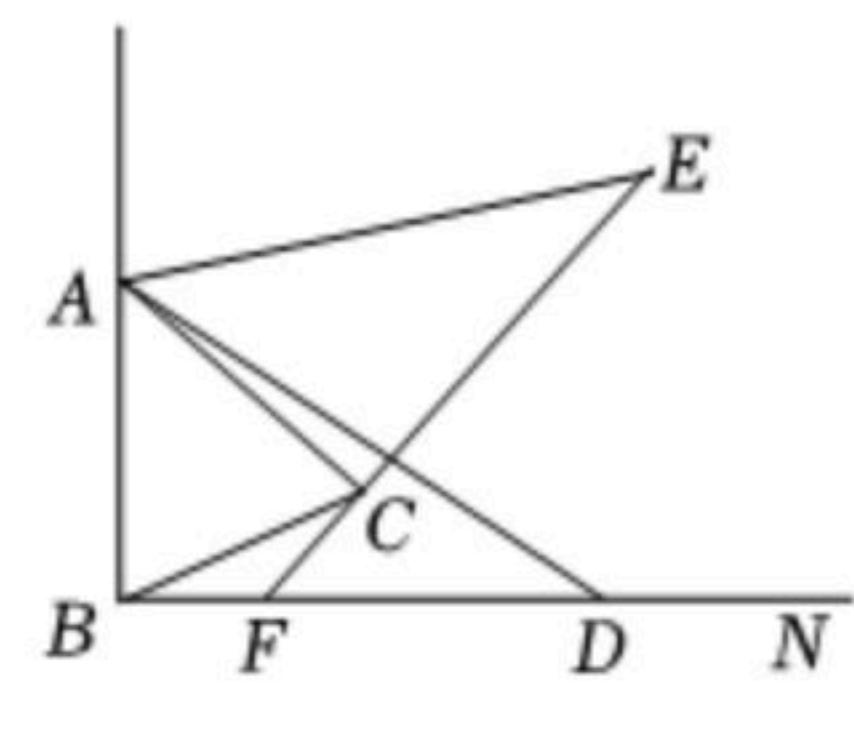
- (2)  $0 < x \leq 30$  时, 求日销售额的最大值;  
(3) 在销售过程中, 若日销售量不低于48件的时间段为“火热销售期”, 则“火热销售期”共有多少天?

24. 已知  $\angle ABN = 90^\circ$ , 在  $\angle ABN$  内部作等腰  $\triangle ABC$ ,  $AB = AC$ ,  $\angle BAC = \alpha$  ( $0^\circ < \alpha \leq 90^\circ$ ). 点  $D$  为射线  $BN$  上任意一点(与点  $B$  不重合), 连接  $AD$ , 将线段  $AD$  绕点  $A$  逆时针旋转  $\alpha$  得到线段  $AE$ , 连接  $EC$  并延长交射线  $BN$  于点  $F$ .

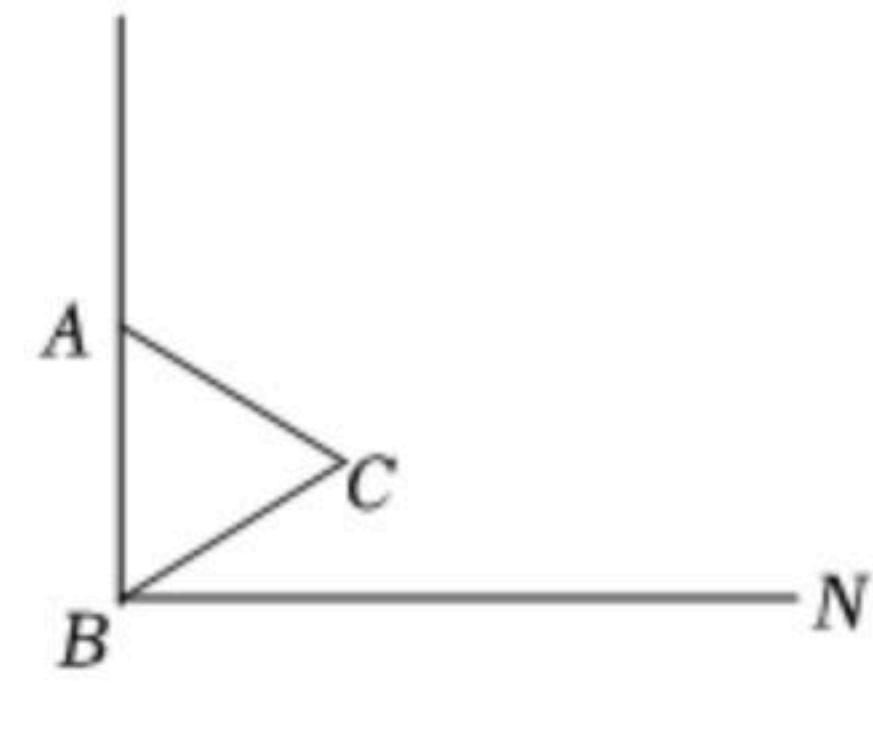
- (1) 如图1, 当  $\alpha = 90^\circ$  时, 线段  $BF$  与  $CF$  的数量关系是 \_\_\_\_\_;  
(2) 如图2, 当  $0^\circ < \alpha < 90^\circ$  时, (1) 中的结论是否还成立? 若成立, 请给予证明; 若不成立, 请说明理由;  
(3) 若  $\alpha = 60^\circ$ ,  $AB = 4\sqrt{3}$ ,  $BD = m$ , 过点  $E$  作  $EP \perp BN$ , 垂足为  $P$ , 请直接写出  $PD$  的长(用含有  $m$  的式子表示).



(图1)



(图2)



(备用图)

25. 已知抛物线  $y = ax^2 + \frac{9}{4}x + c$  与  $x$  轴交于点  $A(1, 0)$  和点  $B$  两点, 与  $y$  轴交于点  $C(0, -3)$ .

- (1) 求抛物线的解析式;  
(2) 点  $P$  是抛物线上一动点(不与点  $A$ ,  $B$ ,  $C$  重合), 作  $PD \perp x$  轴, 垂足为  $D$ , 连接  $PC$ .  
① 如图1, 若点  $P$  在第三象限, 且  $\angle CPD = 45^\circ$ , 求点  $P$  的坐标;  
② 直线  $PD$  交直线  $BC$  于点  $E$ , 当点  $E$  关于直线  $PC$  的对称点  $E'$  落在  $y$  轴上时, 求四边形  $PECE'$  的周长.



扫码查看解析

