



扫码查看解析

# 2021年内蒙古呼伦贝尔市、兴安盟中考试卷

## 数 学

注：满分为0分。

一、选择题（下列各题的四个选项中只有一个正确. 共12小题，每小题3分，共36分）

1.  $\frac{1}{2}$ 的相反数是( )

A. -2

B. 2

C.  $-\frac{1}{2}$

D.  $\frac{1}{2}$

2. 下列等式从左到右变形，属于因式分解的是( )

A.  $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$

B.  $x^2-2x+1=(x-1)^2$

C.  $2a-1=a(2-\frac{1}{a})$

D.  $x^2+6x+8=x(x+6)+8$

3. 下列计算正确的是( )

A.  $\frac{1}{a}-\frac{1}{b}=\frac{b-a}{ab}$

B.  $\frac{2y^2}{3x} \div 3x=2y^2$

C.  $(-3a^2b)^3=-9a^6b^3$

D.  $(x-2)^2=x^2-4$

4. 一个正多边形的中心角为 $30^\circ$ ，这个正多边形的边数是( )

A. 3

B. 6

C. 8

D. 12

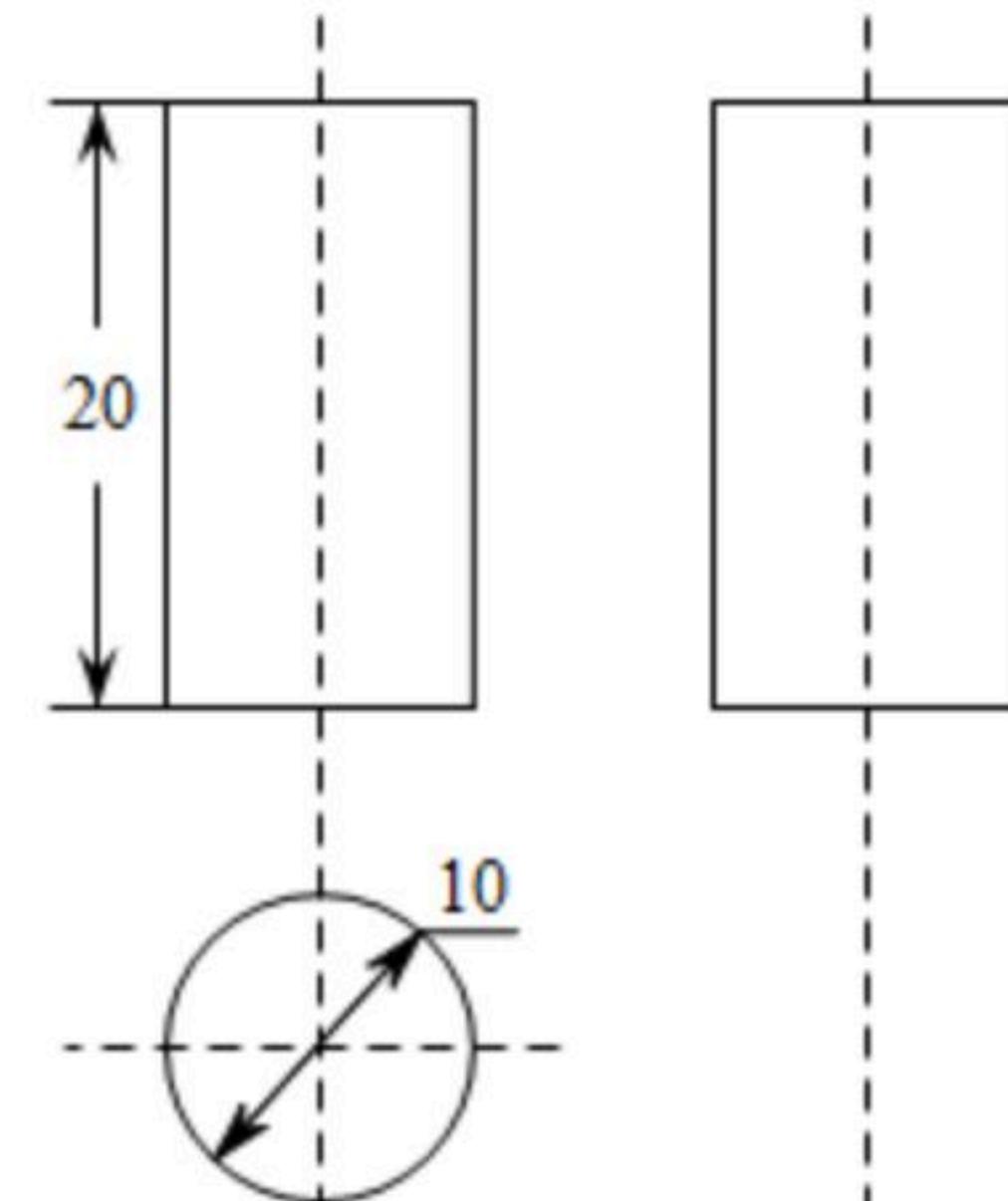
5. 根据三视图，求出这个几何体的侧面积( )

A.  $200\pi$

B.  $100\pi$

C.  $100\sqrt{3}\pi$

D.  $500\pi$



6. 下列说法正确的是( )

A. 在小明、小红、小月三人中抽2人参加比赛，小刚被抽中是随机事件

B. 要了解学校2000名学生的体质健康情况，随机抽取100名学生进行调查，在该调查中样本容量是100名学生

C. 预防“新冠病毒”期间，有关部门对某商店在售口罩的合格情况进行抽检，抽检了20包口罩，其中18包合格，该商店共进货100包，估计合格的口罩约有90包

D. 了解某班学生的身高情况适宜抽样调查

7. 用四舍五入法把某数取近似值为 $5.2 \times 10^{-2}$ ，精确度正确的是( )



扫码查看解析

- A. 精确到万分位    B. 精确到千分位    C. 精确到0.01    D. 精确到0.1

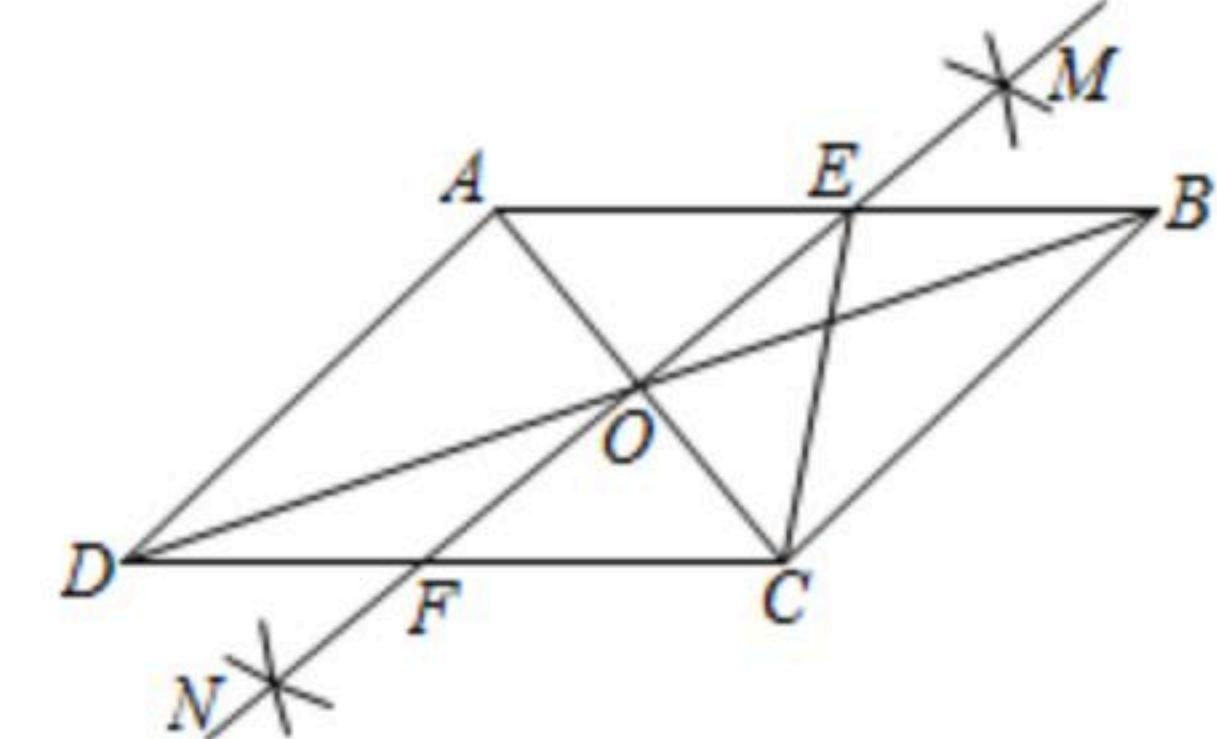
8. 点 $(-5, y_1)$ ,  $(-3, y_2)$ ,  $(3, y_3)$ 都在反比例函数 $y=\frac{k}{x}$  ( $k>0$ )的图象上, 则( )

- A.  $y_1>y_2>y_3$     B.  $y_3>y_1>y_2$     C.  $y_2>y_1>y_3$     D.  $y_1>y_3>y_2$

9. 如图,  $\square ABCD$ 中,  $AC$ 、 $BD$ 交于点 $O$ , 分别以点 $A$ 和点 $C$ 为圆心, 大于 $\frac{1}{2}AC$ 的长为半径作弧, 两弧相交于 $M$ 、 $N$ 两点, 作直线 $MN$ , 交

$AB$ 于点 $E$ , 交 $CD$ 于点 $F$ , 连接 $CE$ , 若 $AD=6$ ,  $\triangle BCE$ 的周长为14, 则 $CD$ 的长为( )

- A.  $3\sqrt{3}$     B. 6    C. 8    D. 10



10. 有一个人患流感, 经过两轮传染后共有81个人患流感, 每轮传染中平均一个人传染几个人? 设每轮传染中平均一个人传染 $x$ 个人, 可列方程为( )

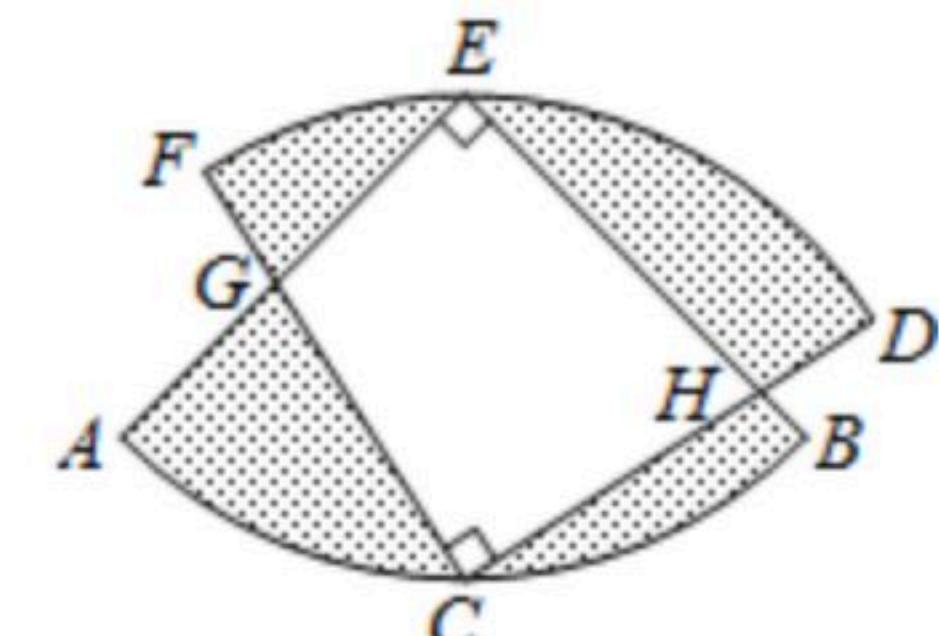
- A.  $1+2x=81$     B.  $1+x^2=81$     C.  $1+x+x^2=81$     D.  $1+x+x(1+x)=81$

11. 若关于 $x$ 的分式方程 $\frac{2}{x-3}+\frac{x+a}{3-x}=2$ 无解, 则 $a$ 的值为( )

- A. -1    B. 0    C. 3    D. 0或3

12. 如图, 两个半径长均为 $\sqrt{2}$ 的直角扇形的圆心分别在对方的圆弧上, 扇形 $CFD$ 的圆心 $C$ 是的中点, 且扇形 $CFD$ 绕着点 $C$ 旋转, 半径 $AE$ 、 $CF$ 交于点 $G$ , 半径 $BE$ 、 $CD$ 交于点 $H$ , 则图中阴影面积等于( )

- A.  $\frac{\pi}{2}-1$     B.  $\frac{\pi}{2}-2$     C.  $\pi-1$     D.  $\pi-2$



## 二、填空题 (本题5个小题, 每小题3分, 共15分)

13. 函数 $y=(x-\sqrt{3})^0+\sqrt{x+2}$ 中, 自变量的取值范围是\_\_\_\_\_.

14.  $74^{\circ}19'30''=$ \_\_\_\_\_°.

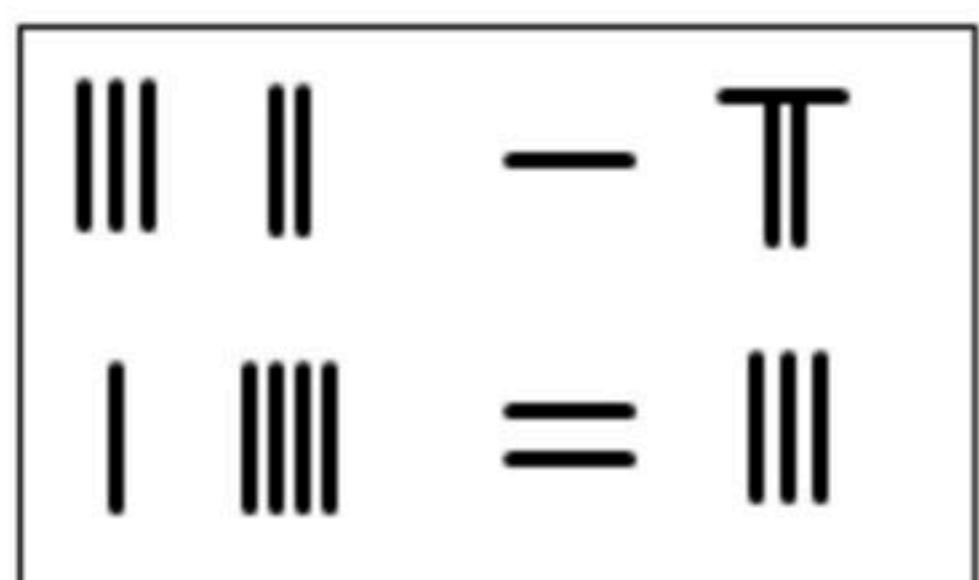
15. 将圆心角为 $120^{\circ}$ 的扇形围成底面圆的半径为 $1cm$ 的圆锥, 则圆锥的母线长为

\_\_\_\_\_.

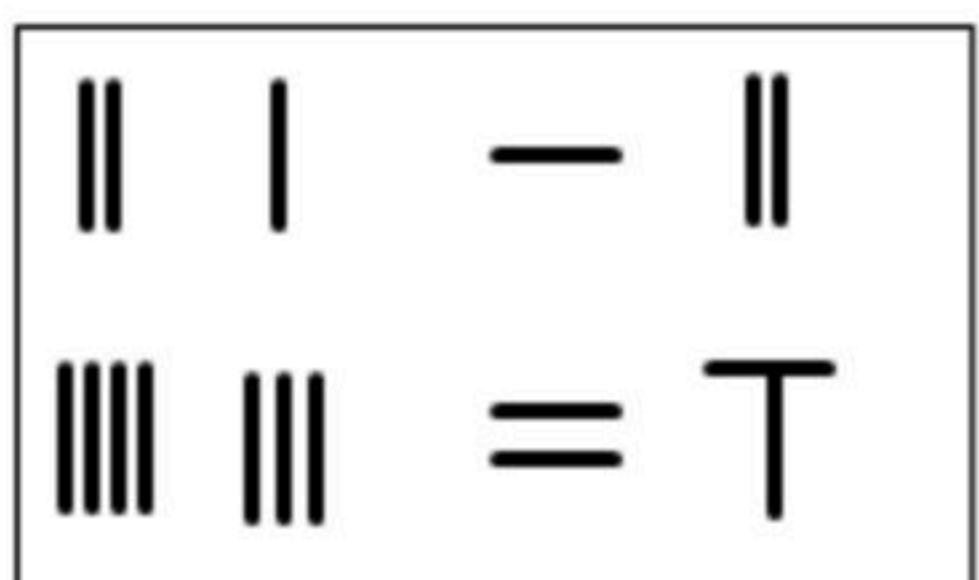
16. 《九章算术》是我国东汉初年编订的一部数学经典著作, 其中一次方程组是用算筹布置而成, 如图(1)所示的算筹图用我们现在所熟悉的方程组表示出来, 就是 $\begin{cases} 3x+2y=17 \\ x+4y=23 \end{cases}$ , 类似的, 图(2)所示的算筹图用方程组表示出来, 就是\_\_\_\_\_.



扫码查看解析

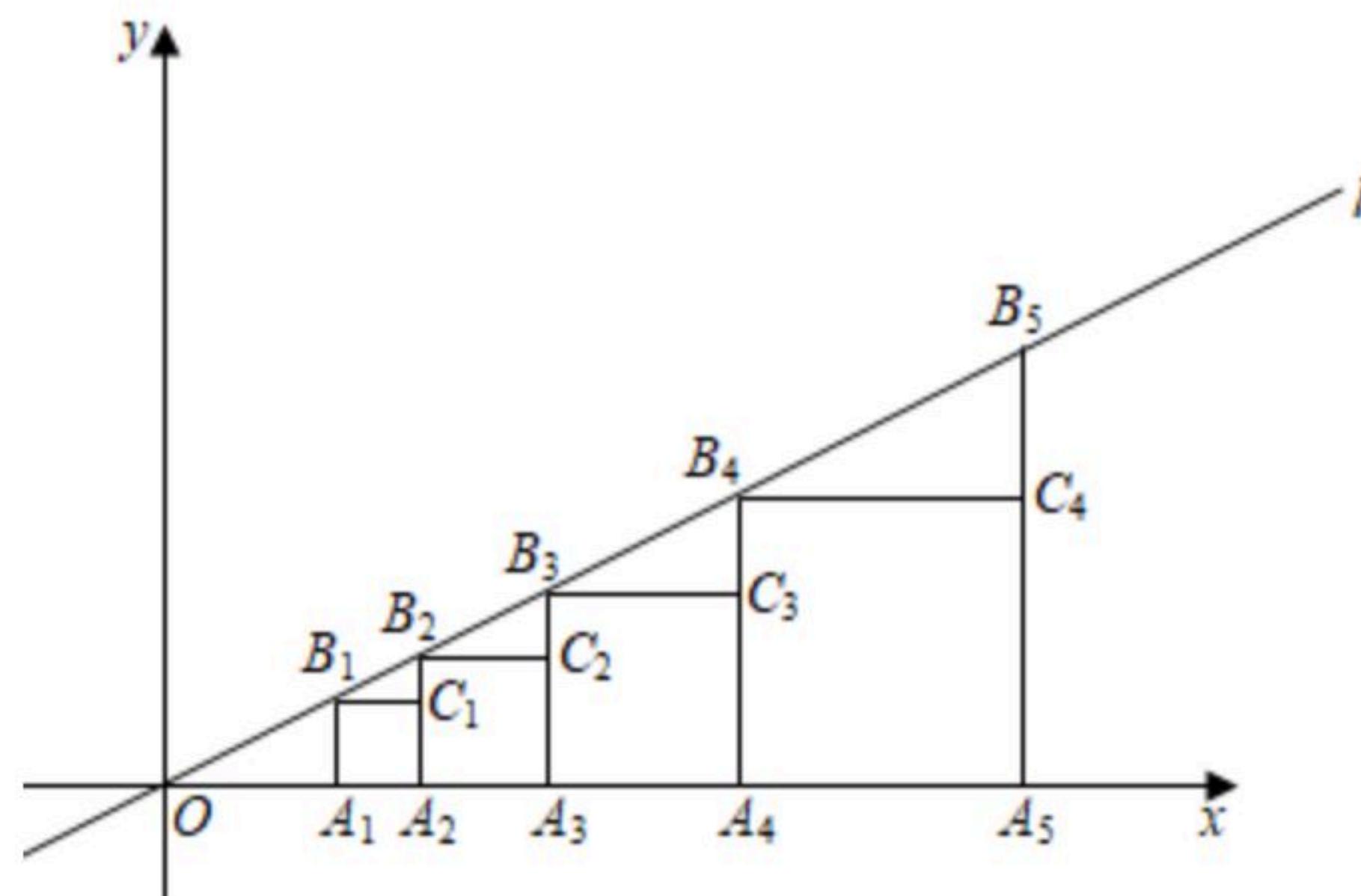


图(1)



图(2)

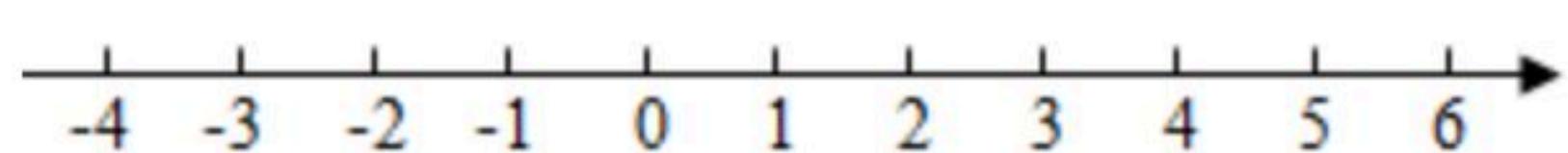
17. 如图, 点 $B_1$ 在直线 $l: y=\frac{1}{2}x$ 上, 点 $B_1$ 的横坐标为1, 过点 $B_1$ 作 $B_1A_1 \perp x$ 轴, 垂足为 $A_1$ , 以 $A_1B_1$ 为边向右作正方形 $A_1B_1C_1A_2$ , 延长 $A_2C_1$ 交直线 $l$ 于点 $B_2$ ; 以 $A_2B_2$ 为边向右作正方形 $A_2B_2C_2A_3$ , 延长 $A_3C_2$ 交直线 $l$ 于点 $B_3$ ; …; 按照这个规律进行下去, 点 $B_{2021}$ 的坐标为



### 三、解答题 (本题9个小题, 每小题6分, 共69分)

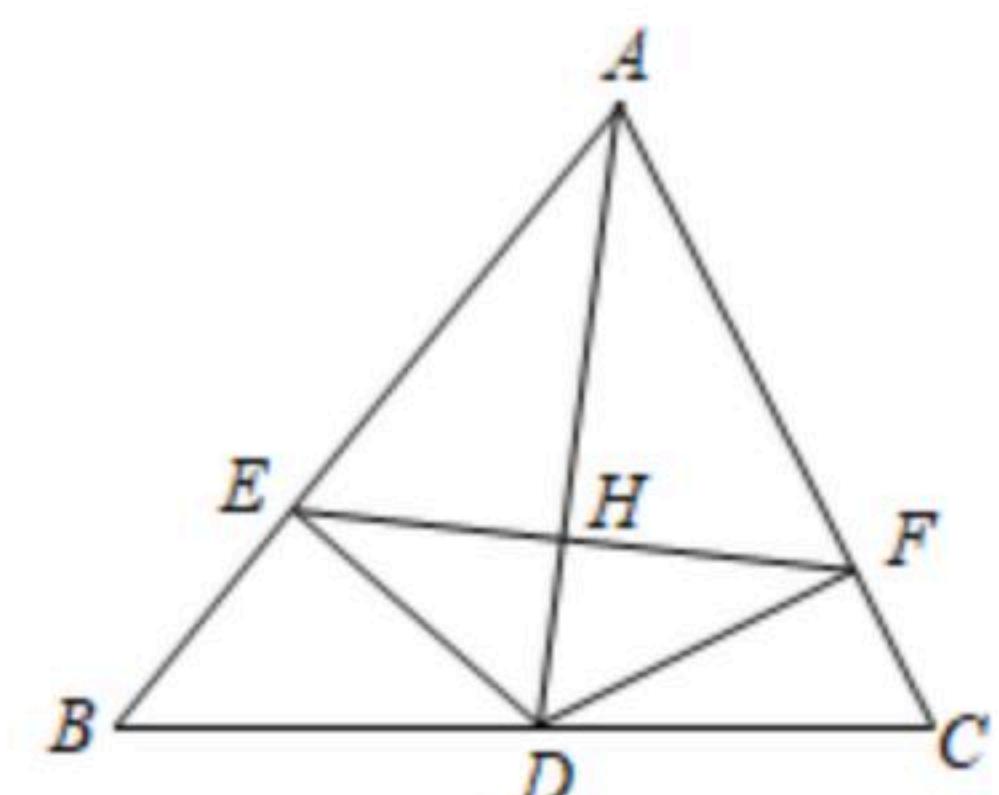
18. 计算:  $-2^{-2}-2\sin 60^\circ+|1-\sqrt{3}|-\sqrt{\frac{1}{3}}$ .

19. 解不等式组:  $\begin{cases} 2x+1 < x+6 \\ \frac{1-2x}{2} - \frac{1-5x}{6} \leqslant \frac{2}{3} \end{cases}$ , 在数轴上表示解集并列举出非正整数解.



20. 如图,  $AD$ 是 $\triangle ABC$ 的角平分线,  $DE \perp AB$ ,  $DF \perp AC$ , 垂足分别是 $E$ 、 $F$ , 连接 $EF$ ,  $EF$ 与 $AD$ 相交于点 $H$ .

- (1)求证:  $AD \perp EF$ ;  
(2) $\triangle ABC$ 满足什么条件时, 四边形 $AEDF$ 是正方形? 说明理由.



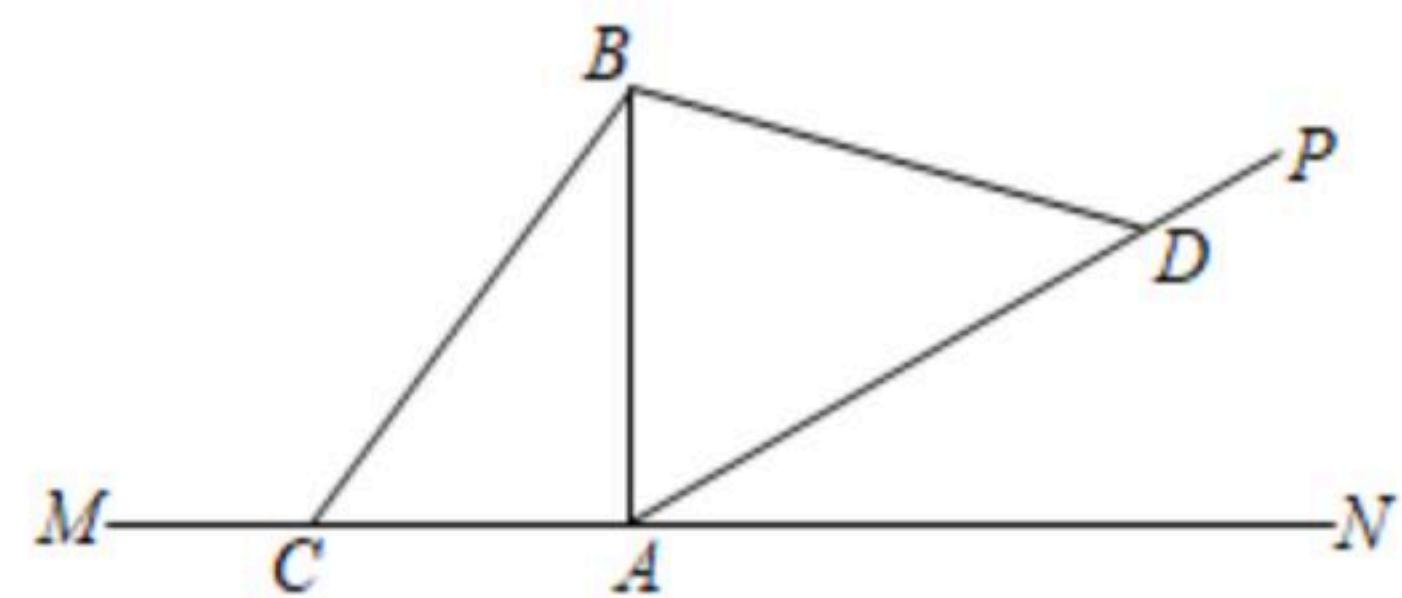
21. 一个不透明的口袋中装有四个完全相同的小球, 上面分别标有数字 $-2$ ,  $0.3$ ,  $-\frac{22}{7}$ ,  $0$ .

- (1)从口袋中随机摸出一个小球, 求摸出的小球上的数字是分数的概率(直接写出结果);  
(2)从口袋中一次随机摸出两个小球, 摸出的小球上的数字分别记作 $x$ 、 $y$ , 请用列表法(或树状图)求点 $(x, y)$ 在第四象限的概率.



扫码查看解析

22. 如图，在山坡AP的坡脚A处竖有一根电线杆AB(即 $AB \perp MN$ )，为固定电线杆，在地面C处和坡面D处各装一根引拉线BC和BD，它们的长度相等，测得 $AC=6$ 米， $\tan \angle BCA = \frac{4}{3}$ ， $\angle PAN = 30^\circ$ ，求点D到AB的距离。



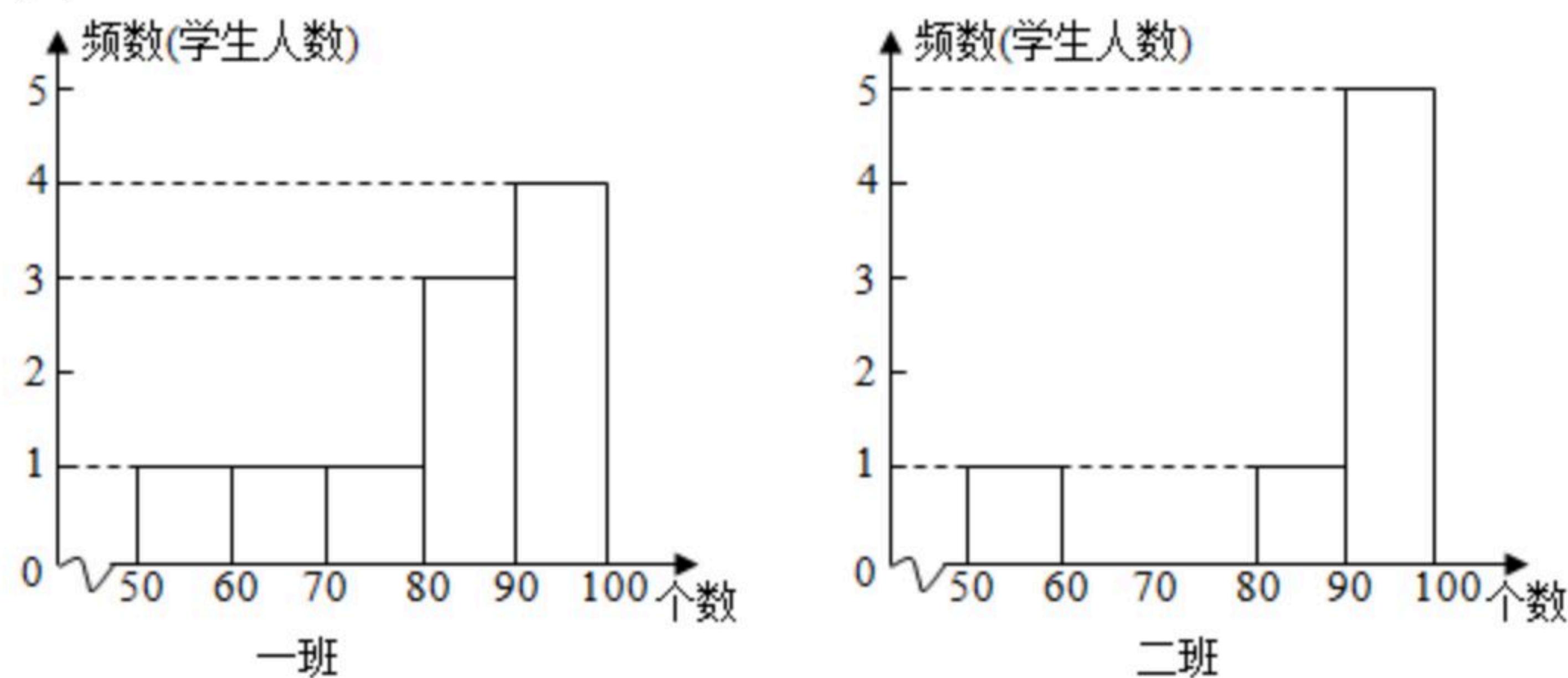
23. 某校九年级在“停课不停学”期间，为促进学生身体健康，布置了“云健身”任务。为了解学生完成情况，体育教师随机抽取一班与二班各10名学生进行网上视频跳绳测试，他的测试结果与分析过程如下：

- (1) 收集数据：两班学生每分钟跳绳个数分别记录如下(二班一个数据不小心被墨水遮盖)：

一班：100 94 86 86 84 94 76 69 59 94

二班：99 96  82 96 79 65 96 55 96

- (2) 整理、描述数据：根据上面得到的两组数据，分别绘制了频数分布直方图如图；



- (3) 分析数据：两组样本数据的平均数、众数、中位数、方差如表所示：

班级	平均数	众数	中位数	方差
一班	①	94	86	147.76
二班	83.7	96	②	215.21

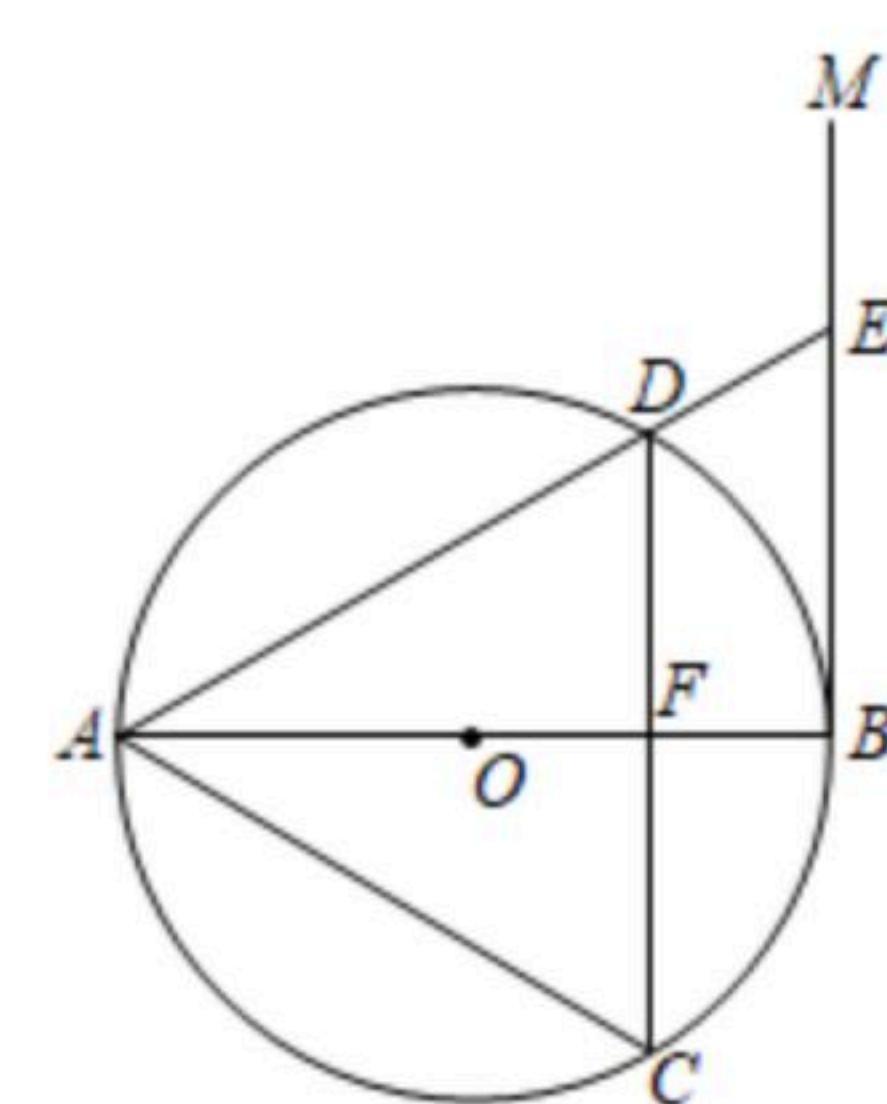
根据以上数据填出表格中①、②两处的数据并补全二班的频数分布直方图；

- (4) 得出结论：根据以上信息，判断哪班完成情况较好？说明理由(至少从两个不同角度说明判断的合理性)。

24. 如图， $AB$ 是 $\odot O$ 的直径， $\widehat{AD}=\widehat{DC}=2\widehat{BD}$ ，连接 $AC$ 、 $CD$ 、 $AD$ .  $CD$ 交 $AB$ 于点 $F$ ，过点 $B$ 作 $\odot O$ 的切线 $BM$ 交 $AD$ 的延长线于点 $E$ .

- (1) 求证： $AC=CD$ ；

- (2) 连接 $OE$ ，若 $DE=2$ ，求 $OE$ 的长.



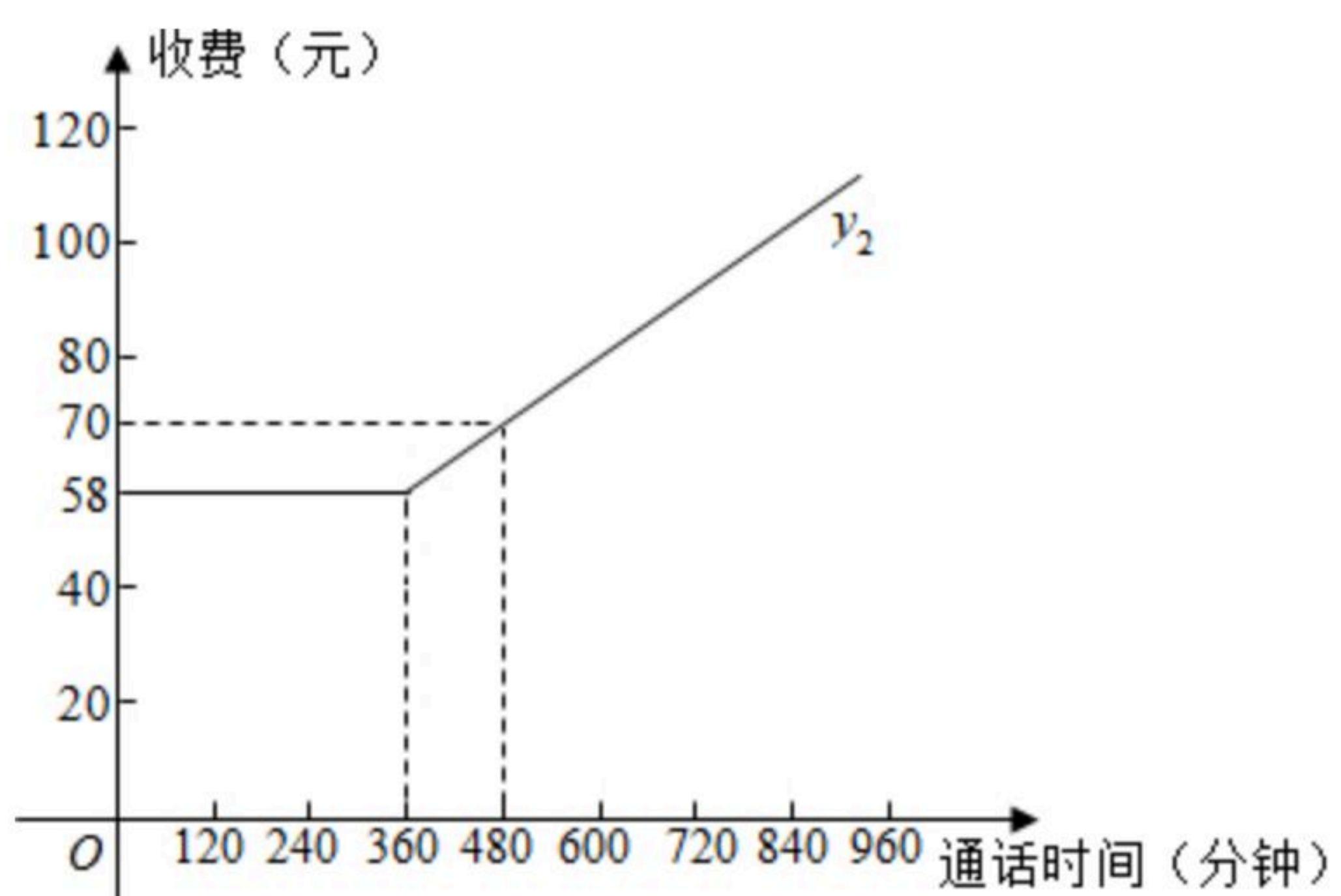


扫码查看解析

25. 移动公司推出A, B, C三种套餐，收费方式如表：

套餐	月保底费(元)	包通话时间(分钟)	超时费(元/分钟)
A	38	120	0.1
B	_____	_____	_____
C	118	不限时	_____

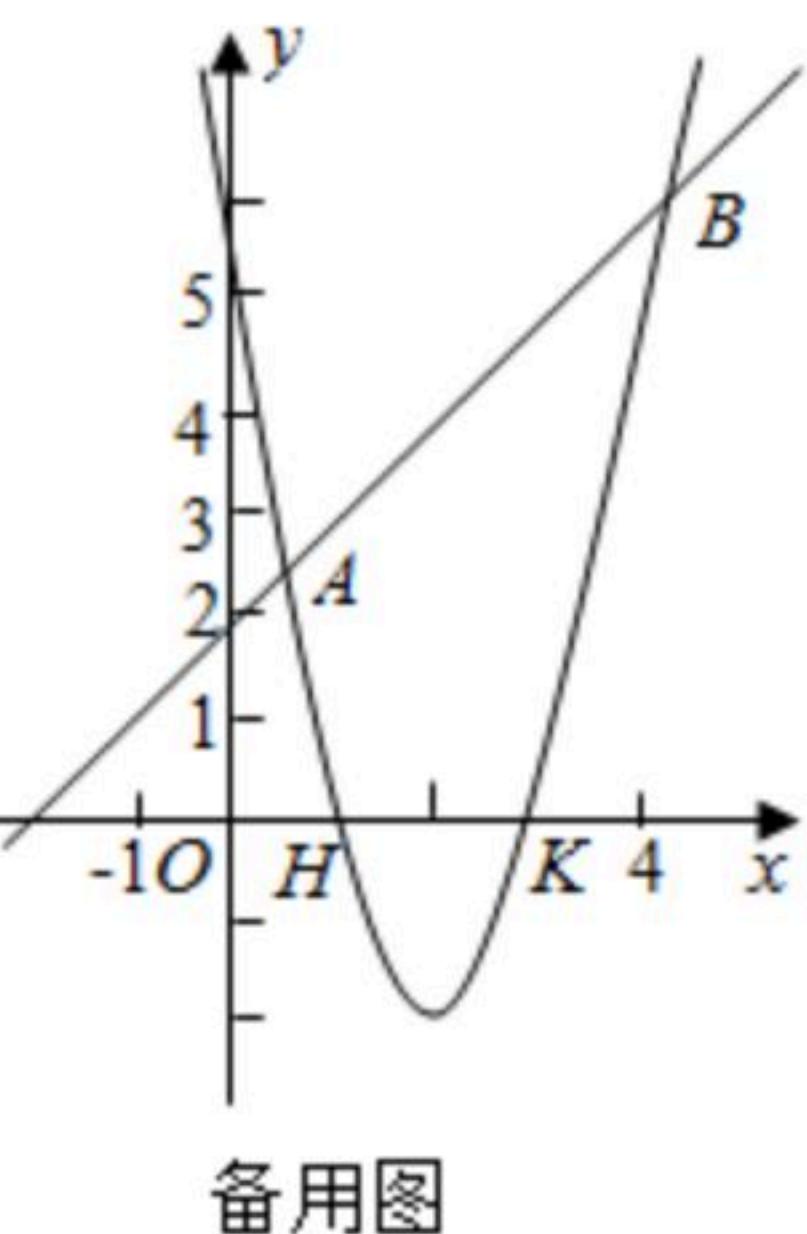
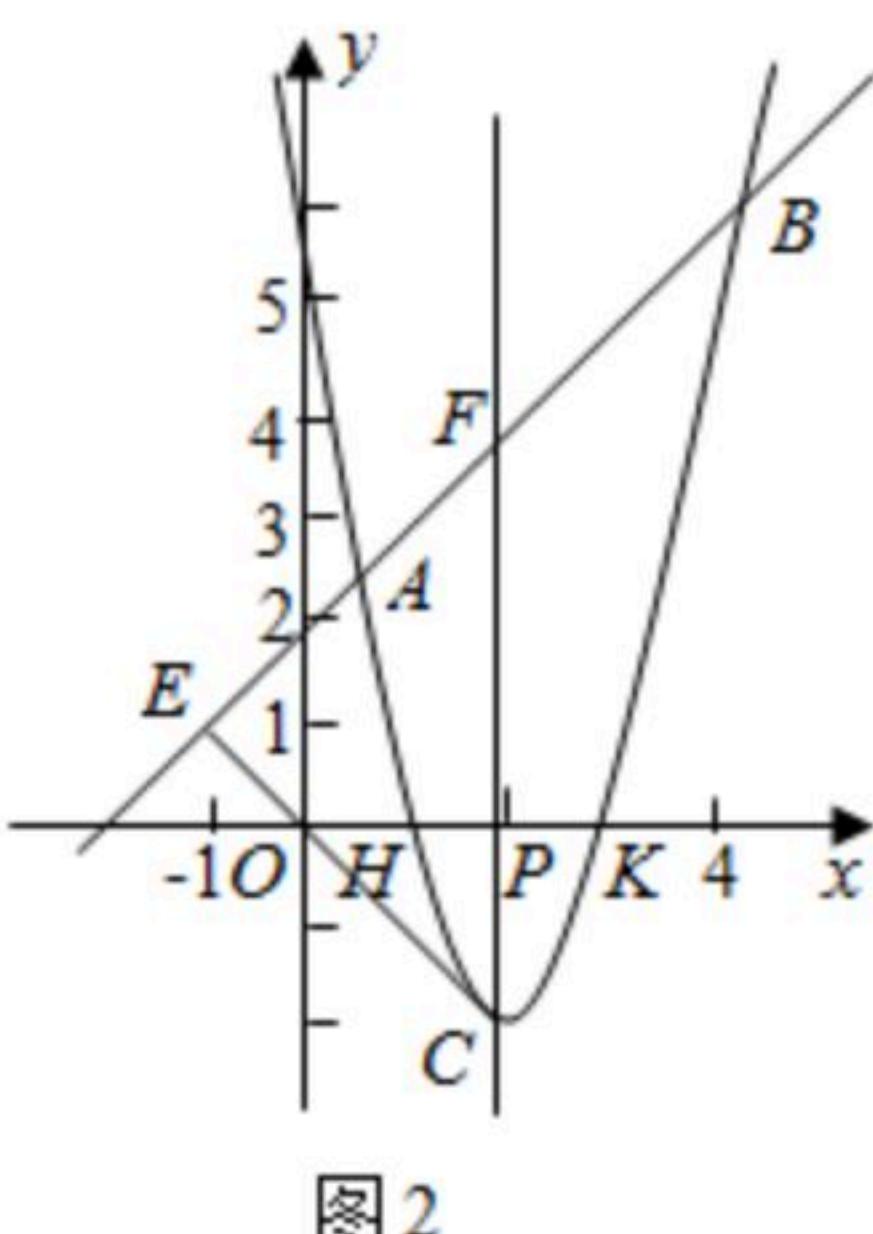
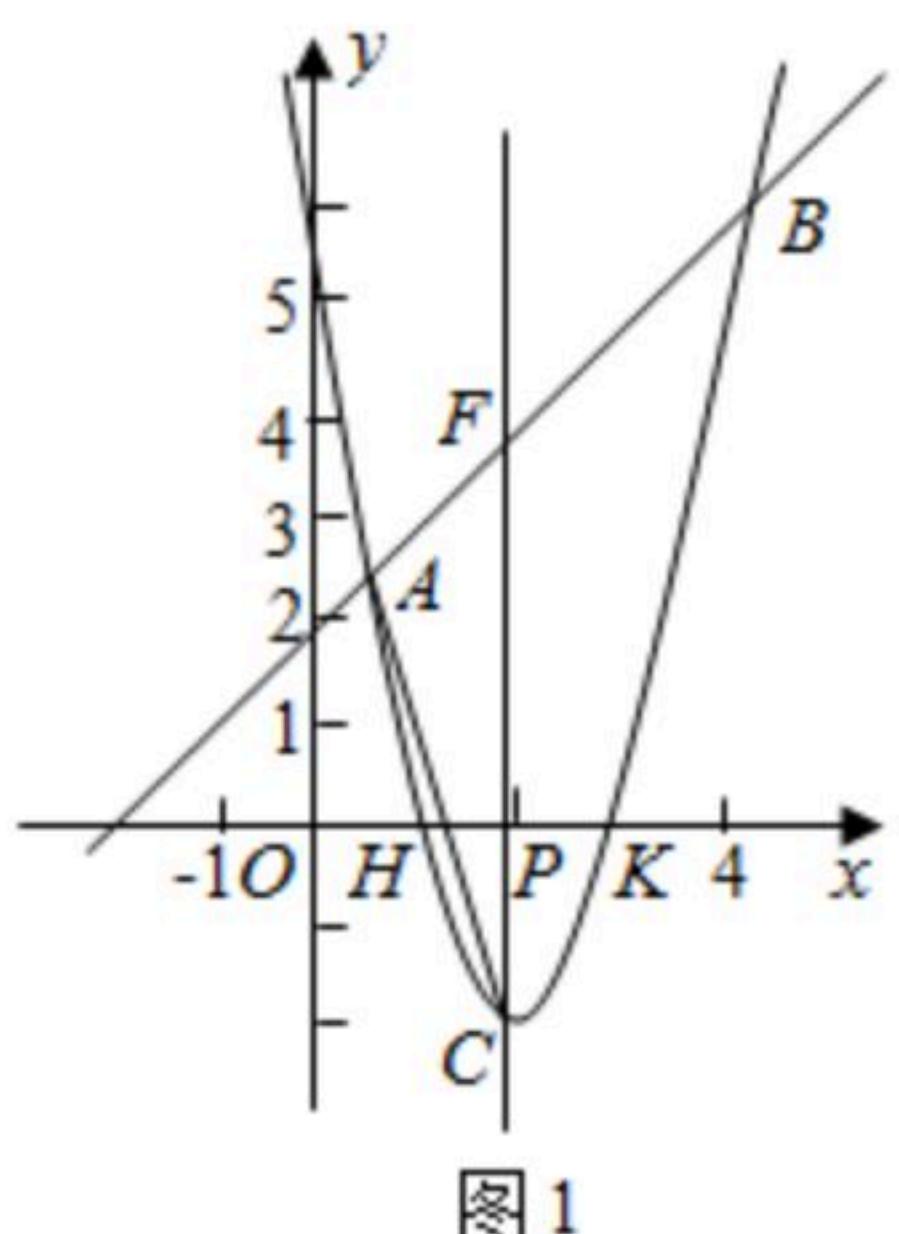
设月通话时间为x分钟，A套餐，B套餐的收费金额分别为 $y_1$ 元， $y_2$ 元。其中B套餐的收费金额 $y_2$ 元与通话时间x分钟的函数关系如图所示。



- (1)结合表格信息，求 $y_1$ 与x的函数关系式，并写出自变量的取值范围；
- (2)结合图象信息补全表格中B套餐的数据；
- (3)选择哪种套餐所需费用最少？说明理由。

26. 如图，直线 $y=x+2$ 与抛物线 $y=ax^2+bx+6(a \neq 0)$ 相交于点 $A(\frac{1}{2}, \frac{5}{2})$ 和点 $B(4, m)$ 。抛物线与x轴的交点分别为H、K(点H在点K的左侧)。点F在线段AB上运动(不与点A、B重合)，过点F作直线 $FC \perp x$ 轴于点P，交抛物线于点C。

- (1)求抛物线的解析式；
- (2)如图1，连接AC，是否存在点F，使 $\triangle FAC$ 是直角三角形？若存在，求出点F的坐标；若不存在，说明理由；
- (3)如图2，过点C作 $CE \perp AB$ 于点E，当 $\triangle CEF$ 的周长最大时，过点F作任意直线l，把 $\triangle CEF$ 沿直线l翻折180°，翻折后点C的对应点记为点Q，求出当 $\triangle CEF$ 的周长最大时，点F的坐标，并直接写出翻折过程中线段KQ的最大值和最小值。





扫码查看解析