



扫码查看解析

# 2020-2021学年湖南省益阳市赫山区八年级（上）期中试卷

## 数 学

注：满分为150分。

一、选择题（本题共10个小题，每小题4分，共40分。每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的，请将答案填在答题卡中对应的表格内）

1. 下列各式中，是分式的是( )

- A.  $\frac{1}{2}(a+b)$       B.  $\frac{2xy}{\pi}$       C.  $\frac{3n+2}{m}$       D.  $\frac{3}{4}$

2. 下列各数中，最大的是( )

- A.  $-(+2)$       B.  $|-3|$       C.  $2^{-1}$       D.  $(-2)^0$

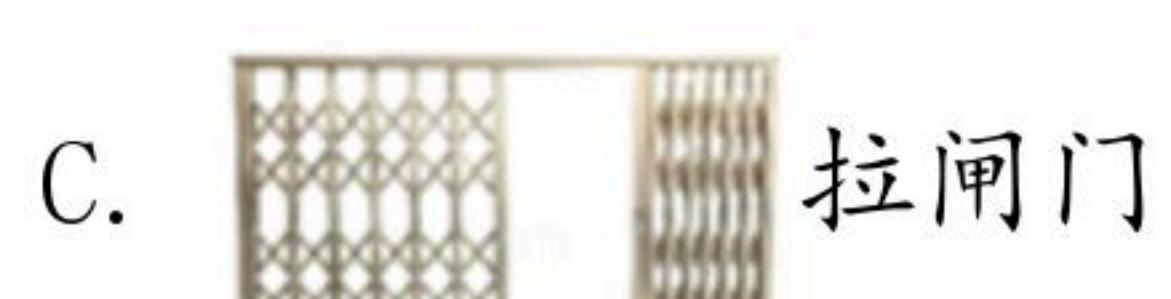
3. 若分式  $\frac{x^2-9}{2x+6}$  的值为0，则x的取值为( )

- A. 3      B. -3      C. ?3      D. 不存在

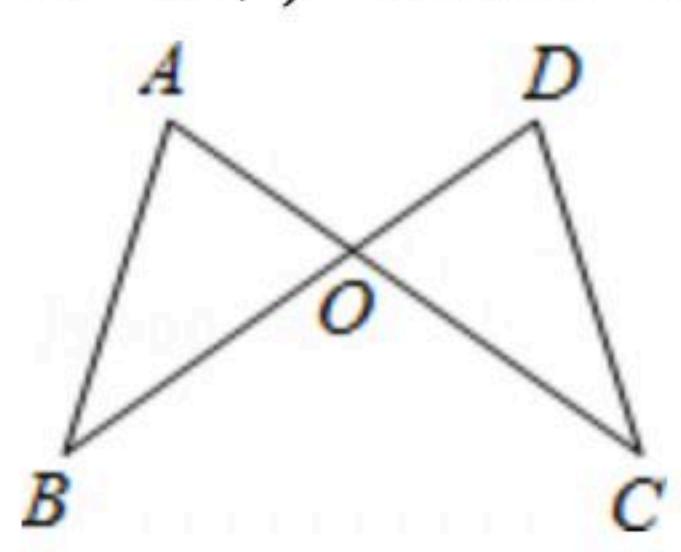
4. 下列约分正确的是( )

- A.  $\frac{x+2}{3x+6}=\frac{1}{3x}$       B.  $\frac{x+2}{x-2}=0$       C.  $\frac{a+c}{b+c}=\frac{a}{b}$       D.  $\frac{x^6}{x^2}=x^4$

5. 下列图形中，不是运用三角形的稳定性的是( )

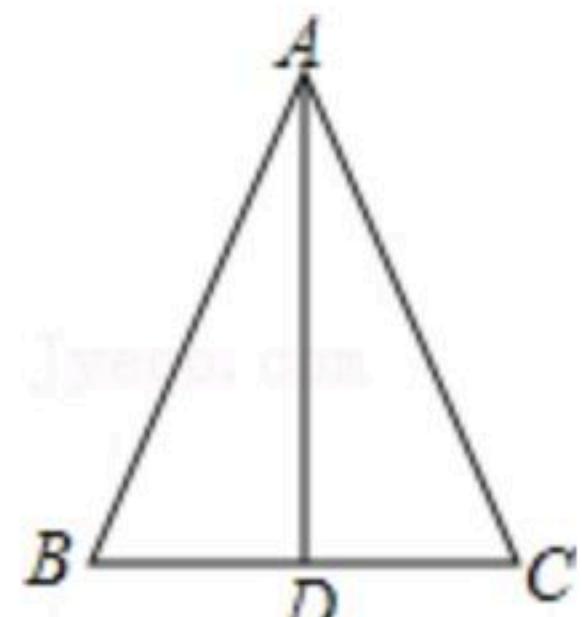


6. 如图， $AC$ 和 $BD$ 相交于 $O$ 点，若 $OA=OD$ ，用“SAS”证明 $\triangle AOB \cong \triangle DOC$ 还需( )



- A.  $AB=DC$       B.  $OB=OC$       C.  $\angle C=\angle D$       D.  $\angle AOB=\angle DOC$

7. 如图， $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ， $D$ 是 $BC$ 中点，下列结论中不正确的是( )





扫码查看解析

- A.  $\angle B = \angle C$       B.  $AD \perp BC$       C.  $AD$  平分  $\angle BAC$       D.  $AB = 2BD$

8. 等腰三角形的一个内角是  $70^\circ$ , 则它顶角的度数是( )

- A.  $70^\circ$       B.  $70^\circ$  或  $40^\circ$       C.  $70^\circ$  或  $50^\circ$       D.  $40^\circ$

9. 运动会上, 初二(3)班啦啦队, 买了两种价格的雪糕, 其中甲种雪糕共花费40元, 乙种雪糕共花费30元, 甲种雪糕比乙种雪糕多20根. 乙种雪糕价格是甲种雪糕价格的1.5倍, 若设甲种雪糕的价格为  $x$  元, 根据题意可列方程为( )

- A.  $\frac{40}{1.5x} - \frac{30}{x} = 20$       B.  $\frac{40}{x} - \frac{30}{1.5x} = 20$   
C.  $\frac{30}{x} - \frac{40}{1.5x} = 20$       D.  $\frac{30}{1.5x} - \frac{40}{x} = 20$

10. 对于非零的两个实数  $a$ 、 $b$ , 规定  $a \otimes b = \frac{1}{b} - \frac{1}{a}$ . 若  $1 \otimes (x+1) = 1$ , 则  $x$  的值为( )

- A.  $\frac{3}{2}$       B.  $\frac{1}{3}$       C.  $\frac{1}{2}$       D.  $-\frac{1}{2}$

二、填空题 (本题共8个小题, 每小题4分, 共32分, 请将答案填在答题卡中对应题号的横线上)

11. 分式  $\frac{2}{ab}$ ,  $\frac{1}{a^2b}$ ,  $\frac{3}{abc}$  的最简公分母是 \_\_\_\_\_.

12. 计算  $\frac{3a-3b}{10} \div \frac{a^2-b^2}{25a^2b^3}$  的结果等于 \_\_\_\_\_.

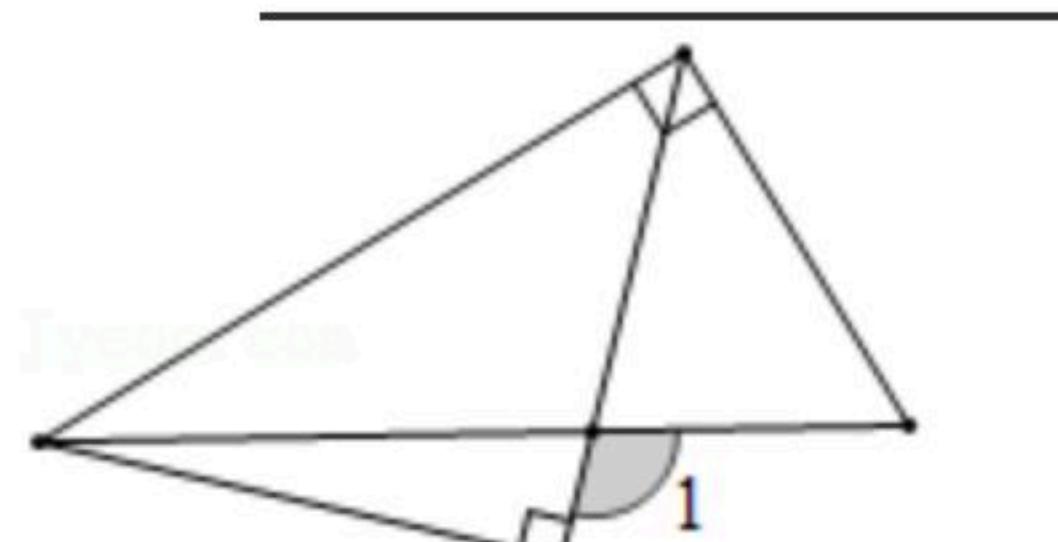
13. 数0.0000108用科学记数法表示为 \_\_\_\_\_.

14. 计算:  $a^3b(a^{-1}b)^{-2} =$  \_\_\_\_\_.

15. 用反证法证明: “如果两条直线都和第三条直线平行, 那么这两条直线也互相平行”.  
第一步应假设: \_\_\_\_\_.

16. 一副分别含有  $30^\circ$  和  $45^\circ$  角的两个直角三角板, 拼成如图图形, 则

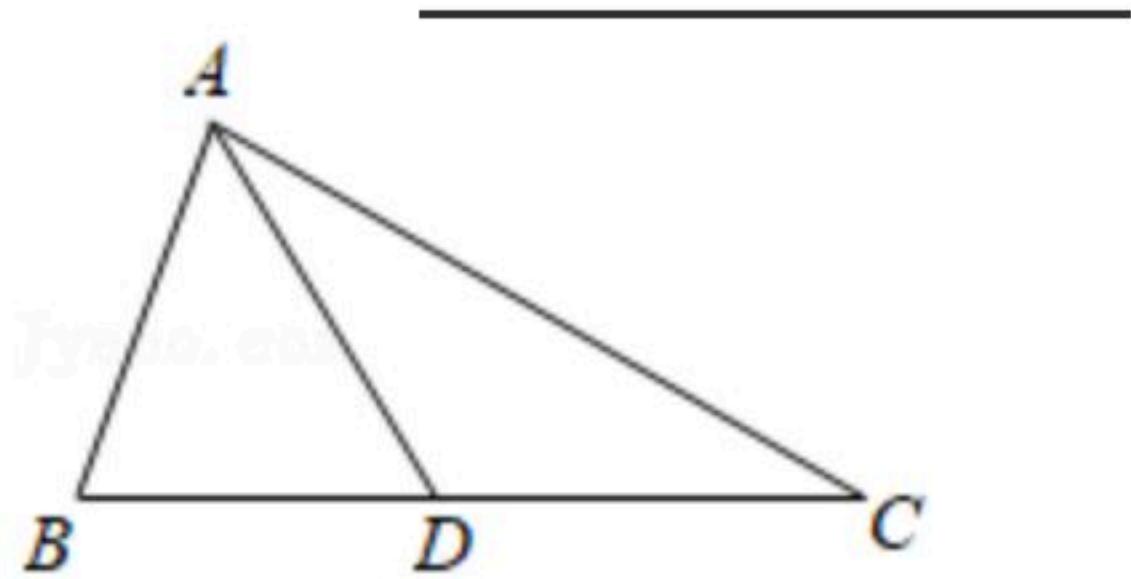
$\angle 1 =$  \_\_\_\_\_ 度.



17. 已知: 如图, 在  $\triangle ABC$  中, 点  $D$  在边  $BC$  上,  $AB=AD=DC$ ,  $\angle C=30^\circ$ , 则  
 $\angle BAD =$  \_\_\_\_\_ 度.



扫码查看解析



18. 如果  $4x-5y=0$ , 且  $x \neq 0$ , 那么  $\frac{12x-5y}{12x+5y}$  的值是 \_\_\_\_\_.

三、解答题（本题共8个小题，共78分，解答应在答题卡上相应位置写出文字说明，证明过程或演算步骤）

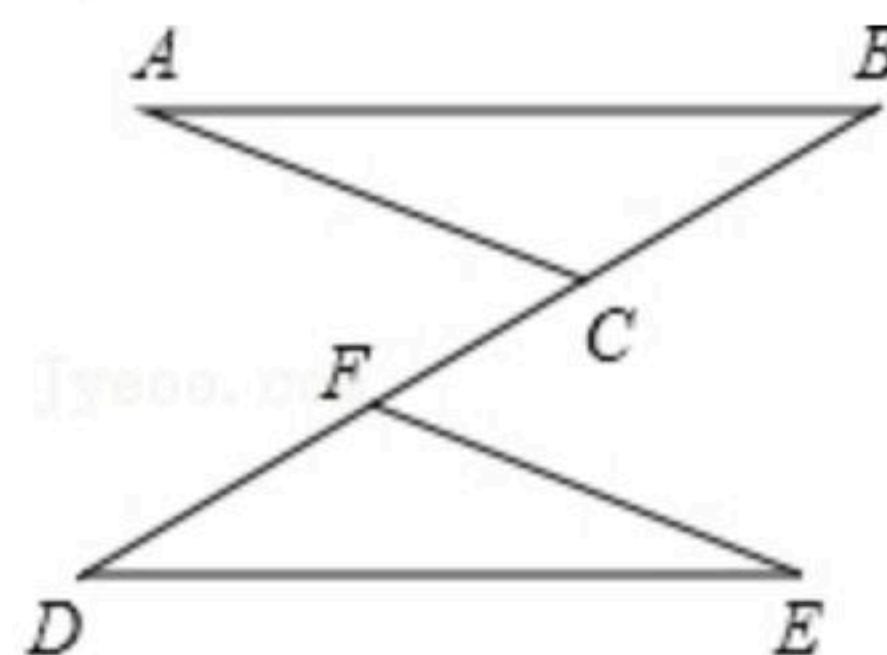
19. 解方程:  $\frac{2}{x-2} - \frac{4}{x^2-4} = 0$

20. 化简:  $\frac{1}{1+x} + x - 1$

21. 若关于  $x$  的分式方程  $\frac{2m-1}{x-1} - \frac{7x}{x-1} = 5$  有增根, 求  $m$  的值.

22. 如图, 点  $F$ 、 $C$  在  $BD$  上,  $AB \parallel DE$ ,  $\angle A = \angle E$ ,  $BF = DC$ .

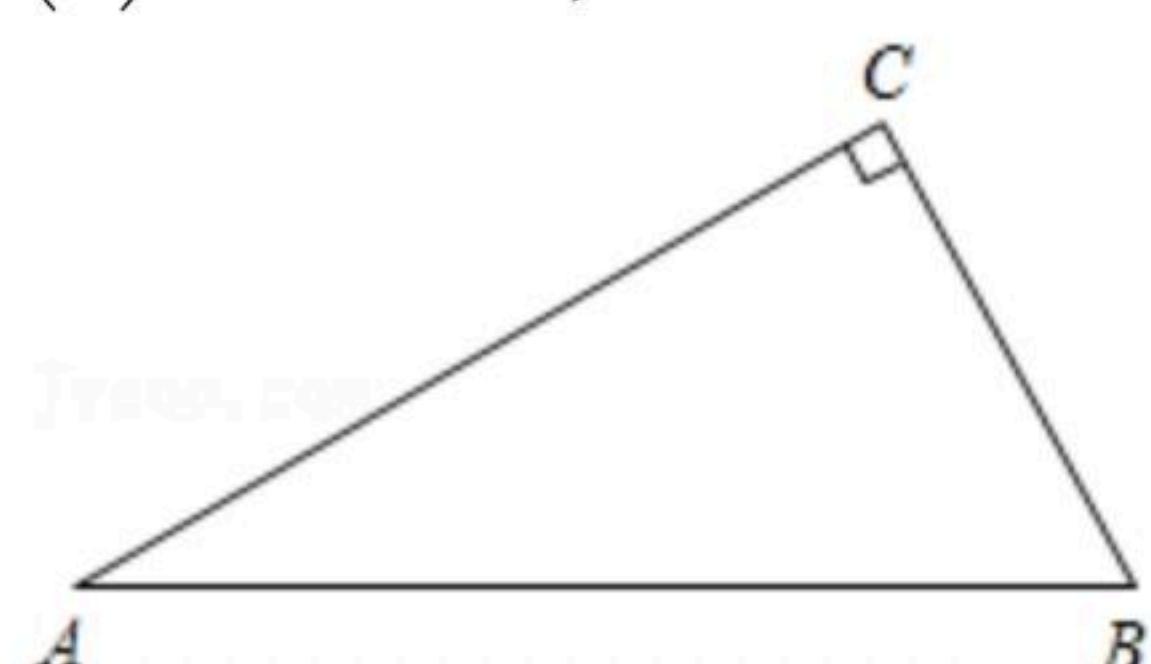
求证:  $\triangle ABC \cong \triangle EDF$ .



23. 如图,  $\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $\angle A = 30^\circ$ .

(1) 用尺规作图作  $AB$  边上的中垂线  $DE$ , 交  $AC$  于点  $D$ , 交  $AB$  于点  $E$ . (保留作图痕迹, 不要求数学法和证明);

(2) 连接  $BD$ , 求证:  $BD$  平分  $\angle CBA$ .



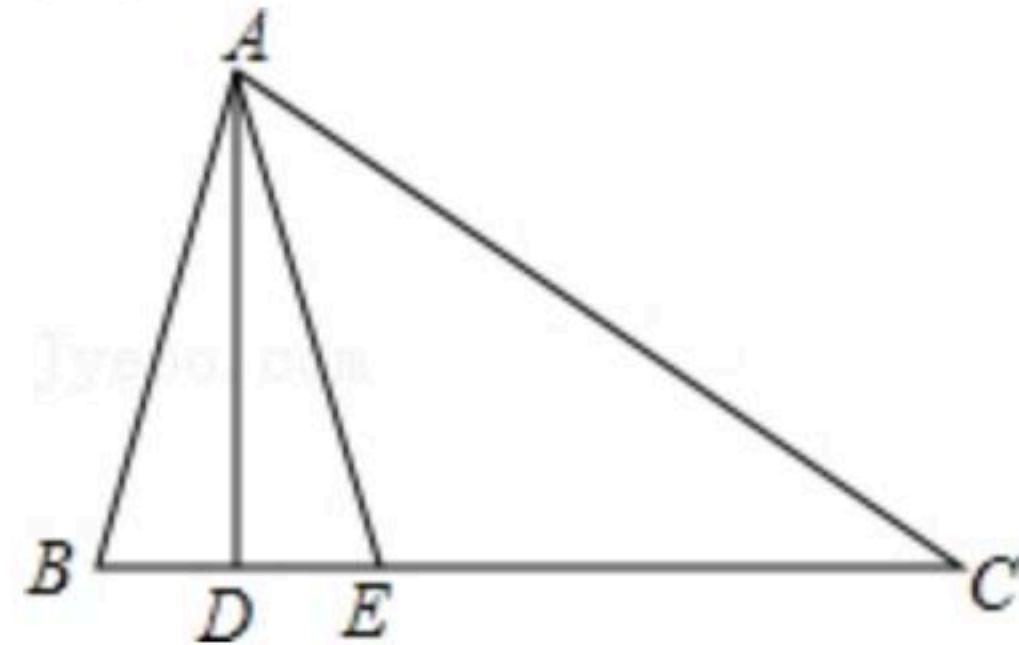


24. 某车间加工1500个零件后，采用了新工艺，工作效率提高了50%，这样加工同样多的零件就少用10小时，采用新工艺前每小时加工多少个零件？

扫码查看解析

25. 如图， $\triangle ABC$ 中， $AD \perp BC$ ，点E在AC的垂直平分线上，且 $BD=DE$ .

- (1) 如果 $\angle BAE=40^\circ$ ，那么 $\angle B=$ \_\_\_\_\_°， $\angle C=$ \_\_\_\_\_°；
- (2) 如果 $\triangle ABC$ 的周长为 $13cm$ ， $AC=6cm$ ，那么 $\triangle ABE$ 的周长=\_\_\_\_\_cm；
- (3) 你发现线段AB与BD的和等于图中哪条线段的长，并证明你的结论.



26. 如图，已知 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC=16$ 厘米， $BC=10$ 厘米，点D为AB的中点.

- (1) 如果点P在线段BC上以2厘米/秒的速度由B点向C点运动，同时，点Q在线段CA上由C点向A点运动。
  - ① 若点Q的运动速度与点P的运动速度相等，经过1秒后， $\triangle BPD$ 与 $\triangle CQP$ 是否全等，请说明理由；
  - ② 若点Q的运动速度与点P的运动速度不相等，当点Q的运动速度为多少时，能够使 $\triangle BPD$ 与 $\triangle CQP$ 全等？
- (2) 若点Q以②中的运动速度从点C出发，点P以原来的运动速度从点B同时出发，都逆时针沿 $\triangle ABC$ 三边运动，求经过多长时间点P与点Q第一次在 $\triangle ABC$ 的哪条边上相遇？

