



扫码查看解析

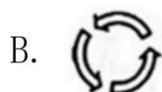
# 2020-2021学年河南省商丘市梁园区八年级(上)期末 试卷

## 数 学

注：满分为120分。

### 一. 选择题 (每小题3分, 共30分)

1. 下列图案中, 是轴对称图形的是( )



2. 将0.00002用科学记数法表示应为( )

A.  $2 \times 10^{-4}$

B.  $2 \times 10^{-5}$

C.  $2 \times 10^{-6}$

D.  $0.2 \times 10^{-4}$

3. 下列计算正确的是( )

A.  $a^3 \cdot a^4 = a^{12}$

B.  $(-2ab^2)^2 = 4a^2b^4$

C.  $(a^3)^2 = a^5$

D.  $3a^3b^2 \div a^3b^2 = 3ab$

4. 若n边形的内角和等于外角和的3倍, 则边数n为( )

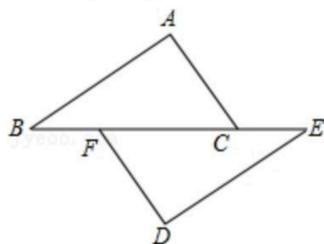
A.  $n=6$

B.  $n=7$

C.  $n=8$

D.  $n=9$

5. 如图, 点B、F、C、E在一条直线上,  $AB \parallel ED$ ,  $AC \parallel FD$ , 那么添加下列一个条件后, 仍无法判定  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  的是( )



A.  $\angle A = \angle D$

B.  $AC = DF$

C.  $AB = ED$

D.  $BF = EC$

6. 下列各式中, 正确的是( )

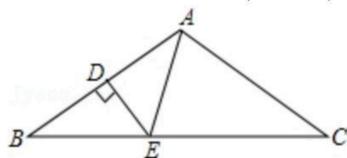
A.  $\frac{1+b}{a+2b} = \frac{1}{a+2}$

B.  $\frac{a-2}{a^2-4} = \frac{1}{a-2}$

C.  $\frac{a+2}{a-2} = \frac{a^2-4}{(a-2)^2}$

D.  $\frac{-1-b}{a} = -\frac{1-b}{a}$

7. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $AB = AC$ ,  $\angle BAC = 100^\circ$ ,  $AB$  的垂直平分线  $DE$  分别交  $AB$ 、 $BC$  于点  $D$ 、 $E$ , 则  $\angle BAE =$  ( )





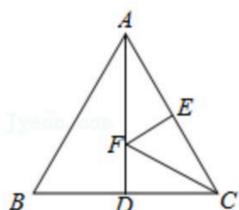
扫码查看解析

- A.  $80^\circ$                       B.  $60^\circ$                       C.  $50^\circ$                       D.  $40^\circ$

8. 若关于 $x$ 的分式方程 $\frac{x-a}{x+1}=a$ 无解, 则 $a$ 的值为( )

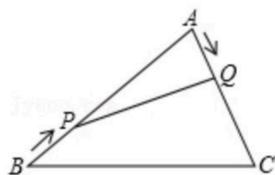
- A. 1                      B. -1                      C. 1或0                      D. 1或-1

9. 如图, 等边 $\triangle ABC$ 的边长为4,  $AD$ 是 $BC$ 边上的中线,  $F$ 是 $AD$ 边上的动点,  $E$ 是 $AC$ 边上一点, 若 $AE=2$ , 当 $EF+CF$ 取得最小值时, 则 $\angle ECF$ 的度数为( )



- A.  $15^\circ$                       B.  $22.5^\circ$                       C.  $30^\circ$                       D.  $45^\circ$

10. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中,  $AB=20\text{cm}$ ,  $AC=12\text{cm}$ , 点 $P$ 从点 $B$ 出发以每秒 $3\text{cm}$ 的速度向点 $A$ 运动, 点 $Q$ 从点 $A$ 同时出发以每秒 $2\text{cm}$ 的速度向点 $C$ 运动, 其中一个动点到达端点时, 另一个动点也随之停止运动, 当 $\triangle APQ$ 是以 $PQ$ 为底的等腰三角形时, 运动的时间是( )



- A. 2.5秒                      B. 3秒                      C. 3.5秒                      D. 4秒

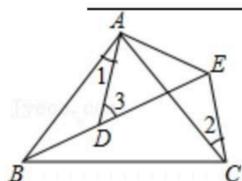
## 二. 填空题 (每小题3分, 共15分)

11. 若分式 $\frac{x}{x-2}$ 在实数范围内有意义, 则 $x$ 满足的条件是\_\_\_\_\_.

12. 若 $a^{3m+n}=54$ ,  $a^m=3$ , 则 $a^n=$ \_\_\_\_\_.

13. 若 $x^2+2(m-3)x+16$ 是完全平方式, 则 $m$ 的值等于\_\_\_\_\_.

14. 如图所示,  $AB=AC$ ,  $AD=AE$ ,  $\angle BAC=\angle DAE$ ,  $\angle 1=25^\circ$ ,  $\angle 2=30^\circ$ , 则 $\angle 3=$ \_\_\_\_\_.



15. 如图,  $\angle ABC=60^\circ$ ,  $AB=3$ , 动点 $P$ 从点 $B$ 出发, 以每秒1个单位长度的速度沿射线 $BC$ 运动, 设点 $P$ 的运动时间为 $t$ 秒, 当 $\triangle ABP$ 是钝角三角形时,  $t$ 满足的条件是\_\_\_\_\_.



扫码查看解析



### 三. 解答题 (共8小题)

16. (1) 计算  $(-2x^2)^3 + x^2 \cdot x^4$ ;

(2) 计算  $(x-2)(x+2) - 4(2x-1)$ ;

(3) 因式分解:  $x^3 - 9x$ ;

(4) 因式分解:  $x(x-4) + 4$ .

17. (1) 计算  $\frac{4x}{3y} \cdot \frac{y}{2x^4} \div (\frac{1}{x})^2$ ;

(2) 计算  $(\frac{a}{a-b} - \frac{2b}{a-b}) \div \frac{a-2b}{a}$ ;

(3) 解方程:  $\frac{1}{x-3} + \frac{x}{3-x} = 1$ ;

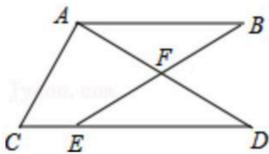
(4) 解方程:  $\frac{2}{3} + \frac{x}{3x-1} = \frac{1}{9x-3}$ .

18. 先化简, 再求值:

(1)  $[(x-y)^2 - x(3x-2y) + (x+y)(x-y)] \div 2x$ , 其中  $x=1, y=-2$ ;

(2)  $\frac{x^2-2x}{x^2-1} \div (x-1 - \frac{2x-1}{x+1})$ , 其中  $x = \frac{1}{2}$ .

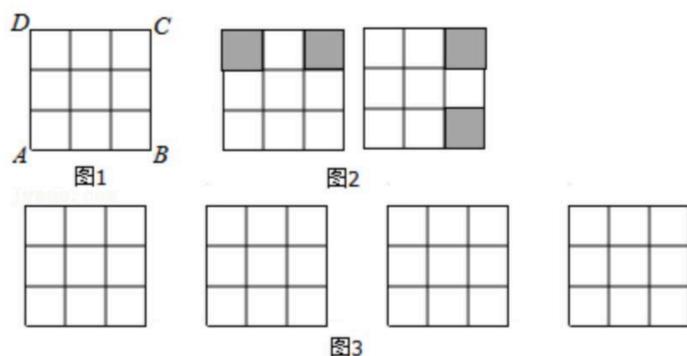
19. 如图,  $AB \parallel CD$ ,  $E$  是  $CD$  上一点,  $BE$  交  $AD$  于点  $F$ ,  $EF=BF$ . 求证:  $AF=DF$ .



20. 如图1是  $3 \times 3$  的正方形方格, 将其中两个方格涂黑, 并且使涂黑后的整个图案是轴对称图形, (要求: 绕正方形  $ABCD$  的中心旋转能重合的图案都视为同一种图案, 例如图2中的两幅图就视为同一种图案), 请在图3中的四幅图中完成你的设计.



扫码查看解析



21. 某文具店老板第一次用1000元购进一批文具，很快销售完毕；第二次购进时发现每件文具进价比第一次上涨了2.5元。老板用2500元购进了第二批文具，所购进文具的数量是第一次购进数量的2倍，同样很快销售完毕，两批文具的售价为每件15元。

- (1)问第二次购进了多少件文具？
- (2)文具店老板第一次购进的文具有30元的损耗，第二次购进的文具有125元的损耗，问文具店老板在这两笔生意中是盈利还是亏本？请说明理由。

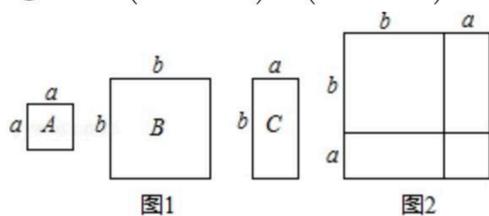
22. 数学活动课上，老师准备了若干个如图1的三种纸片，A种纸片是边长为 $a$ 的正方形，B种纸片是边长为 $b$ 的正方形，C种纸片是长为 $b$ ，宽为 $a$ 的长方形。并用A种纸片一张，B种纸片一张，C种纸片两张拼成如图2的大正方形。

(1)请用两种不同的方法求图2大正方形的面积：方法1：\_\_\_\_\_；方法2：\_\_\_\_\_；

(2)观察图2，请你写出代数式： $(a+b)^2$ ， $a^2+b^2$ ， $ab$ 之间的等量关系

\_\_\_\_\_；  
(3)根据(2)题中的等量关系，解决如下问题：

- ①已知： $a+b=5$ ， $a^2+b^2=13$ ，求 $ab$ 的值；
- ②已知 $(2020-a)^2+(a-2019)^2=5$ ，求 $(2020-a)(a-2019)$ 的值；



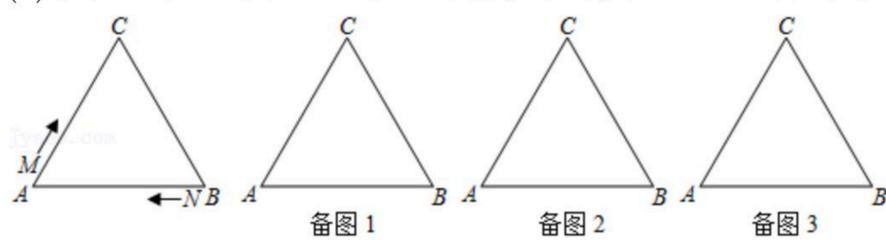
23. 如图，在等边 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC=BC=6\text{cm}$ ，现有两点 $M$ 、 $N$ 分别从点 $A$ 、 $B$ 同时出发，沿三角形的边运动，已知点 $M$ 的速度为 $1\text{cm/s}$ ，点 $N$ 的速度为 $2\text{cm/s}$ 。当点 $N$ 第一次回到点 $B$ 时，点 $M$ 、 $N$ 同时停止运动，设运动时间为 $t\text{s}$ 。

- (1)当 $t$ 为何值时， $M$ 、 $N$ 两点重合；
- (2)当点 $M$ 、 $N$ 分别在 $AC$ 、 $BA$ 边上运动， $\triangle AMN$ 的形状会不断发生变化。
  - ①当 $t$ 为何值时， $\triangle AMN$ 是等边三角形；
  - ②当 $t$ 为何值时， $\triangle AMN$ 是直角三角形；



扫码查看解析

(3)若点 $M$ 、 $N$ 都在 $BC$ 边上运动，当存在以 $MN$ 为底边的等腰 $\triangle AMN$ 时，求 $t$ 的值.





扫码查看解析