



扫码查看解析

2021-2022学年北京市海淀区首都师大二附中八年级 (下)期中试卷

数 学

注：满分为120分。

一、选择题（本题共30分，每小题3分）第1-10题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

1. 以下列各组数为边长，能构成直角三角形的是()

- A. 4、5、6 B. 1、2、3 C. 1、2、 $\sqrt{5}$ D. 1、3、5

2. 下列各式中，不正确的是()

- A. $\sqrt{(-2)^2} = -2$ B. $(\sqrt{2})^2 = 2$
C. $-\sqrt{(-2)^2} = -2$ D. $\pm\sqrt{(-2)^2} = \pm 2$

3. 平行四边形的一边长为6cm，周长为28cm，则这条边的邻边长是()

- A. 22cm B. 16cm C. 11cm D. 8cm

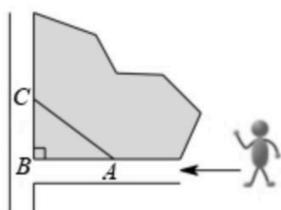
4. 下列二次根式中，与 $\sqrt{3}$ 能合并的是()

- A. $\sqrt{24}$ B. $\sqrt{32}$ C. $\sqrt{54}$ D. $\sqrt{\frac{3}{4}}$

5. 在 $\square ABCD$ 中， $\angle A + \angle C = 160^\circ$ ，则 $\angle B$ 的度数为()

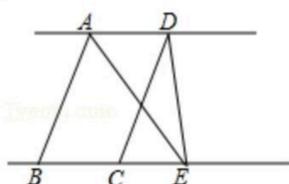
- A. 60° B. 80° C. 100° D. 120°

6. 如图，某公园的一块草坪旁边有一条直角小路，公园管理处为了方便群众，沿AC修了一条近路，已知 $AB=40$ 米， $BC=30$ 米，则走这条近路AC可以少走()米路。



- A. 20 B. 30 C. 40 D. 50

7. 如图， $AB \parallel CD$ ， $AD \parallel BC$ ， $AD=5$ ， $BE=8$ ， $\triangle DCE$ 的面积为6，则四边形ABCD的面积为()



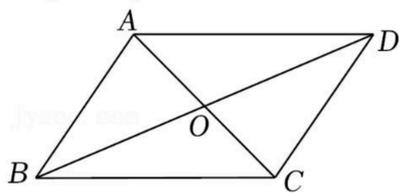
- A. 32 B. 20 C. 12 D. 6

8. 如图，四边形ABCD的对角线AC，BD交于点O，则不能判断四边形ABCD是平行四边形的



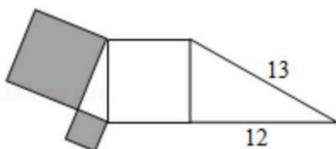
扫码查看解析

是()



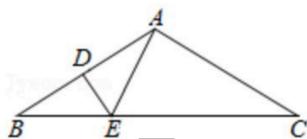
- A. $AB \parallel CD, \angle DAC = \angle BCA$ B. $AB = CD, \angle ABO = \angle CDO$
 C. $AC = 2AO, BD = 2BO$ D. $AO = BO, CO = DO$

9. 如图, 由两个直角三角形和三个大正方形组成的图形, 其中阴影部分面积是()



- A. 16 B. 25 C. 144 D. 169

10. 如图, $\triangle ABC$ 中, $AB = AC = 4$, $AE \perp AC$, DE 垂直平分 AB 于点 D , 则 EC 的长为()

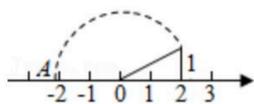


- A. $\frac{7\sqrt{3}}{2}$ B. $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ C. $\frac{8\sqrt{3}}{3}$ D. $3\sqrt{3}$

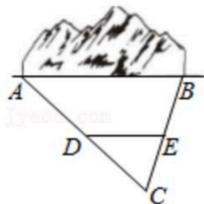
二、填空题 (本题共16分, 每小题2分)

11. 若 $\sqrt{x-1}$ 在实数范围内有意义, 则 x 的取值范围是_____.

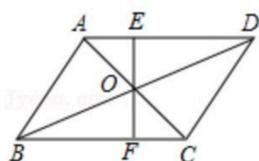
12. 如图, 在数轴上点 A 表示的实数是_____.



13. 某地需要开辟一条隧道, 隧道 AB 的长度无法直接测量, 如图所示, 在地面上取一点 C , 使 C 到 A 、 B 两点均可直接到达, 测量找到 AC 和 BC 的中点 D 、 E , 测得 DE 的长为1100m, 则隧道 AB 的长度为_____m.



14. 已知: 在 $\square ABCD$ 中, 对角线 AC 、 BD 相交于点 O , 过点 O 的直线 EF 分别交 AD 于 E 、 BC 于 F , $S_{\triangle AOE} = 3$, $S_{\triangle BOF} = 5$, 则 $\square ABCD$ 的面积是_____.

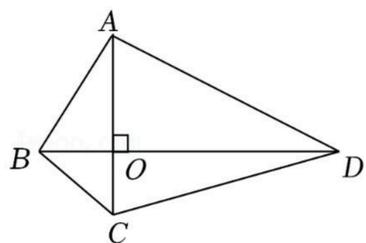


15. 对角线互相垂直的四边形叫做“垂美”四边形, 现有如图所示“垂美”四边形 $ABCD$,

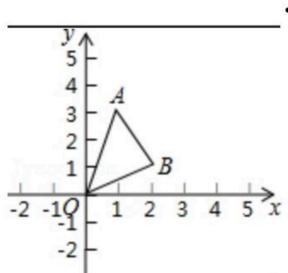


扫码查看解析

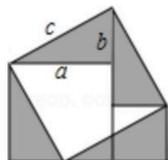
对角线 AC , BD 交于点 O , 若 $AB=6$, $CD=10$, 则 $AD^2+BC^2=$ _____.



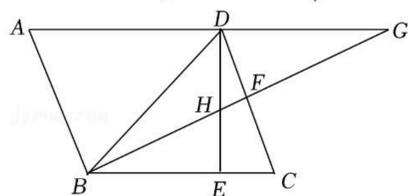
16. 如图在平面直角坐标系中, O 为坐标原点, $A(1, 3)$, $B(2, 1)$, 直角坐标系中存在点 C , 使得点 O, A, B, C 四点构成平行四边形, 则 C 点坐标为 _____.



17. “赵爽弦图”巧妙地利用“出入相补”的方法证明了勾股定理. 小明受此启发, 探究后发现, 若将4个直角边长分别为 a, b , 斜边长为 c 的直角三角形拼成如图所示的五边形, 用等积法也可以证明勾股定理, 则小明用两种方法表示五边形的面积分别是(用含有 a, b, c 的式子表示) _____, _____.



18. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, $\angle DBC=45^\circ$, $DE \perp BC$ 于 E , $BF \perp CD$ 于 F , DE, BF 交于 H , BF, AD 的延长线交于 G , 给出下列结论: ① $DB=\sqrt{2}BE$; ② $\angle A=\angle BHE$; ③ $AB=BH$; ④ 若 BG 平分 $\angle DBC$, 则 $BE=(\sqrt{2}+1)EC$; 其中正确的结论有 _____.(填序号)



三、解答题 (本题共54分, 第19-22题, 每小题8分, 第23-25题, 每小题8分, 第26, 27题, 每小题8分, 第28题7分) 解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程.

19. 计算:

(1) $\sqrt{12}-\sqrt{27}+\sqrt{8} \div \sqrt{2}$;

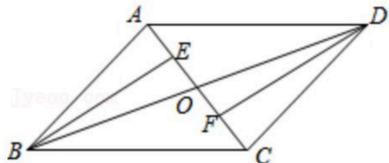
(2) $(\sqrt{8}+\sqrt{3}) \times \sqrt{6}-4\sqrt{\frac{1}{2}}$

20. 计算: $\sqrt{25}+(\pi-3)^0+|1-\sqrt{2}|$.



扫码查看解析

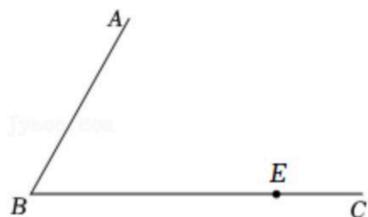
21. 如图, $\square ABCD$ 的对角线 AC, BD 交于点 O , E, F 分别是 OA, OC 的中点.
求证: $BE=DF$.



22. 已知 $x = \sqrt{3} + 1$, 求 $x^2 - 2x + 1$ 的值.

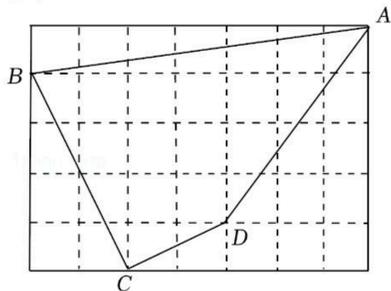
23. 如图, 已知平行四边形 $ABCD$ 的一个内角 $\angle B$ 及其两边长 BA, BC .

- (1) 用尺规补全平行四边形 $ABCD$, 请保留作图痕迹并说明你的作图依据;
(2) 点 E 是 BC 边上任意一点, 只用一把无刻度的直尺在 AD 边上作点 F , 使得 $DF=BE$, 简要说明你的作图过程.



24. 如图, 每个小正方形的边长为 1, A, B, C, D 均为格点.

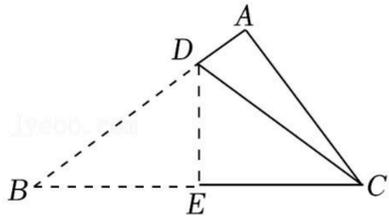
- (1) 四边形 $ABCD$ 的面积为 _____,
四边形 $ABCD$ 的周长为 _____;
(2) $\angle BCD$ 是直角吗? 说明理由.



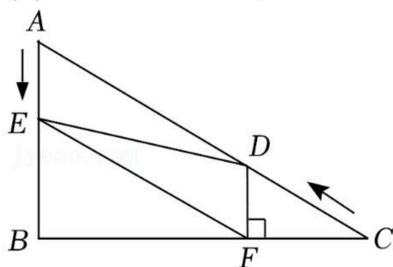
25. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 90^\circ$, $BC = 5$, $AC = 3$, 现将它折叠, 使点 B 与 C 重合, 求折痕 DE 的长.



扫码查看解析



26. 如图, 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle B=90^\circ$, $BC=5\sqrt{3}$, $\angle C=30^\circ$. 点 D 从点 C 出发沿 CA 方向以每秒 2 个单位长的速度向点 A 匀速运动, 同时点 E 从点 A 出发沿 AB 方向以每秒 1 个单位长的速度向点 B 匀速运动, 当其中一个点到达终点时, 另一个点也随之停止运动. 设点 D, E 运动的时间是 t 秒 ($t > 0$). 过点 D 作 $DF \perp BC$ 于点 F , 连接 DE, EF .
- (1) 求 AB, AC 的长;
 - (2) 求证: $AE=DF$;
 - (3) 当 t 为何值时, $\triangle DEF$ 为直角三角形? 请说明理由.



27. 数学教育家波利亚曾说: “对一个数学问题, 改变它的形式, 变换它的结构, 直到发现有价值的东西, 这是数学解题的一个重要原则”.

材料一: 平方运算和开平方运算是互逆运算. 如 $a^2 \pm 2ab + b^2 = (a \pm b)^2$, 那么 $\sqrt{a^2 \pm 2ab + b^2} = |a \pm b|$. 如何将双重二次根式 $\sqrt{5 \pm 2\sqrt{6}}$ 化简? 我们可以把 $5 \pm 2\sqrt{6}$ 转化为 $(\sqrt{3})^2 \pm 2\sqrt{6} + (\sqrt{2})^2 = (\sqrt{3} \pm \sqrt{2})^2$ 完全平方的形式, 因此双重二次根式 $\sqrt{5 \pm 2\sqrt{6}} = \sqrt{(\sqrt{3} \pm \sqrt{2})^2} = \sqrt{3} \pm \sqrt{2}$ 得以化简.

材料二: 在直角坐标系 xOy 中, 对于点 $P(x, y)$ 和 $Q(x, y')$ 给出如下定义:

若 $y' = \begin{cases} y & (x \geq 0) \\ -y & (x < 0) \end{cases}$, 则称点 Q 为点 P 的“横负纵变点”. 例: 点 $(3, 2)$ 的“横负纵变点”为

$(3, 2)$, 点 $(-2, 5)$ 的“横负纵变点”为 $(-2, -5)$.

请选择合适的材料解决下面的问题:

- (1) 点 $(\sqrt{2}, -\sqrt{3})$ 的“横负纵变点”为 _____,
- 点 $(-3\sqrt{3}, -2)$ 的“横负纵变点”为 _____;

(2) 化简: $\sqrt{8+2\sqrt{15}} =$ _____;

(3) 已知 a 为常数 ($1 \leq a \leq 2$), 点 $M(-\sqrt{2}, m)$ 且 $m = \frac{2}{\sqrt{2}}(\sqrt{a+2\sqrt{a-1}} + \sqrt{a-2\sqrt{a-1}})$, 点

M' 是点 M 的“横负纵变点”, 则点 M' 的坐标是 _____.



扫码查看解析

28. 如图1, 点A, 点B的坐标分别 $(a, 0)$, $(0, b)$, 且 $b = \sqrt{a+1} + \sqrt{-1-a} + 4$, 将线段BA绕点B逆时针旋转 90° 得到线段BC.

(1) 直接写出 $a =$ _____, $b =$ _____, 点C的坐标为 _____;

(2) 如图2, 作 $CD \perp x$ 轴于点D, 点M是BD的中点, 点N在 $\triangle OBD$ 内部, $ON \perp DN$, 求证:
 $\sqrt{2}MN + ON = DN$.

(3) 如图3, 点P是第二象限内的一个动点, 若 $\angle OPB = 90^\circ$, 求线段CP的最大值.

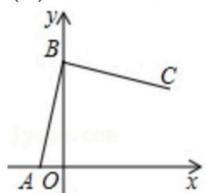


图1

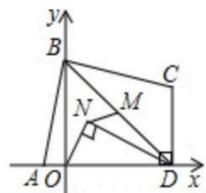


图2

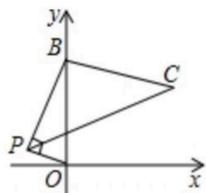


图3