



扫码查看解析

# 2020-2021学年四川省遂宁市市城区八年级（上）期末试卷

## 数 学

注：满分为150分。

### 一、选择题（每小题3分，共54分）

1. 下列几个数中，属于无理数的数是( )

- A.  $\sqrt{4}$       B.  $\sqrt[3]{-8}$       C. 0.101001      D.  $\sqrt{2}$

2. 下列四个手机APP图标中，是轴对称图形的是( )

- A. B. C. D.

3. 若一个正数的两个平方根分别为 $a+2$ 与 $3a-6$ ，则 $a$ 为( )

- A. 36      B. 9      C. 4      D. 1

4. 下列计算正确的是( )

- A.  $2a^2+3a=5a^3$       B.  $(ab)^2=a^2b$       C.  $a^6 \div a^2=a^3$       D.  $(a^2)^3=a^6$

5. 下列说法正确的是( )

- A. 一个数有立方根，那么它一定有平方根  
B. 一个数立方根的符号与被开方数符号相同  
C. 负数没有平方根，也没有立方根  
D. 一个数的立方根有两个，它们互为相反数

6. 下列分解因式不正确的是( )

- A.  $a^4+1-2a^2=(a-1)^2(a+1)^2$       B.  $4y^2-1=(4y+1)(4y-1)$   
C.  $\frac{9}{4}x^2-x+\frac{1}{9}=(\frac{3}{2}x-\frac{1}{3})^2$       D.  $-16+a^4=(a^2+4)(a-2)(a+2)$

7. 已知 $4x^2+kx+1$ 是完全平方式，则常数 $k$ 等于( )

- A. 4      B. -4      C.  $\pm 4$       D.  $\pm 8$

8. 一个班有40名学生，在期末体育考核中，优秀的有18人，在扇形统计图中，代表体育优秀扇形的圆心角是( )

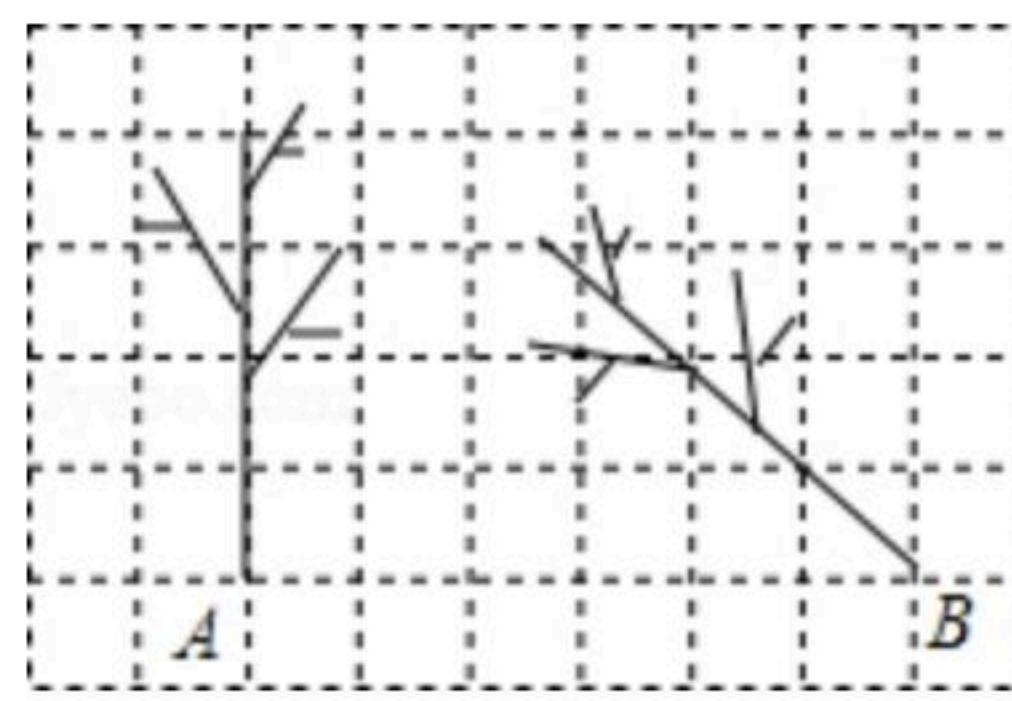
- A.  $144^\circ$       B.  $162^\circ$       C.  $216^\circ$       D.  $250^\circ$



扫码查看解析

9. 如图，在 $9\times 6$ 的方格纸中，小树从位置A经过平移旋转后到达位置B，下列说法中正确的是( )

- A. 先向右平移6格，再绕点B顺时针旋转 $45^\circ$
- B. 先向右平移6格，再绕点B逆时针旋转 $45^\circ$
- C. 先向右平移6格，再绕点B顺时针旋转 $90^\circ$
- D. 先向右平移6格，再绕点B逆时针旋转 $90^\circ$

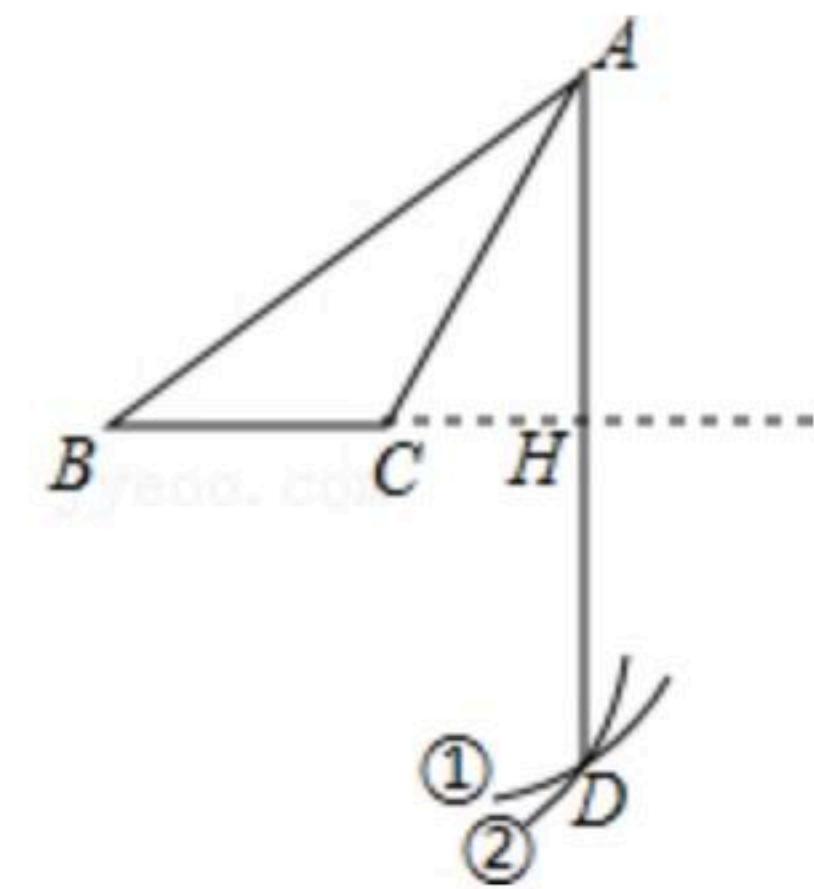


10. 要反映我市某一周每天的最高气温的变化趋势，宜采用( )

- A. 条形统计图
- B. 扇形统计图
- C. 折线统计图
- D. 频数分布统计图

11. 如图，已知钝角 $\triangle ABC$ ，依下列步骤尺规作图，并保留作图痕迹。

- 步骤1：以C为圆心，CA为半径画弧①；  
步骤2：以B为圆心，BA为半径画弧②，交弧①于点D；  
步骤3：连接AD，交BC延长线于点H.

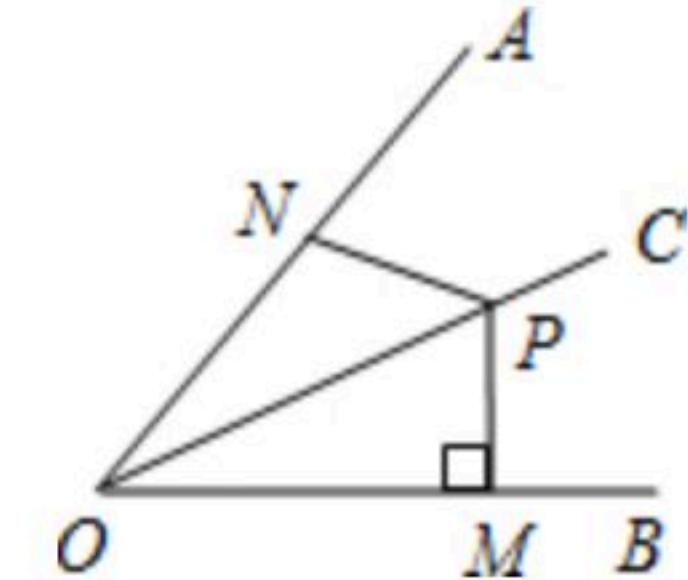


- 下列叙述正确的是( )

- A.  $BH$ 垂直平分线段AD
- B.  $AC$ 平分 $\angle BAD$
- C.  $S_{\triangle ABC}=BC \cdot AH$
- D.  $AB=AD$

12. 如图， $OC$ 平分 $\angle AOB$ ，点P是 $OC$ 上一点， $PM \perp OB$ 于点M，点N是射线 $OA$ 上的一个动点若 $OM=4$ ， $OP=5$ ，则 $PN$ 的最小值为( )

- A. 2
- B. 3
- C. 4
- D. 5



13. 已知 $\triangle ABC$ 的三边长分别为4、4、6，在 $\triangle ABC$ 所在平面内画一条直线，将 $\triangle ABC$ 分割成两个三角形，使其中的一个是等腰三角形，则这样的直线最多可画( )条。

- A. 3
- B. 4
- C. 5
- D. 6

14. 下列选项中可以用来说明命题“若 $x^2 > 1$ ，则 $x > 1$ ”是假命题的反例是( )

- A.  $x=1$
- B.  $x=-1$
- C.  $x=2$
- D.  $x=-2$

15. 下列命题的逆命题不是真命题的是( )

- A. 两直线平行，内错角相等
- B. 直角三角形两直角边的平方之和等于斜边的平方
- C. 全等三角形的面积相等
- D. 线段垂直平分线上的点到这条线段两端点的距离相等

16. 若实数 $x$ 、 $y$ 、 $z$ 满足 $(x-z)^2 - 4(x-y)(y-z) = 0$ ，则下列式子一定成立的是( )

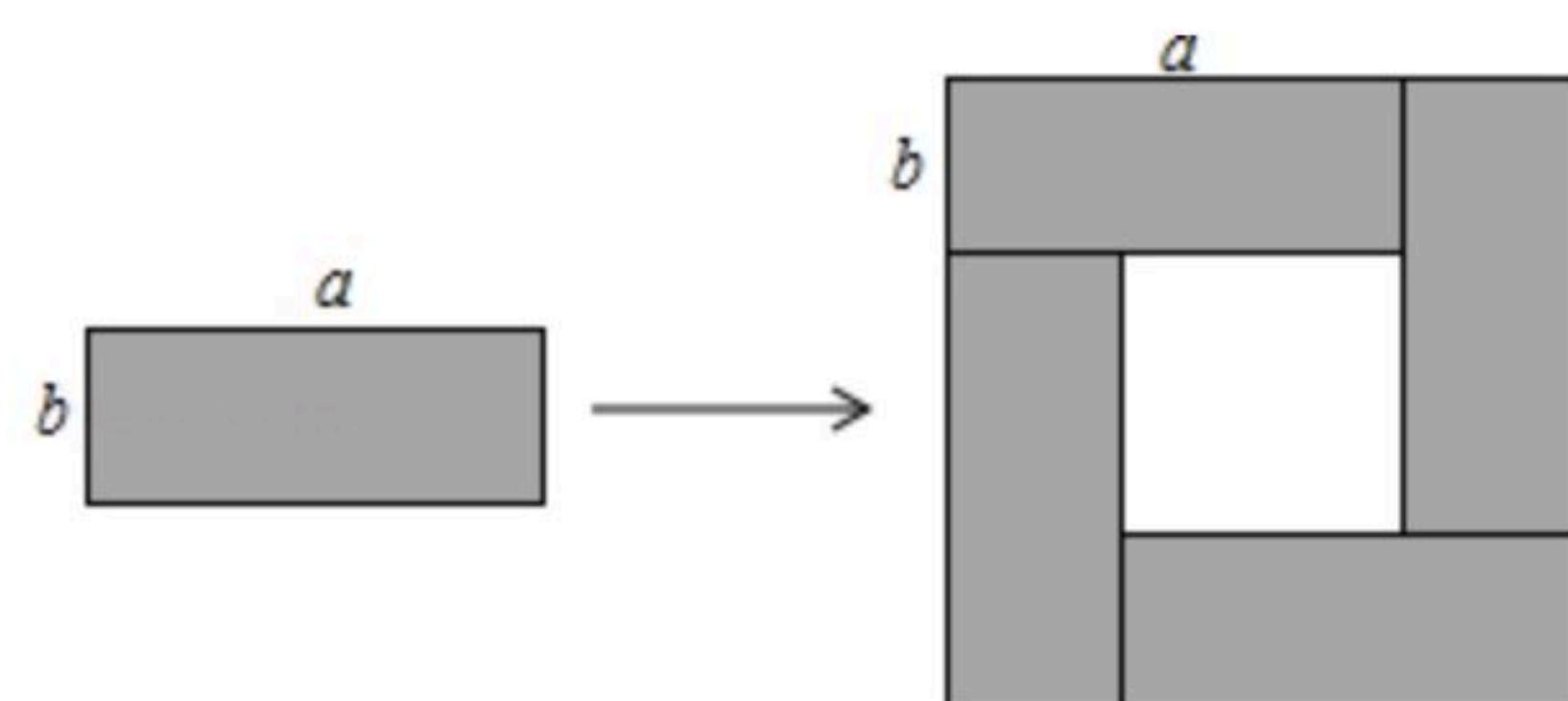
- A.  $x+y+z=0$
- B.  $x+y-2z=0$
- C.  $y+z-2x=0$
- D.  $z+x-2y=0$



扫码查看解析

17. 如图将4个长、宽分别均为 $a$ 、 $b$ 的长方形，摆成了一个大的正方形，利用面积的不同表示方法写出一个代数恒等式是( )

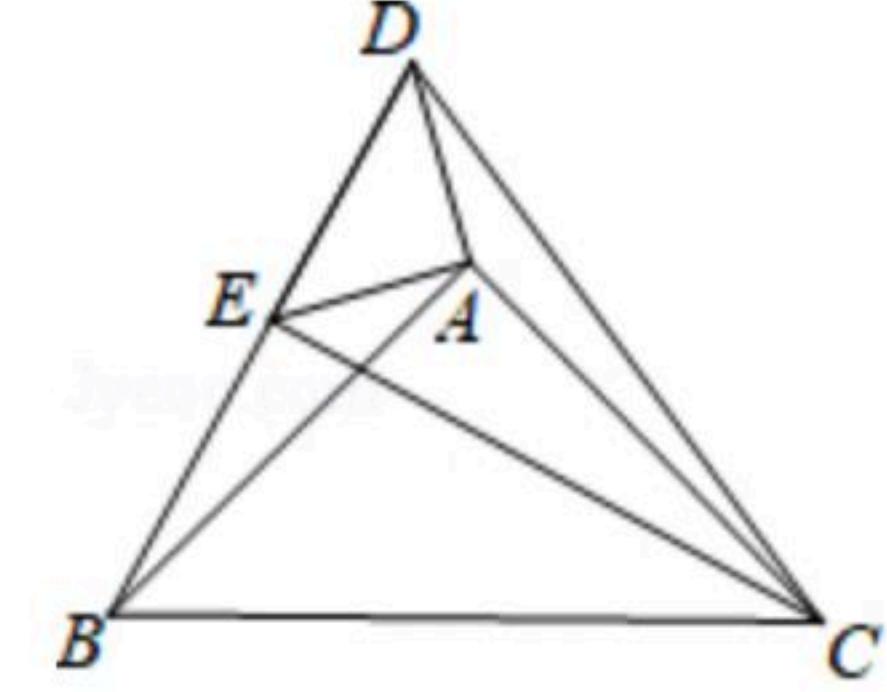
- A.  $a^2+2ab+b^2=(a+b)^2$       B.  $a^2-2ab+b^2=(a-b)^2$   
C.  $4ab=(a+b)^2-(a-b)^2$       D.  $(a+b)(a-b)=a^2-b^2$



18. 如图，点E在 $\triangle DBC$ 的边DB上，点A在 $\triangle DBC$ 内部， $\angle DAE=\angle BAC=90^\circ$ ,  $AD=AE$ ,  $AB=AC$ . 给出下列结论：

- ① $BD=CE$ ; ② $\angle ABD+\angle ECB=45^\circ$ ; ③ $BD \perp CE$ ; ④ $BE^2=2(AD^2+AB^2)-CD^2$ . 其中正确的是( )

- A. ①②③④      B. ②④      C. ①②③      D. ①③④



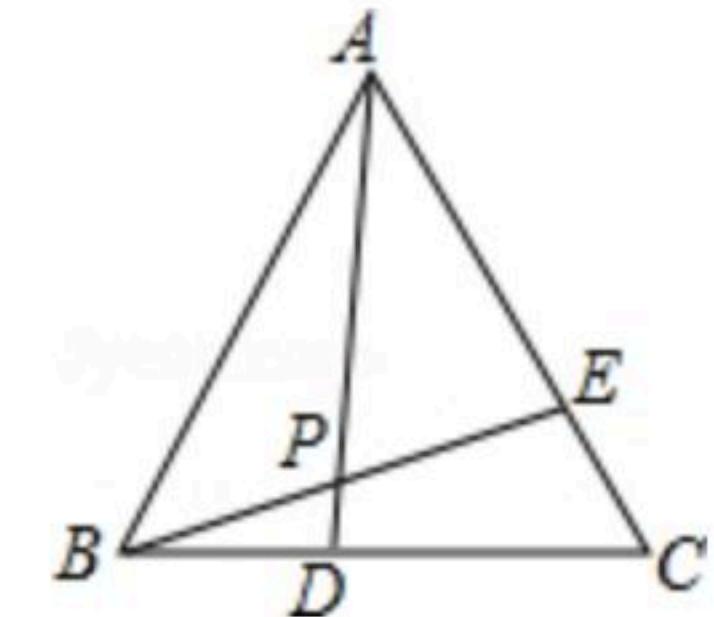
## 二、填空题（每小题3分，共18分）

19.  $\sqrt{16}$  的算术平方根是\_\_\_\_\_.

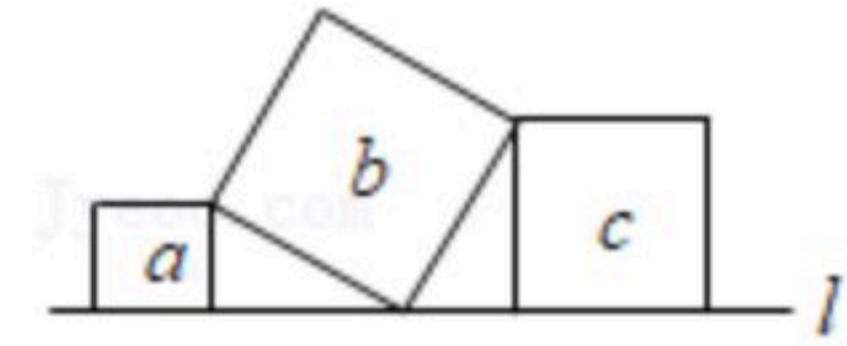
20. 若 $3^x=4$ ,  $9^y=7$ , 则 $3^{x-2y}$ 的值为\_\_\_\_\_.

\_\_\_\_\_

21. 如图，已知等边 $\triangle ABC$ 中， $BD=CE$ ,  $AD$ 与 $BE$ 相交于点P，则 $\angle APE$ 的度数是\_\_\_\_\_°.



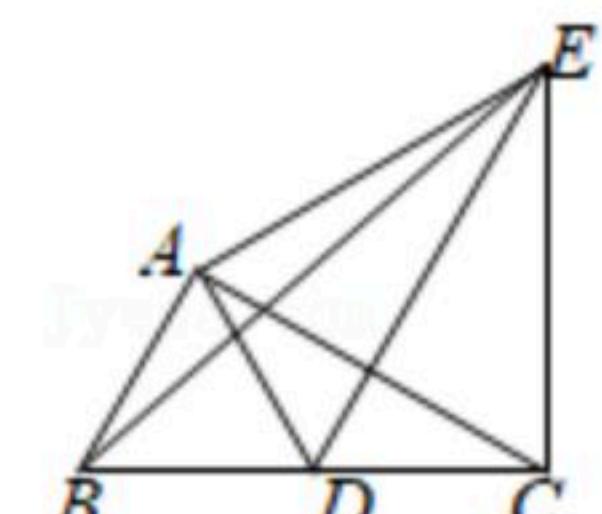
22. 如图，直线l上有三个正方形a、b、c，若a、b的面积分别为5和13，则c的面积为\_\_\_\_\_.



23. 已知 $(x-2018)^2=15$ , 则 $(x-2017)^2+(x-2019)^2$ 的值是\_\_\_\_\_.

24. 如图，将含有 $30^\circ$ 角的直角三角尺ABC绕直角顶点A逆时针旋转到ADE的位置，使B点的对应点D落在BC边上，连接EB, EC，则下列结论：

- ① $\angle DAC=\angle DCA$ ; ②ED为AC的垂直平分线; ③EB平分 $\angle AED$ ; ④ $\triangle ABD$ 为等边三角形. 其中正确的是\_\_\_\_\_.(填序号)



## 三、解答题（78分）

25. 计算： $-1^2 + \sqrt[3]{5^2+10^2} - \sqrt{3\frac{1}{16}} - |-\frac{1}{4}|$ .

26. 因式分解：



扫码查看解析

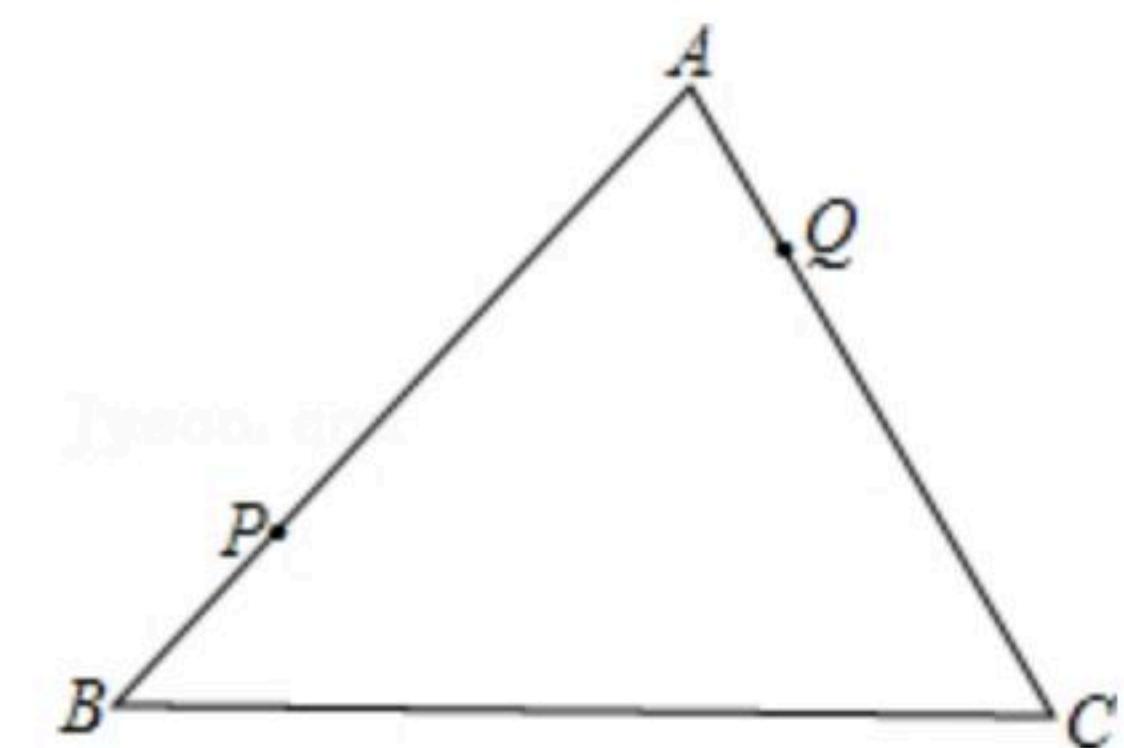
(1)  $-3ma^2 + 12ma - 12m$ ;

(2)  $n^2(m-2) + 4(2-m)$ .

27. (1) 计算:  $(a-b)(a^2+ab+b^2)$

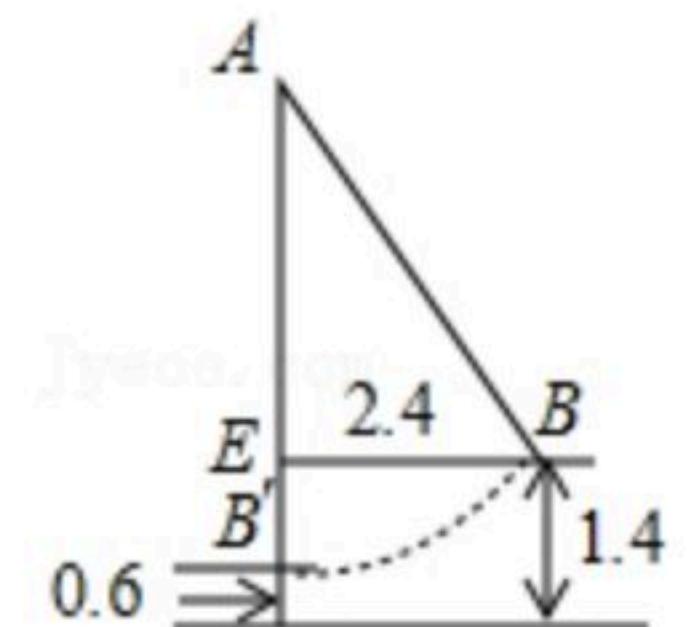
(2) 利用所学知识以及(1)所得等式, 分解因式:  $m^3-n^3-3mn(m-n)$

28. 如图,  $P$ 、 $Q$ 为 $\triangle ABC$ 的边 $AB$ 、 $AC$ 上的两定点, 在 $BC$ 上求作一点 $M$ , 使 $\triangle PQM$ 的周长最短(不写作法).

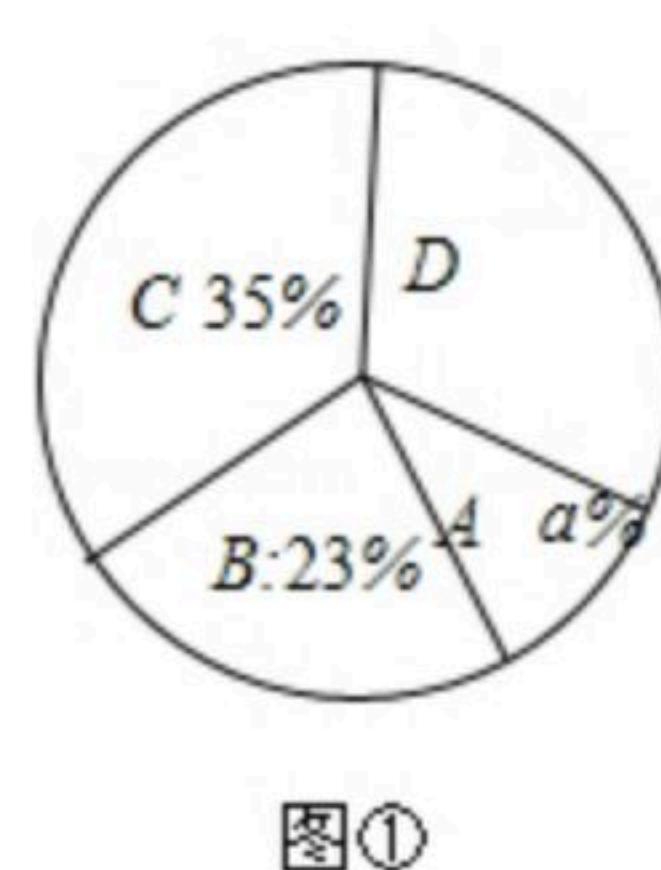


29. 先化简, 再求值:  $(2x+y)^2 + (x+y)(x-y) - 5x(x-y)$ , 其中  $x = \sqrt{2} + 1$ ,  $y = \sqrt{2} - 1$ .

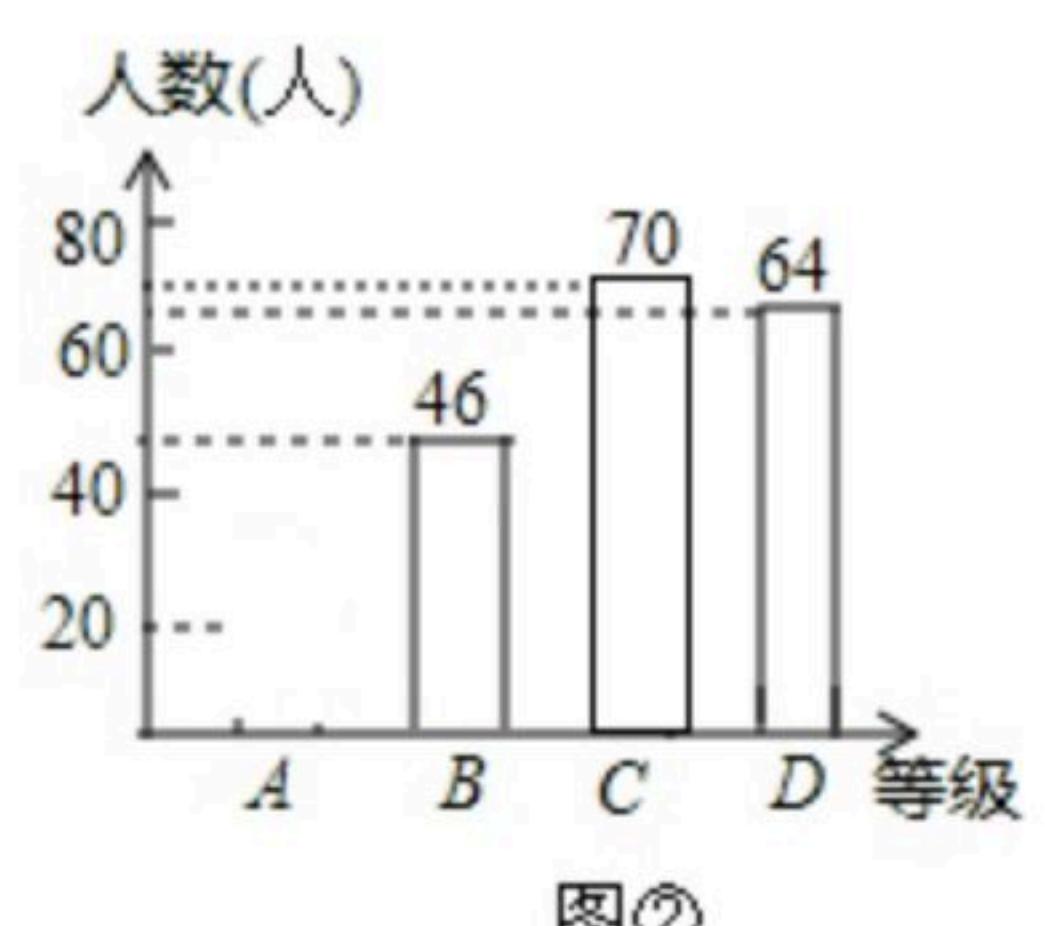
30. 如图, 小颖和她的同学荡秋千, 秋千 $AB$ 在静止位置时, 下端 $B'$ 离地面 $0.6m$ , 荡秋千到 $AB$ 的位置时, 下端 $B$ 距静止位置的水平距离 $EB$ 等于 $2.4m$ , 距地面 $1.4m$ , 求秋千 $AB$ 的长.



31. 某商场对一种新售的手机进行市场问卷调查, 其中一个项目是让每个人按 $A$ (不喜欢)、 $B$ (一般)、 $C$ (不比较喜欢)、 $D$ (非常喜欢)四个等级对该手机进行评价, 图①和图②是该商场采集数据后, 绘制的两幅不完整的统计图, 请你根据以上统计图提供的信息, 回答下列问题:



图①



图②

(1) 本次调查的人数为多少人?  $A$ 等级的人数是多少? 请在图中补全条形统计图.

(2) 图①中,  $a$ 等于多少?  $D$ 等级所占的圆心角为多少度?

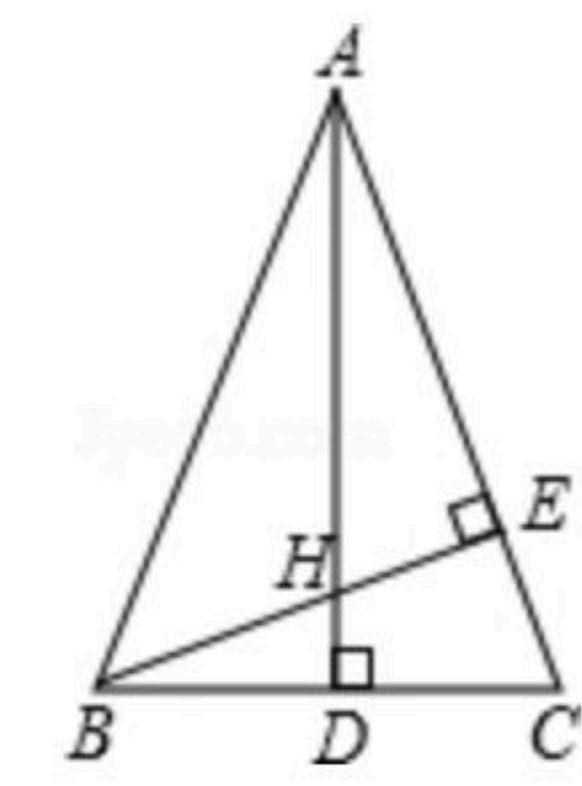


扫码查看解析

32. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ， $AD \perp BC$ 于点D， $BE \perp AC$ 于点E， $AD$ 、 $BE$ 相交于点H， $AE=BE$ . 试说明：

(1) $\triangle AEH \cong \triangle BEC$ .

(2) $AH=2BD$ .



33. (1)探索发现：如图1，在 $\triangle ABC$ 中，点D在边BC上， $\triangle ABD$ 与 $\triangle ADC$ 面积分别记为 $S_1$ 和

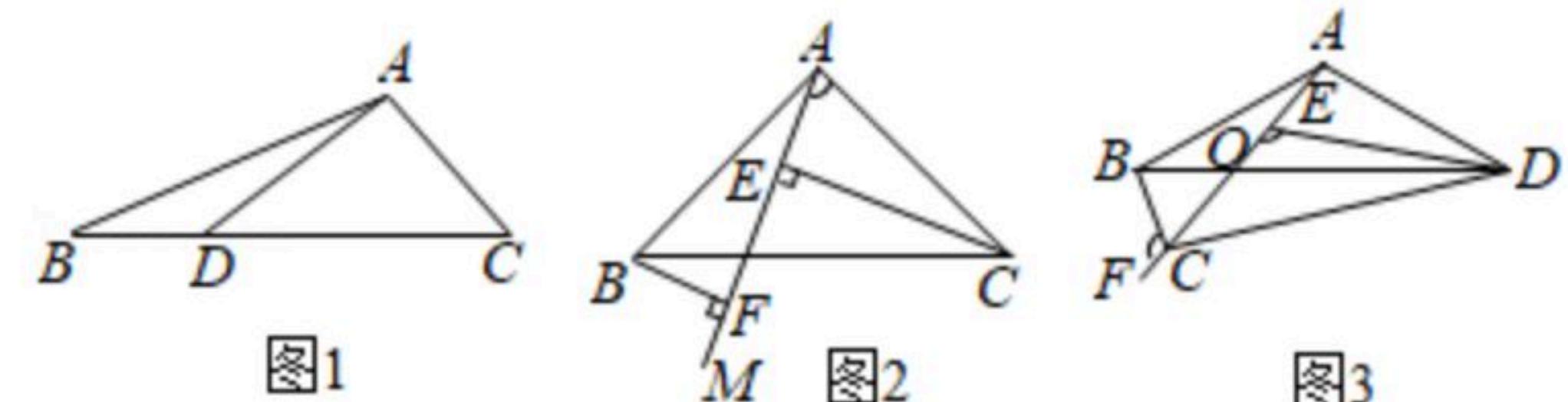
$S_2$ ，试判断 $\frac{S_1}{S_2}$ 与 $\frac{BD}{CD}$ 的数量关系，并说明理由.

(2)阅读分析：小东遇到这样一个问题：如图2，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ， $\angle BAC=90^\circ$ ，射线AM交BC于点D，点E，F在AM上，且 $\angle CEM=\angle BFM=90^\circ$ ，试判断 $BF$ ， $CE$ ， $EF$ 三条线段之间的数量关系并说明理由.

(3)类比探究：如图3，在四边形ABCD中， $AB=AD$ ， $AC$ 与 $BD$ 交于点O，点E，F在射线AC上，且 $\angle BCF=\angle DEF=\angle BAD$ .

①判断 $BC$ ， $DE$ ， $CE$ 三条线段之间的数量关系，并说明理由；

②若 $OD=3OB$ ， $\triangle AED$ 的面积为2，求出四边形ABCD的面积.





扫码查看解析