



扫码查看解析

# 2021年天津市和平区中考一模试卷

## 数 学

注：满分为120分。

一、选择题（本大题共12小题，每小题3分，共36分。在每小题给出的四个选项中只有一个是符合题目要求的）

1. 计算 $(-3) - (-6)$ 的结果等于( )

- A. 3      B. -3      C. 9      D. 18

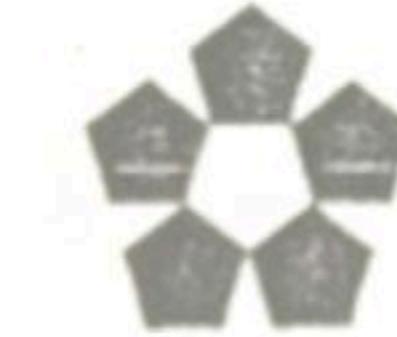
2.  $3\tan 30^\circ$ 的值等于( )

- A.  $\sqrt{3}$       B.  $3\sqrt{3}$       C.  $\frac{\sqrt{3}}{3}$       D.  $\frac{3}{2}$

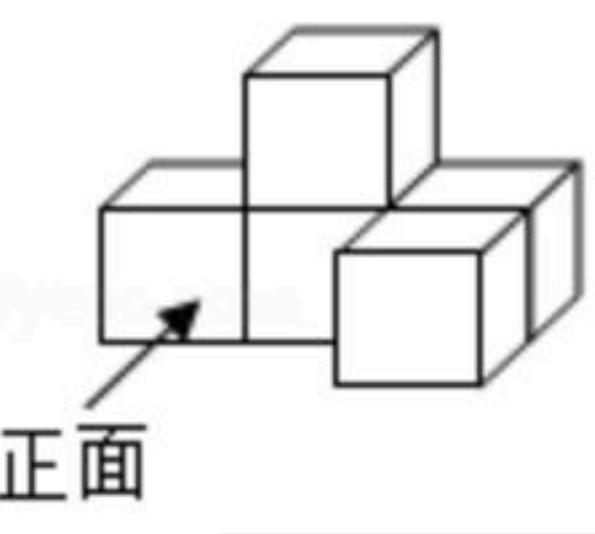
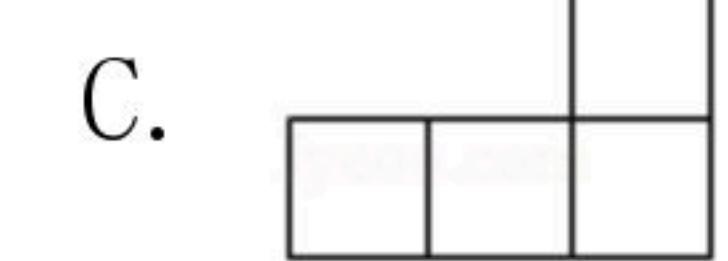
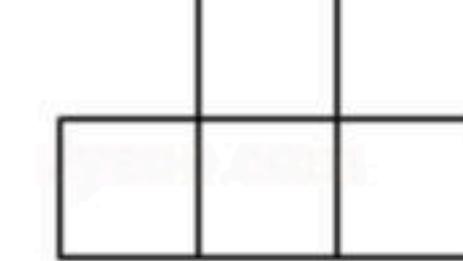
3. 将139 000 000用科学记数法表示为( )

- A.  $1.39 \times 10^7$       B.  $1.39 \times 10^8$       C.  $1.39 \times 10^9$       D.  $13.9 \times 10^7$

4. 下列图形中，可以看作是中心对称图形的是( )

- A.       B.       C.       D. 

5. 如图是由5个大小相同的小正方体搭成的几何体，它的俯视图是( )

- 正面   
A.       B.       C.       D. 

6. 估计 $\sqrt{35} - 2$ 的值( )

- A. 在4和5之间      B. 在3和4之间      C. 在2和3之间      D. 在1和2之间

7. 计算 $\frac{2x+2}{x+3} - \frac{x}{x+3}$ 的结果为( )

- A. 1      B. 3      C.  $\frac{x-2}{x+3}$       D.  $\frac{x+2}{x+3}$

8. 方程组  $\begin{cases} x+2y=14 \\ 2x+y=16 \end{cases}$  的解是( )

- A.  $\begin{cases} x=6 \\ y=4 \end{cases}$       B.  $\begin{cases} x=5 \\ y=6 \end{cases}$       C.  $\begin{cases} x=3 \\ y=6 \end{cases}$       D.  $\begin{cases} x=2 \\ y=8 \end{cases}$

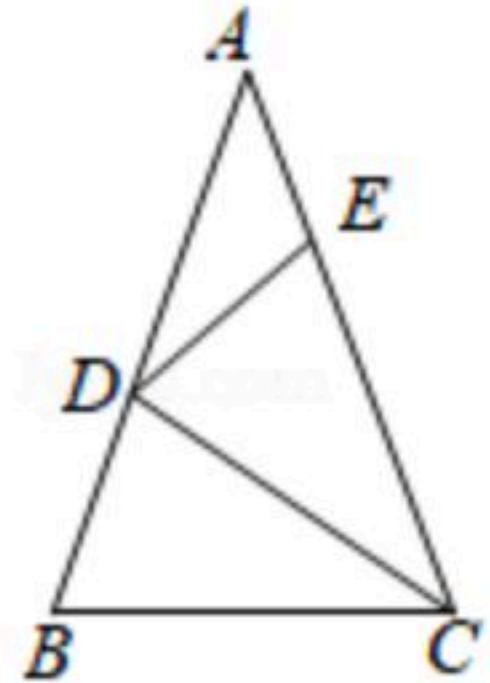


扫码查看解析

9. 已知反比例函数 $y=\frac{6}{x}$ , 当 $-3 < x < -1$ 时,  $y$ 的取值范围是( )

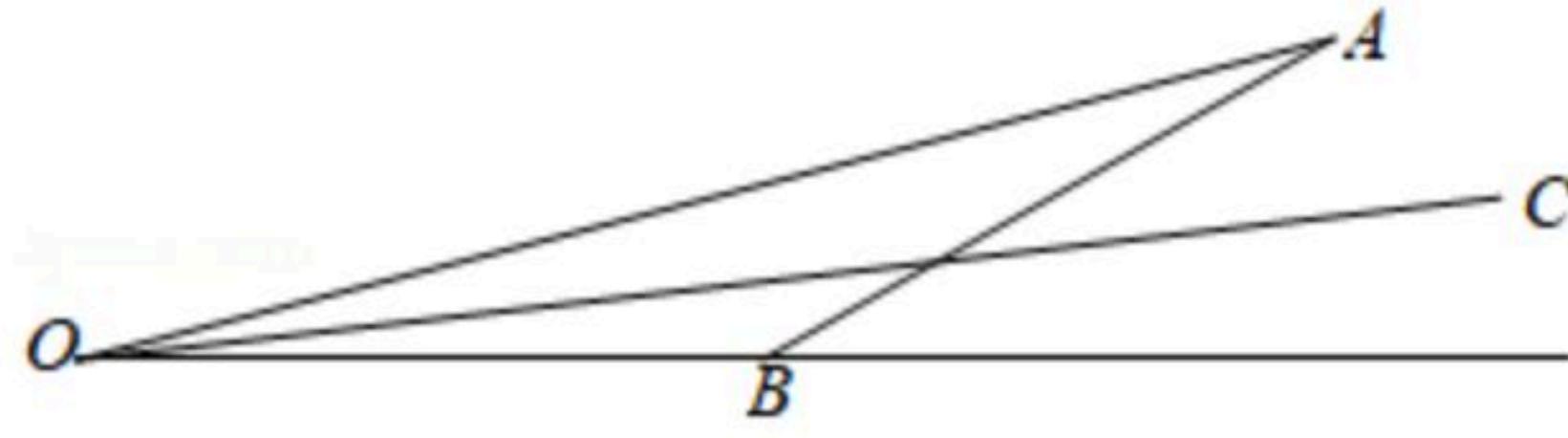
- A.  $y < 0$       B.  $-3 < y < -1$       C.  $-6 < y < -2$       D.  $2 < y < 6$

10. 如图,  $\triangle ABC$ 中,  $AB=AC$ ,  $D$ 为 $AB$ 边上一点, 将 $\triangle CBD$ 沿着 $CD$ 折叠, 点 $B$ 恰好落在 $AC$ 边上的点 $E$ 处, 若 $\angle B=70^\circ$ , 则 $\angle ADE$ 的大小为( )



- A.  $35^\circ$       B.  $30^\circ$       C.  $25^\circ$       D.  $20^\circ$

11. 如图, 在 $\triangle AOB$ 中,  $\angle OAB=\angle AOB=15^\circ$ ,  $OB=6$ ,  $OC$ 平分 $\angle AOB$ , 点 $P$ 在射线 $OC$ 上, 点 $Q$ 为边 $OA$ 上一动点, 则 $PA+PQ$ 的最小值是( )



- A. 1      B. 2      C. 3      D. 4

12. 已知抛物线 $y=ax^2+bx+c$  ( $a$ ,  $b$ ,  $c$ 为常数,  $a>0$ ) 经过点 $(1, 0)$ ,  $(0, -1)$ , 其对称轴在 $y$ 轴右侧.

有下列结论:

- ① $a-b-1=0$ ;  
②方程 $ax^2+bx+c=0$ 的一个根为1, 另一个根为 $-\frac{1}{a}$ ;  
③ $a>1$ .

其中, 正确结论的个数为( )

- A. 0      B. 1      C. 2      D. 3

## 二、(本大题共6小题, 每小题3分, 共18分)

13. 计算 $(2a)^4$ 的结果等于\_\_\_\_\_.

14. 计算:  $(\sqrt{5}+\sqrt{2})(\sqrt{5}-\sqrt{2})$ 的结果等于\_\_\_\_\_.

15. 一个不透明袋子中装有10个球, 其中有5个红球, 3个白球, 2个黑球, 这些球除颜色外无其它差别, 从袋子中随机取出1个球, 则它是白球的概率是\_\_\_\_\_.

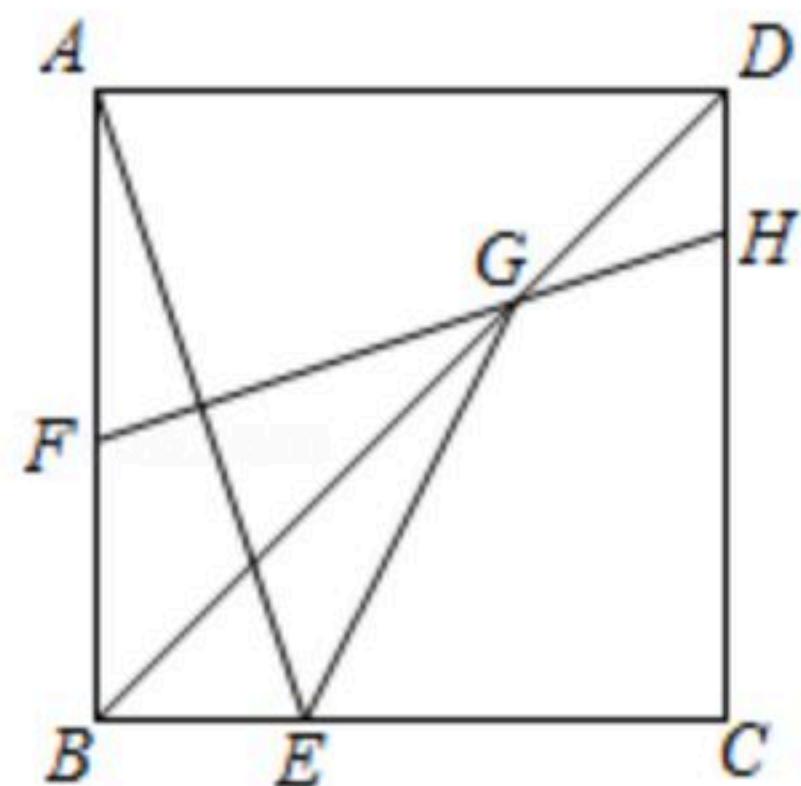
16. 将直线 $y=10x$ 向上平移3个单位长度, 平移后直线的解析式为\_\_\_\_\_.

17. 如图, 正方形 $ABCD$ 中, 点 $E$ 是边 $BC$ 上一点,  $AE$ 的垂直平分线分别交 $AB$ ,  $BD$ ,  $CD$ 于点



扫码查看解析

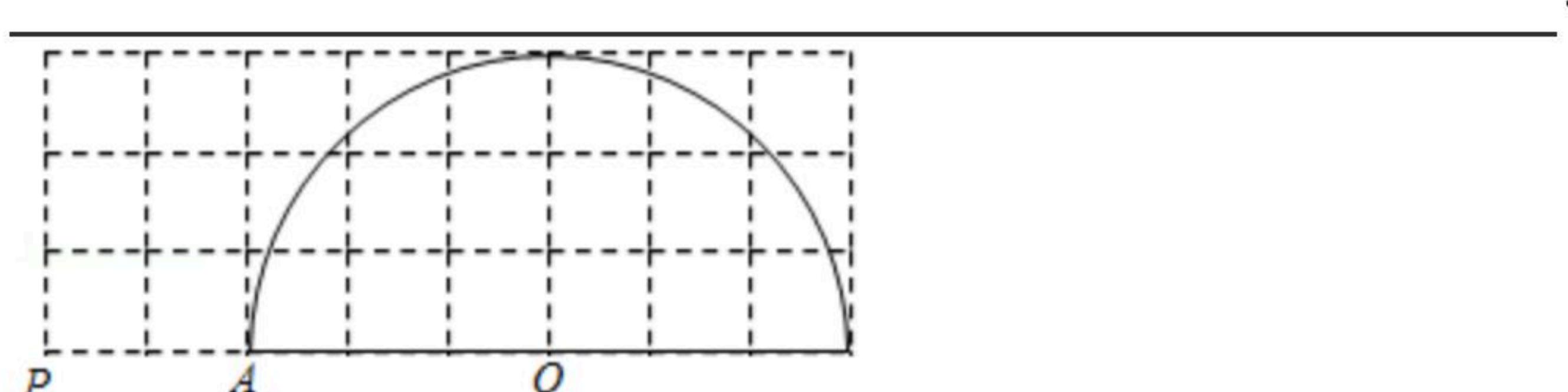
F, G, H. 若 $GE=5$ , 则 $FH$ 的长为\_\_\_\_\_.



18. 如图, 在每个小正方形的边长为1的网格中, 点P, A, O均在格点上, 半圆O的半径为3, PT与半圆O相切于点T.

(1)  $\angle PTO$ 的大小=\_\_\_\_\_ (度);

(2) 请在如图所示的网格中, 用无刻度的直尺, 画出线段PT. 并简要说明点T的位置是如何找到的 (不要求证明) \_\_\_\_\_.



### 三、解答题 (本大题共7小题, 共66分。解答应写出文字说明、演算步骤或推理过程)

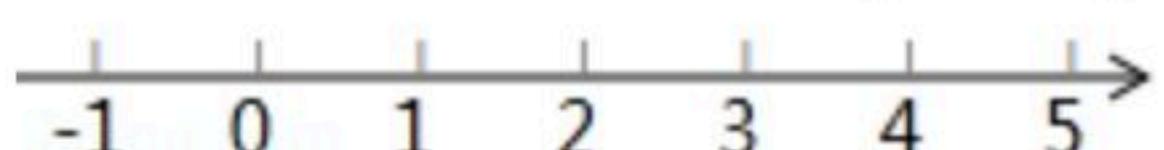
19. 解不等式组.

请结合题意填空, 完成本题的解答.

(1) 解不等式①, 得\_\_\_\_\_;

(2) 解不等式②, 得\_\_\_\_\_;

(3) 把不等式①和②的解集在数轴上表示出来;

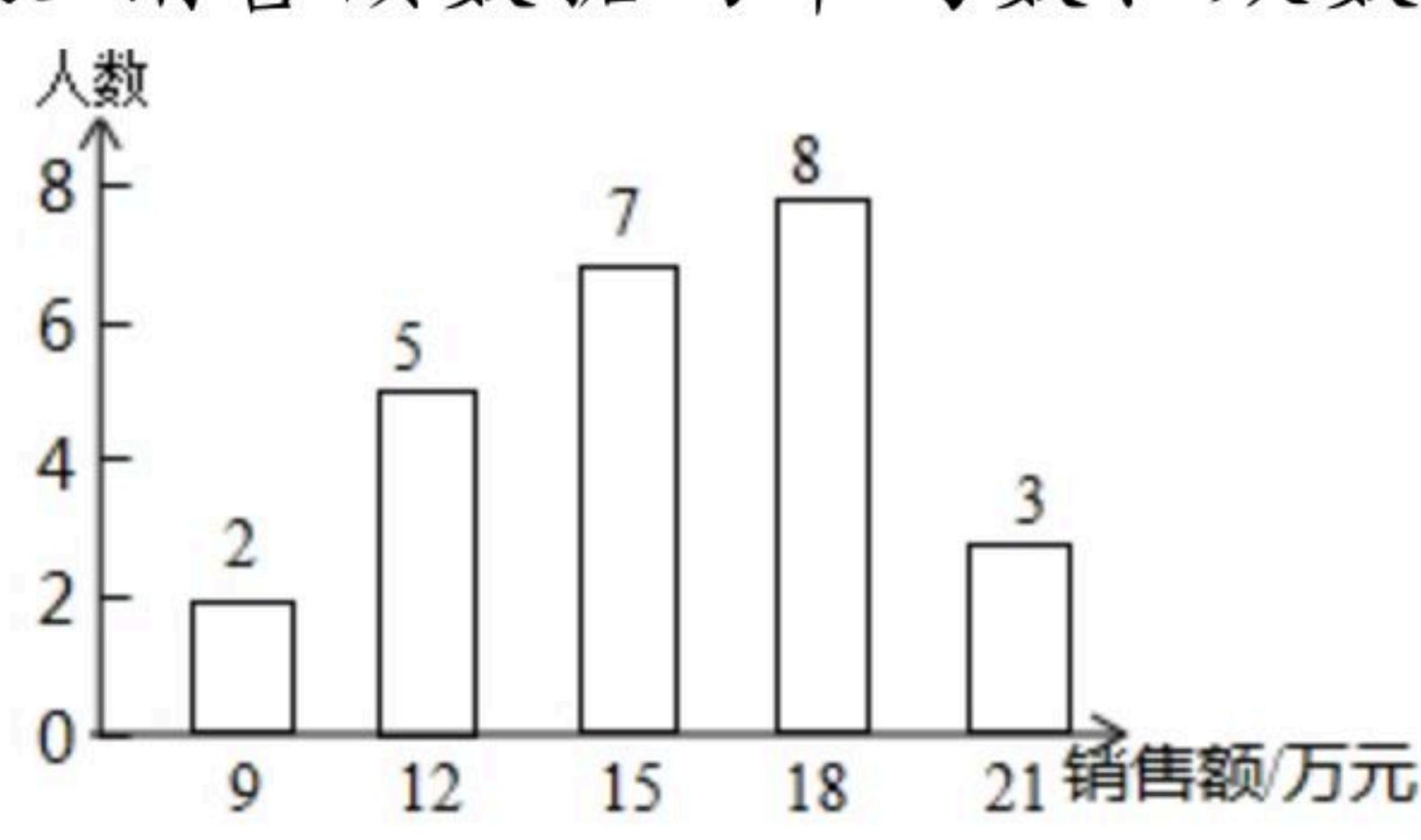
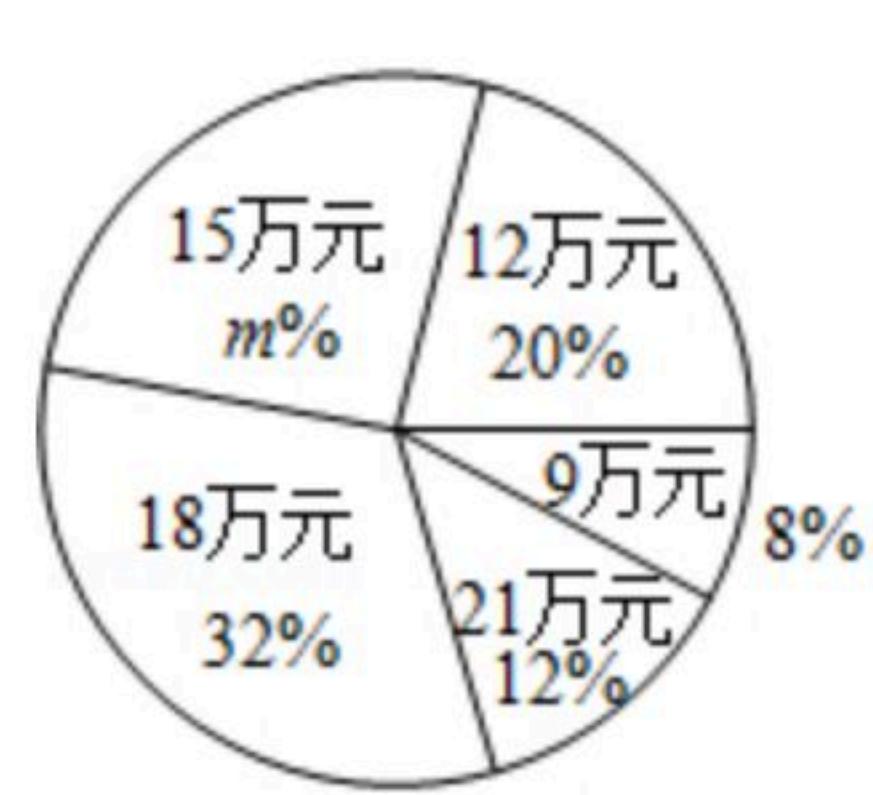


(4) 原不等式组的解集为\_\_\_\_\_.

20. 某商场服装部为了解服装的销售情况, 统计了每位营业员在某月的销售额 (单位: 万元), 并根据统计的这组销售额数据, 绘制出统计图①和图②. 请根据相关信息, 解答下列问题:

(1) 该商场服装部营业员的人数为\_\_\_\_\_, 图①中m的值为\_\_\_\_\_;

(2) 求统计的这组销售额数据的平均数、众数和中位数.



图①

图②

21. 已知AB是 $\odot O$ 的直径, CD是 $\odot O$ 的弦, 连接BD.



扫码查看解析

- (1) 如图①, 连接 $OC$ ,  $AD$ . 若 $\angle ADC=56^\circ$ , 求 $\angle CDB$ 及 $\angle COB$ 的大小;  
(2) 如图②, 过点 $C$ 作 $DB$ 的垂线, 交 $DB$ 的延长线于点 $E$ , 连接 $OD$ . 若 $\angle ABD=2\angle CDB$ ,  $\angle ODC=20^\circ$ , 求 $\angle DCE$ 的大小.

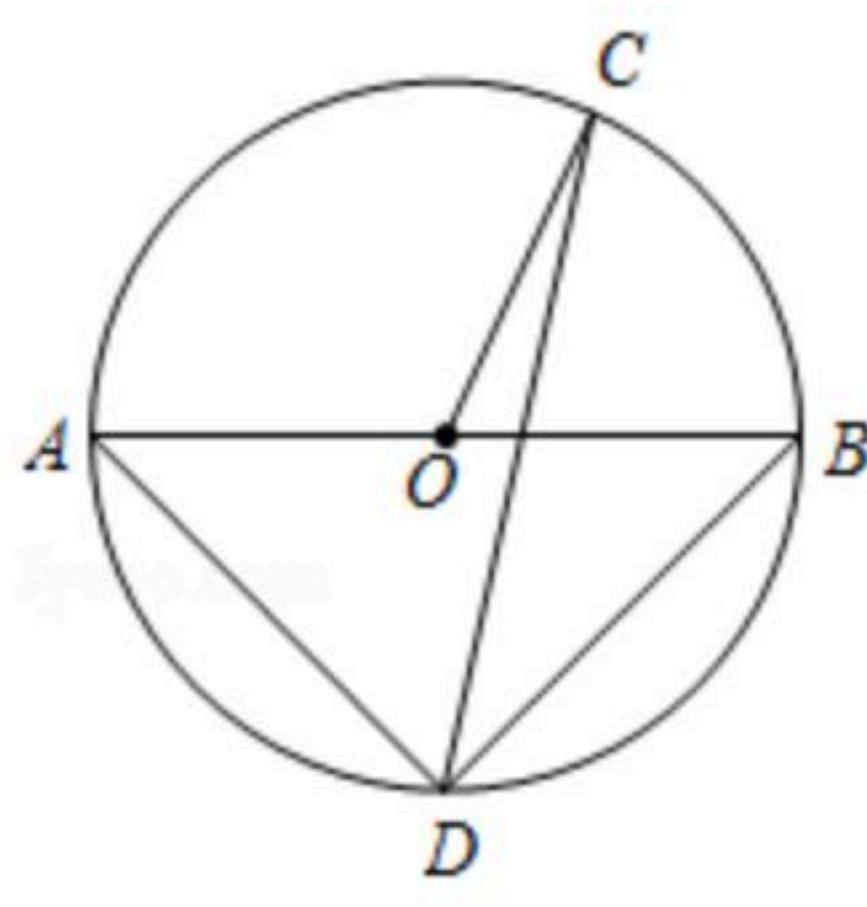


图1

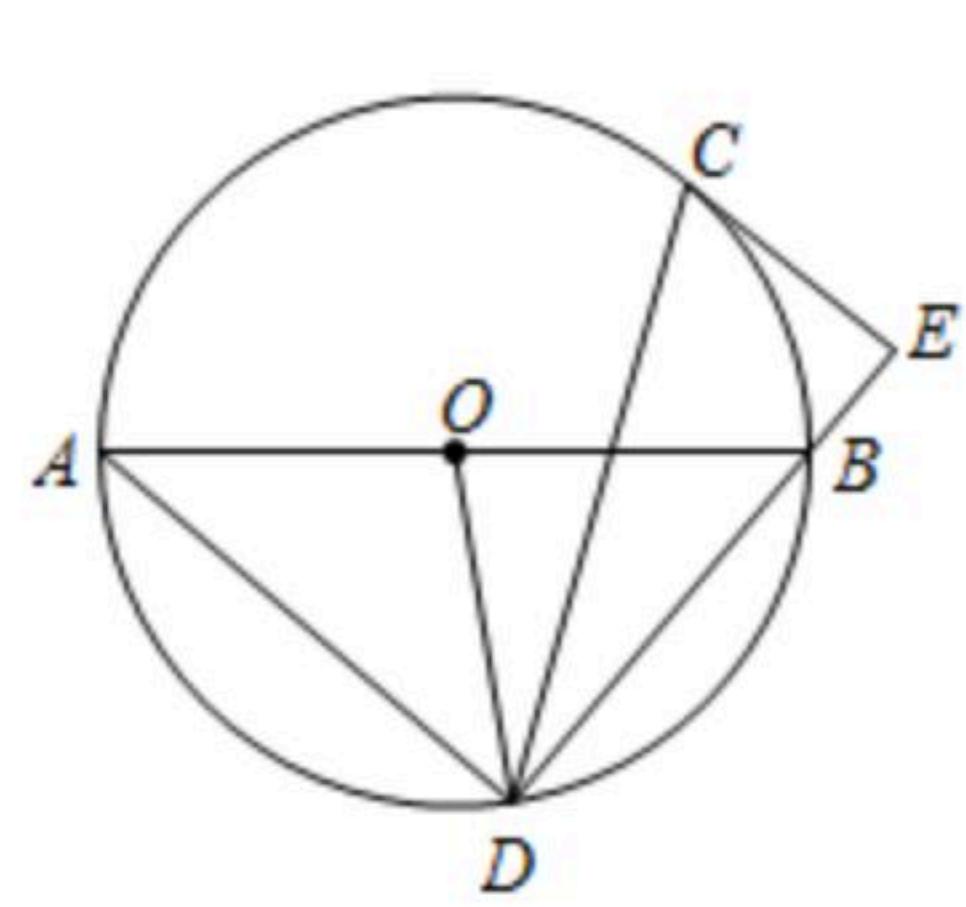
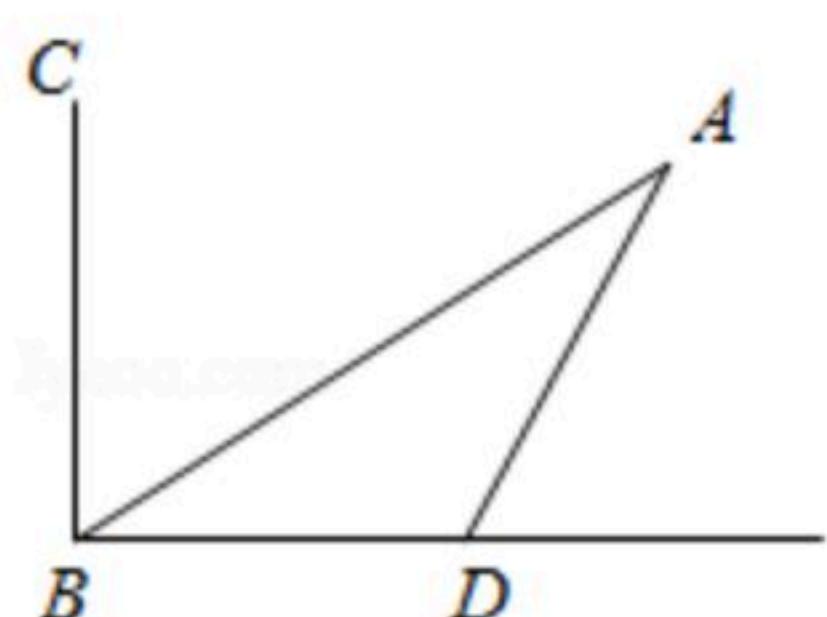


图2

22. 如图, 海中有一个小岛 $A$ , 它的周围 $8nmile$ 内有暗礁, 渔船跟踪鱼群由西向东航行, 在 $B$ 点测得小岛 $A$ 在北偏东 $60^\circ$ 方向上, 航行 $10nmile$ 到达 $D$ 点, 这时测得小岛 $A$ 在北偏东 $30^\circ$ 方向上, 如果渔船不改变航线继续向东航行, 有没有触礁的危险?



23.  $A$ 市和 $B$ 市分别有库存某种机器 $12$ 台和 $6$ 台, 现决定支援 $C$ 市 $10$ 台,  $D$ 市 $8$ 台. 已知从 $A$ 市调运一台机器到 $C$ 市、 $D$ 市的运费分别为 $130$ 元和 $200$ 元; 从 $B$ 市调运一台机器到 $C$ 市、 $D$ 市的运费分别为 $100$ 元和 $150$ 元.

(1) 填空:

若从 $A$ 市运往 $C$ 市机器 $5$ 台,

①从 $A$ 市运往 $D$ 市机器 \_\_\_\_\_ 台;

②从 $B$ 市运往 $C$ 市机器 \_\_\_\_\_ 台;

③从 $B$ 市运往 $D$ 市机器 \_\_\_\_\_ 台;

(2) 填空:

设从 $A$ 市运往 $C$ 市机器 $x$ 台, 总运费为 $y$ 元,

①从 $A$ 市运往 $D$ 市机器 \_\_\_\_\_ 台;

②从 $B$ 市运往 $C$ 市机器 \_\_\_\_\_ 台;

③从 $B$ 市运往 $D$ 市机器 \_\_\_\_\_ 台;

④总运费 $y$ 关于 $x$ 的函数关系式为 $y=$  \_\_\_\_\_ ;

⑤若总运费不超过 $2650$ 元, 共有 \_\_\_\_\_ 种不同的调运方案.

(3) 求使总运费最低的调运方案, 最低总运费是多少?

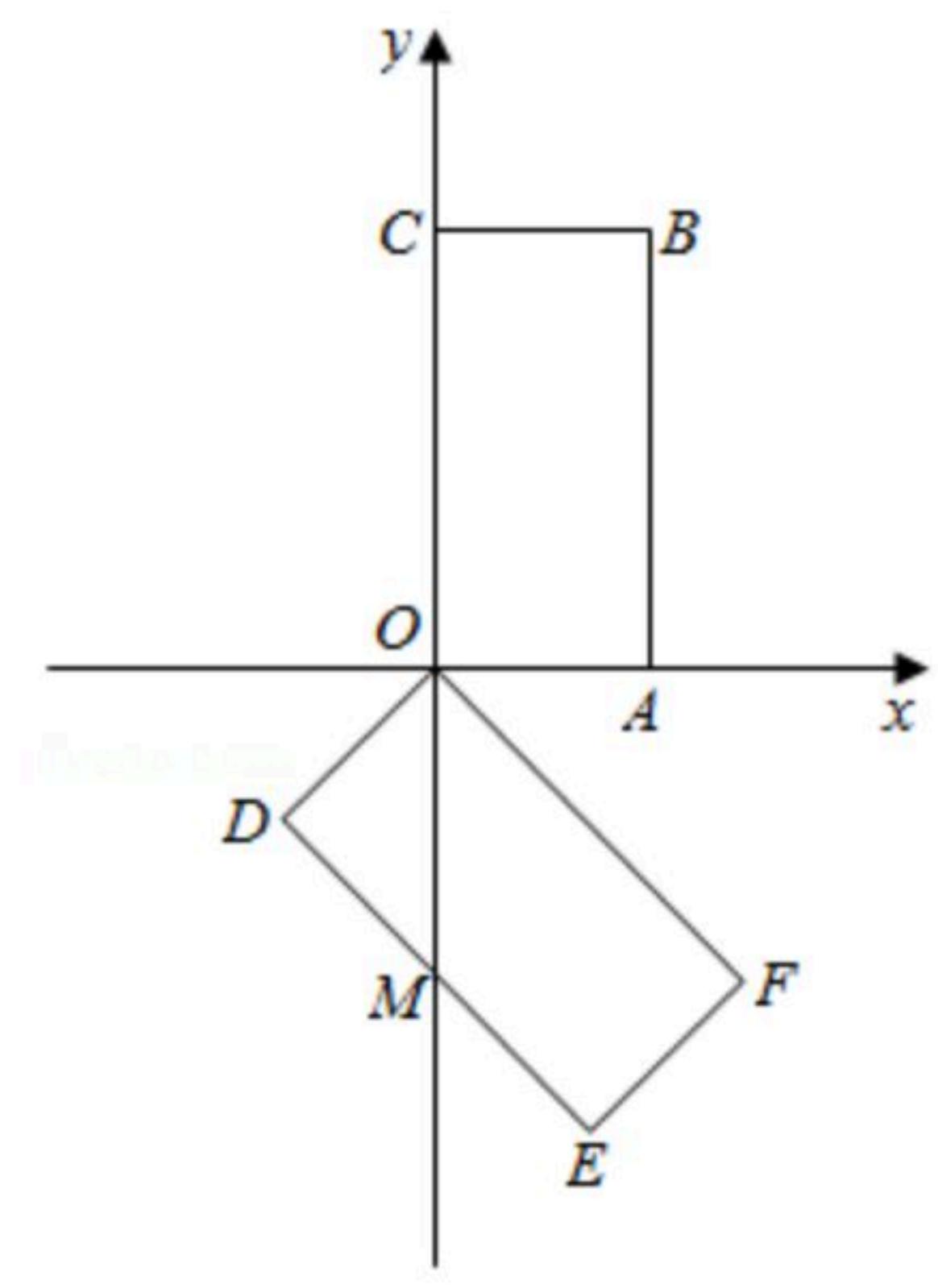
24. 已知矩形 $OABC$ 在平面直角坐标系中, 点 $A(1,0)$ , 点 $C(0,2)$ , 点 $O(0,0)$ , 把矩形 $OABC$ 绕点 $O$ 顺时针旋转 $135^\circ$ , 得到矩形 $ODEF$ , 点 $A$ ,  $B$ ,  $C$ 的对应点分别为 $D$ ,  $E$ ,  $F$ .  $DE$ 交 $y$ 轴于点



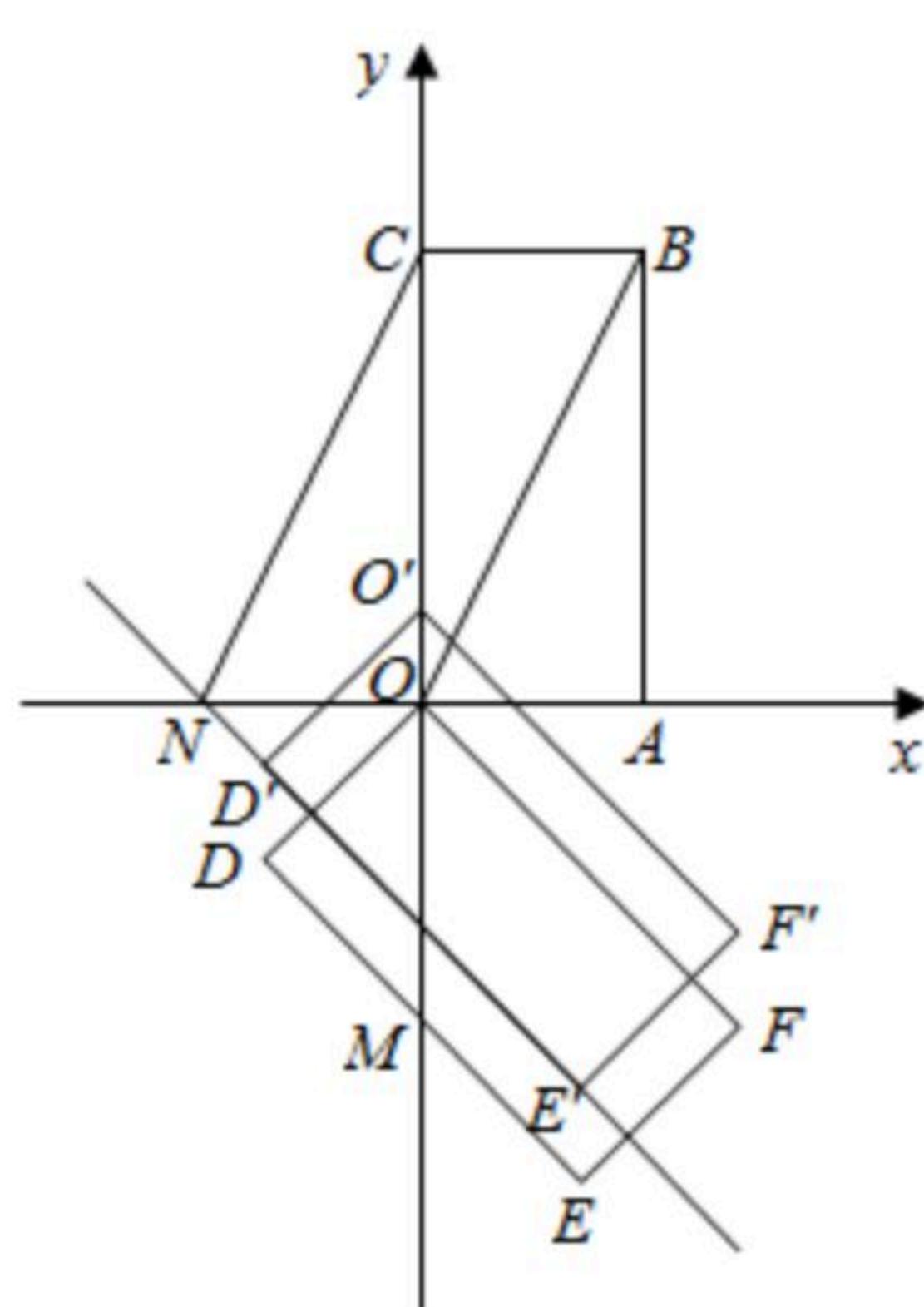
扫码查看解析

M.

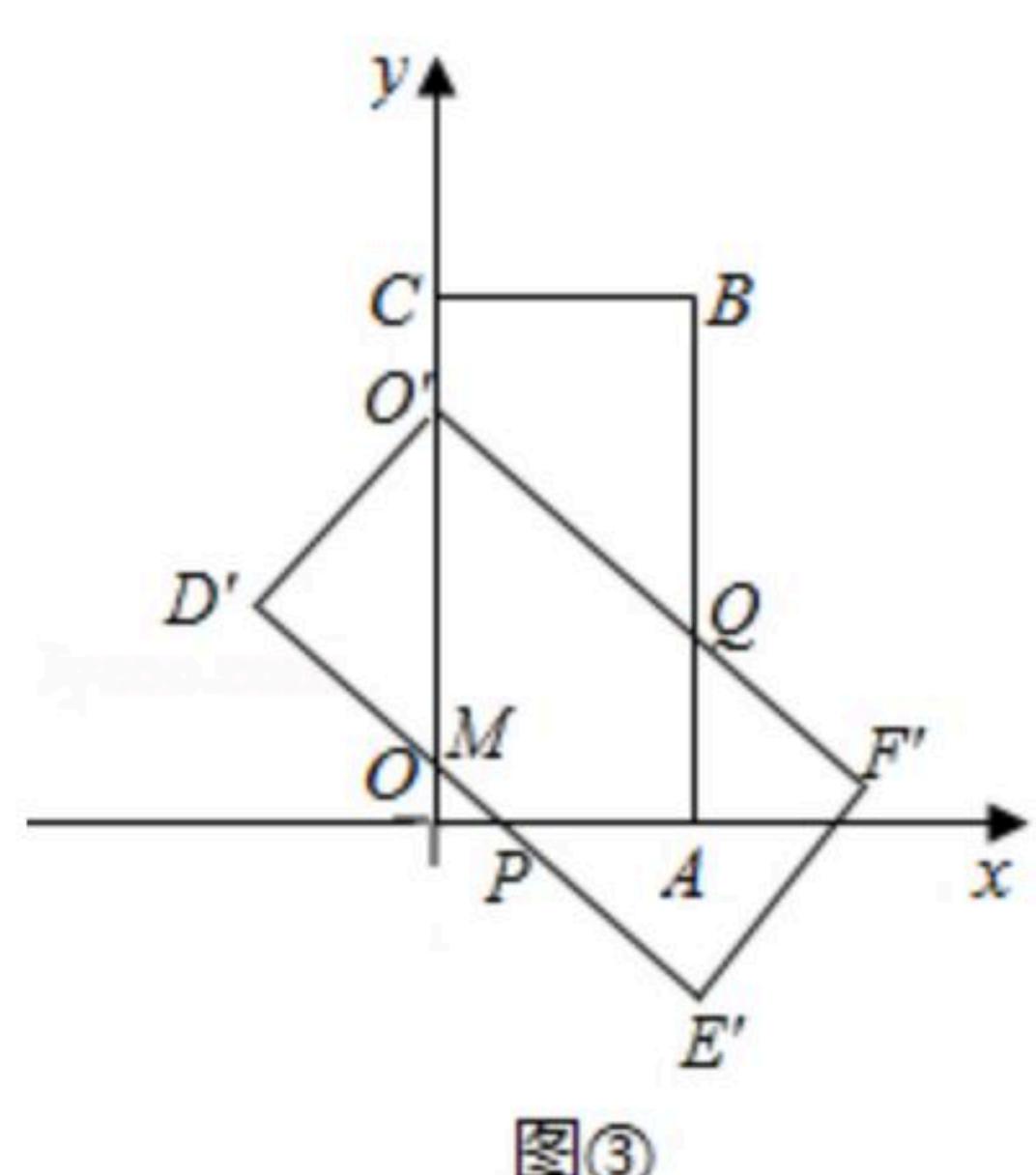
- (1) 如图①, 求 $\angle FOM$ 的大小及 $OM$ 的长;
- (2) 将矩形 $ODEF$ 沿 $y$ 轴向上平移, 得到矩形 $O'D'E'F'$ , 点 $O, D, E, F$ 的对应点分别为 $O', D', E', F'$ . 设 $OO'=t(0 < t \leq 2)$ .
- ①如图②, 直线 $D'E'$ 与 $x$ 轴交于点 $N$ , 若 $CN//BO$ , 求 $t$ 的值;
- ②若矩形 $O'D'E'F'$ 与矩形 $OABC$ 重叠部分面积为 $S$ , 当重叠部分为五边形时, 试用含有 $t$ 的式子表示 $S$ , 并写出 $t$ 的取值范围 (直接写出答案即可).



图①



图②



图③



扫码查看解析