



扫码查看解析

# 2020-2021学年北京市东城区七年级（上）期末试卷

## 数 学

注：满分为100分。

一. 选择题（共10个小题，每小题3分，共30分）第1-10题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

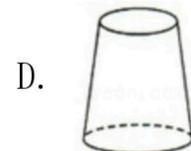
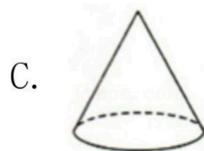
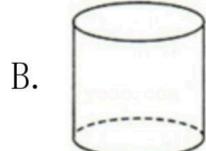
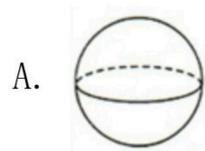
1. 四个有理数 $-\frac{2}{3}$ ,  $-1$ ,  $0$ ,  $1$ , 其中最小的是( )

- A.  $-\frac{2}{3}$                       B.  $-1$                       C.  $0$                       D.  $1$

2. 2020年国庆中秋黄金周非比寻常，八天长假期间，全国共接待国内游客约637000000人次，按可比口径同比恢复79%。将数据637000000用科学记数法表示应为( )

- A.  $6.37 \times 10^8$               B.  $6.37 \times 10^9$               C.  $63.7 \times 10^7$               D.  $0.637 \times 10^9$

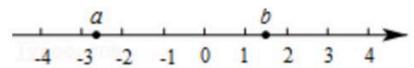
3. 将如图所示的直角梯形绕直线 $l$ 旋转一周，得到的立体图形是( )



4. 下列计算正确的是( )

- A.  $3a+2b=5ab$                       B.  $5ab^2-5a^2b=0$   
C.  $7a+a=7a^2$                       D.  $-ab+3ba=2ab$

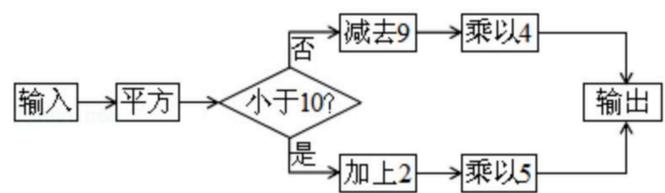
5. 若有理数 $a$ ,  $b$ 在数轴上的对应点的位置如图所示，则正确的结论是( )



- A.  $a > -2$               B.  $a > -b$               C.  $ab < 0$               D.  $|a| < |b|$

6. 按照如图所示的操作步骤进行计算，若输入的为 $-3$ ，则输出的值为( )

- A.  $0$               B.  $4$               C.  $55$               D.  $60$



7. 一副三角板按如图所示的方式摆放，且 $\angle 1$ 的度数是 $\angle 2$ 的3倍，则 $\angle 2$ 的度数为( )

- A.  $20^\circ$                       B.  $22.5^\circ$                       C.  $25^\circ$                       D.  $67.5^\circ$



8. 已知点 $C$ 在线段 $AB$ 上，点 $D$ 在线段 $AB$ 的延长线上，若 $AC=5$ ,  $BC=3$ ,  $BD=\frac{1}{4}AB$ , 则 $CD$ 的长为( )



扫码查看解析

- A. 2                      B. 5                      C. 7                      D. 5或1

9. 已知 $x$ 、 $y$ 满足方程组  $\begin{cases} x+5y=12 \\ 3x-y=4 \end{cases}$ ，则 $x+y$ 的值为( )

- A. -4                      B. 4                      C. -2                      D. 2

10. 南锣鼓巷是全国首个引导游客开展垃圾分类的特色商业街区. 据统计, 街区每天产生垃圾中量最大的就是餐馆产生的厨余垃圾, 而垃圾总量是厨余垃圾的2倍少6吨. “十一”期间南锣鼓巷主街商户劝导食客开展“光盘行动”后, 每天能减少6吨厨余垃圾, 现在的厨余垃圾相当于“光盘行动”前垃圾总重量的三分之一. 设“光盘行动”前每天产生厨余垃圾 $x$ 吨, 可列方程为( )

- A.  $x-6=\frac{1}{3}(2x-6)$                       B.  $x+6=\frac{1}{3}(2x-6)$   
 C.  $\frac{1}{3}(x-6)=2x-6$                       D.  $\frac{1}{3}(x+6)=2x-6$

**二、填空题 (共8个小题, 每小题2分, 共16分)**

11. 单项式 $-2xy^2$ 的系数是\_\_\_\_\_，次数是\_\_\_\_\_.

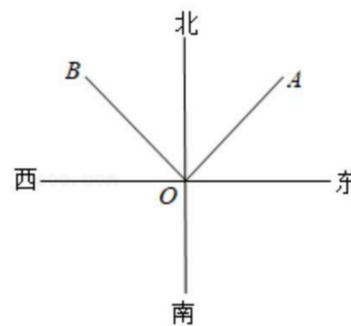
12. 已知 $x=2$ 是方程 $2x-5=x+m$ 的解, 则 $m$ 的值是\_\_\_\_\_.

13. 已知 $m-3n=2$ , 则 $5-2m+6n$ 的值为\_\_\_\_\_.

14. 等式 $ax-3x=3$ 中, 若 $x$ 是正整数, 则整数 $a$ 的取值是\_\_\_\_\_.

15. 若一个角的余角是它的补角的 $\frac{1}{6}$ , 则这个角的度数为\_\_\_\_\_.

16. 如图所示, 甲、乙两艘轮船从港口 $O$ 出发, 当分别行驶到 $A$ 、 $B$ 处时, 经测量, 甲船位于港口的北偏东 $44^\circ$ 方向, 乙船位于港口的北偏西 $46^\circ$ 方向, 则 $\angle AOB$ 等于\_\_\_\_\_度.



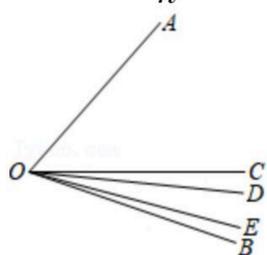
17. 已知 $A$ 、 $B$ 、 $C$ 为直线 $l$ 上的三点, 如果线段 $AB=3cm$ ,  $BC=6cm$ , 那么 $A$ 、 $C$ 两点间的距离为\_\_\_\_\_.



扫码查看解析

18. 如图, 在  $\angle AOB$  的内部有 3 条射线  $OC$ 、 $OD$ 、 $OE$ , 若  $\angle AOC=50^\circ$ ,  $\angle BOE=\frac{1}{n}\angle BOC$ ,

$\angle BOD=\frac{1}{n}\angle AOB$ , 则  $\angle DOE=$ \_\_\_\_\_  $^\circ$  (用含  $n$  的代数式表示).



### 三、解答题 (本题共分)

19. 计算题:

(1)  $|-12| - (-18) + (-7) + 6$ ;

(2)  $-1^2 - (-32) \times (\frac{3}{4} - 2\frac{1}{2} + 1\frac{5}{8})$ ;

(3)  $\frac{1}{6} \times [1 - (-3)^2] \div (-\frac{1}{3})$ .

20. 解方程或方程组:

(1)  $7 - 2x = 3 - 4(x - 2)$ ;

(2)  $\frac{2x+1}{3} - \frac{5x-1}{6} = 1$ ; (按求解方程并在括号里注明此步依据)

解: 去分母, 得\_\_\_\_\_ . (\_\_\_\_\_)

去括号, 得\_\_\_\_\_ . (\_\_\_\_\_)

移项, 得\_\_\_\_\_ . (\_\_\_\_\_)

合并同类项, 得\_\_\_\_\_ .

系数化为“1”, 得\_\_\_\_\_ .

(3)  $\begin{cases} 5x+2y=25 \\ 3x+4y=15 \end{cases}$

21. 已知  $A=2a^2+3ab-2a-1$ ,  $B=-a^2+ab+2$ .

(1) 化简:  $4A - (3A - 2B)$ ;

(2) 若(1)中式子的值与  $a$  的取值无关, 求  $b$  的值.

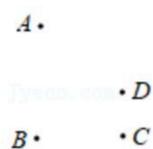
22. 作图题: (截取用圆规, 并保留痕迹)

如图, 平面内有四个点  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$ . 根据下列语句画图:

① 画直线  $BC$ ;

② 画射线  $AD$  交直线  $BC$  于点  $E$ ;

③ 连接  $BD$ , 用圆规在线段  $BD$  的延长线上截取  $DF=BD$ ;

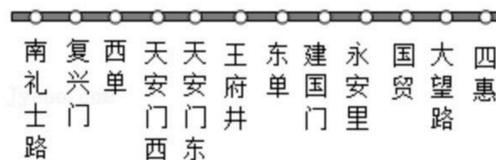




扫码查看解析

④在图中确定点O, 使点O到点A, B, C, D的距离之和最小.

23. 如图为北京市地铁1号线地图的一部分, 某天, 小王参加志愿者服务活动, 从西单站出发, 到从A站出站时, 本次志愿者服务活动结束. 如果规定向东为正, 向西为负, 当天的乘车站数按先后顺序依次记录如下(单位: 站):



+4, -3, +6, -8, +9, -2, -7, +1.

(1) 请通过计算说明A站是哪一站?

(2) 若相邻两站之间的平均距离为1.2千米, 求这次小王志愿服务期间乘坐地铁行进的总路程约是多少千米?

24. 补全解题过程: 如图, 已知线段AB=6, 延长AB至C, 使BC=2AB, 点P、Q分别是线段AC和AB的中点, 求PQ的长.



解:  $\because BC=2AB, AB=6,$

$\therefore BC=2 \times 6=12,$

$\therefore AC= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} =6+12=18,$

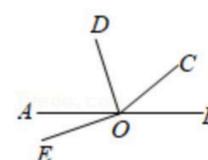
$\because$  点P、Q分别是线段AC和AB的中点,

$\therefore AP=\frac{1}{2} \underline{\hspace{2cm}} =\frac{1}{2} \times 18=9,$

$AQ=\frac{1}{2} \underline{\hspace{2cm}} =\frac{1}{2} \times 6=3,$

$\therefore PQ= \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}} =9-3=6.$

25. 如图, 点O为直线AB上一点,  $\angle BOC=36^\circ,$  OD平分 $\angle AOC,$   $\angle DOE=90^\circ,$  求 $\angle AOE$ 的度数.



26. 我们规定: 若关于x的一元一次方程 $a+x=b(a \neq 0)$ 的解为 $x=\frac{b}{a},$  则称该方程为“商解方程”.

例如:  $2+x=4$ 的解为 $x=2$ 且 $2=\frac{4}{2},$  则方程 $2+x=4$ 是“商解方程”. 请回答下列问题:

题:

(1) 判断 $3+x=4.5$ 是不是“商解方程”;

(2) 若关于x的一元一次方程 $4+x=2(m-3)$ 是“商解方程”, 求m的值.

#### 四、列方程或方程组解应用题 (第27题4分, 第28题6分, 共10分)

27. 自动驾驶汽车是一种通过电脑系统实现无人驾驶的智能汽车. 某出租车公司拟在今明两年共投资9000万元改造260辆无人驾驶出租车投放市场. 今年每辆无人驾驶出租车的改造费用是50万元, 预计明年每辆无人驾驶出租车的改造费用可下降50%. 求明年改造的



扫码查看解析

无人驾驶出租车是多少辆.

28. 某校七年级准备观看电影《我和我的祖国》，由各班班长负责买票，每班人数都多于40人，票价每张30元，一班班长问售票员买团体票是否可以优惠，售票员说：40人以上的团体票有两种优惠方案可选择：

方案一：全体人员可打8折；方案2：若打9折，有5人可以免票.

(1)若二班有41名学生，则他该选择哪个方案？

(2)一班班长思考一会儿说，我们班无论选择哪种方案要付的钱是一样的，你知道一班有多少人吗？



扫码查看解析