



扫码查看解析

2019-2020学年河南省郑州市八年级（上）期末试卷

数 学

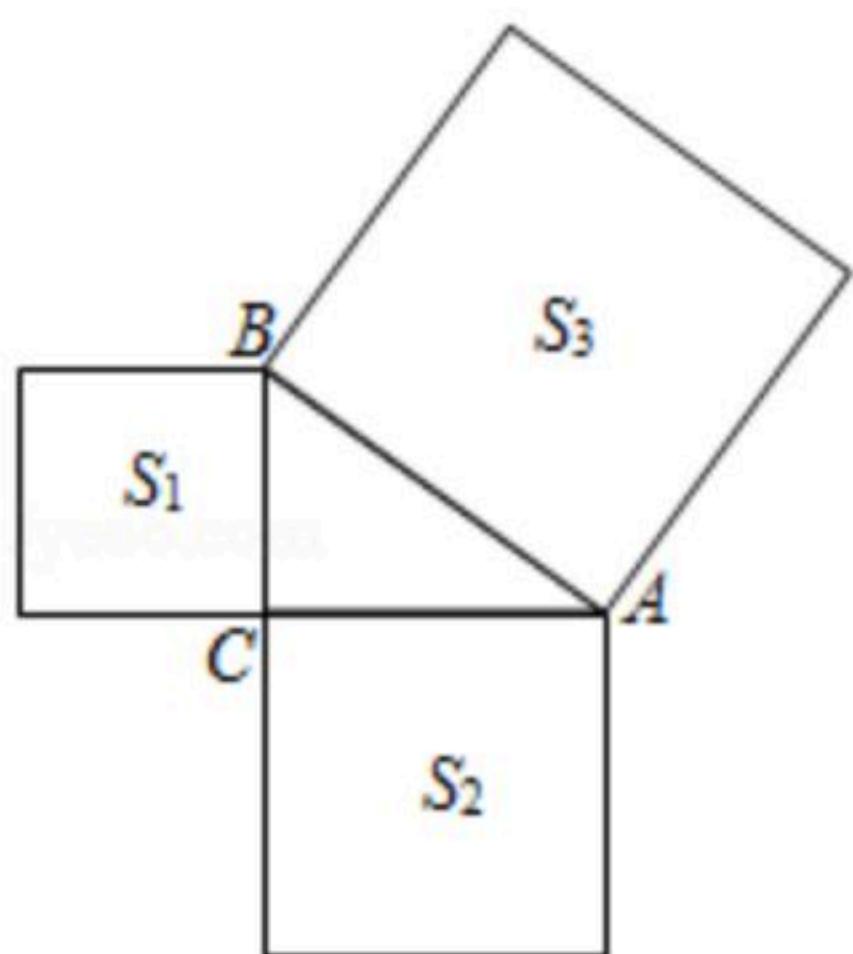
注：满分为100分。

一、选择题（共10小题，每小题3分，共30分）

1. 下列各数中，（ ）是无理数。

- A. 0 B. -2 C. $\frac{\pi}{2}$ D. 0.4

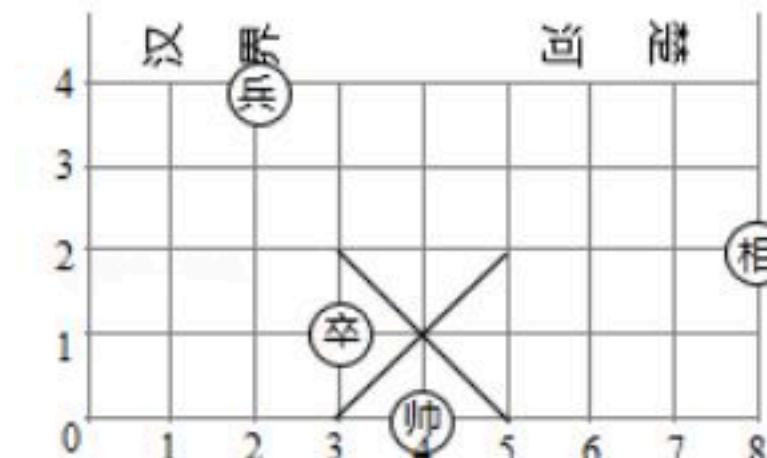
2. 如图， $\angle ACB=90^\circ$ ，以 $\triangle ABC$ 的三边为边向外作正方形，其面积分别为 S_1 , S_2 , S_3 ，且 $S_1=1$, $S_2=3$ ，则 S_3 为（ ）



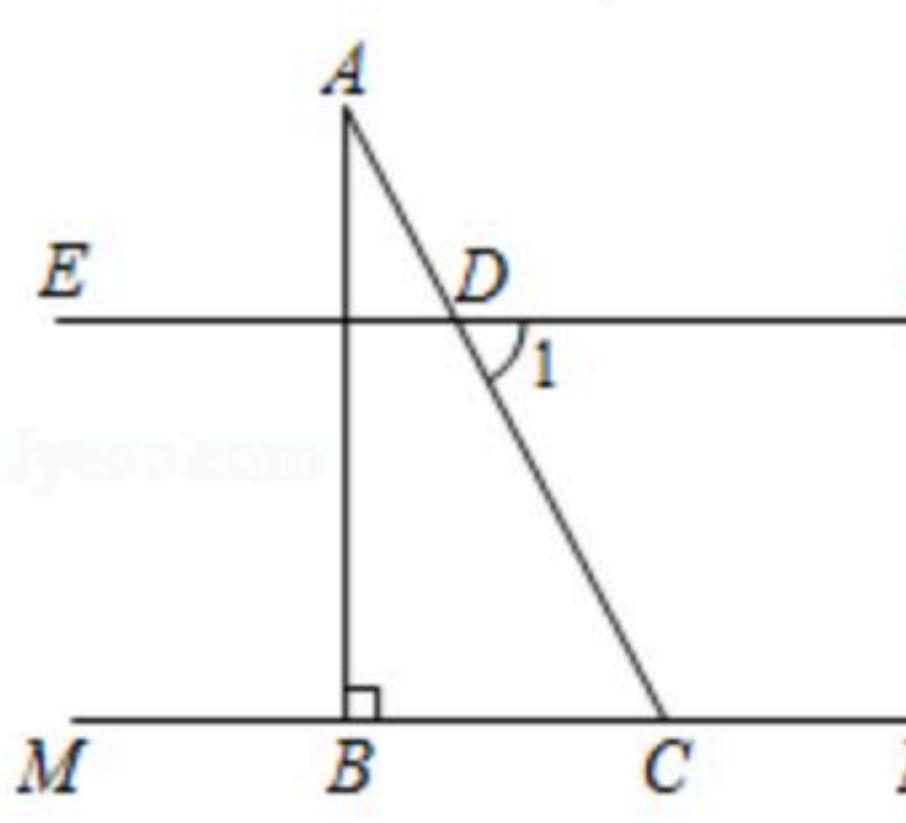
- A. 3 B. 4 C. 5 D. 9

3. 如图，在中国象棋棋盘中，如果将“卒”的位置记作(3, 1)，那么“相”的位置可记作（ ）

- A. (2, 8) B. (2, 4) C. (8, 2) D. (4, 2)

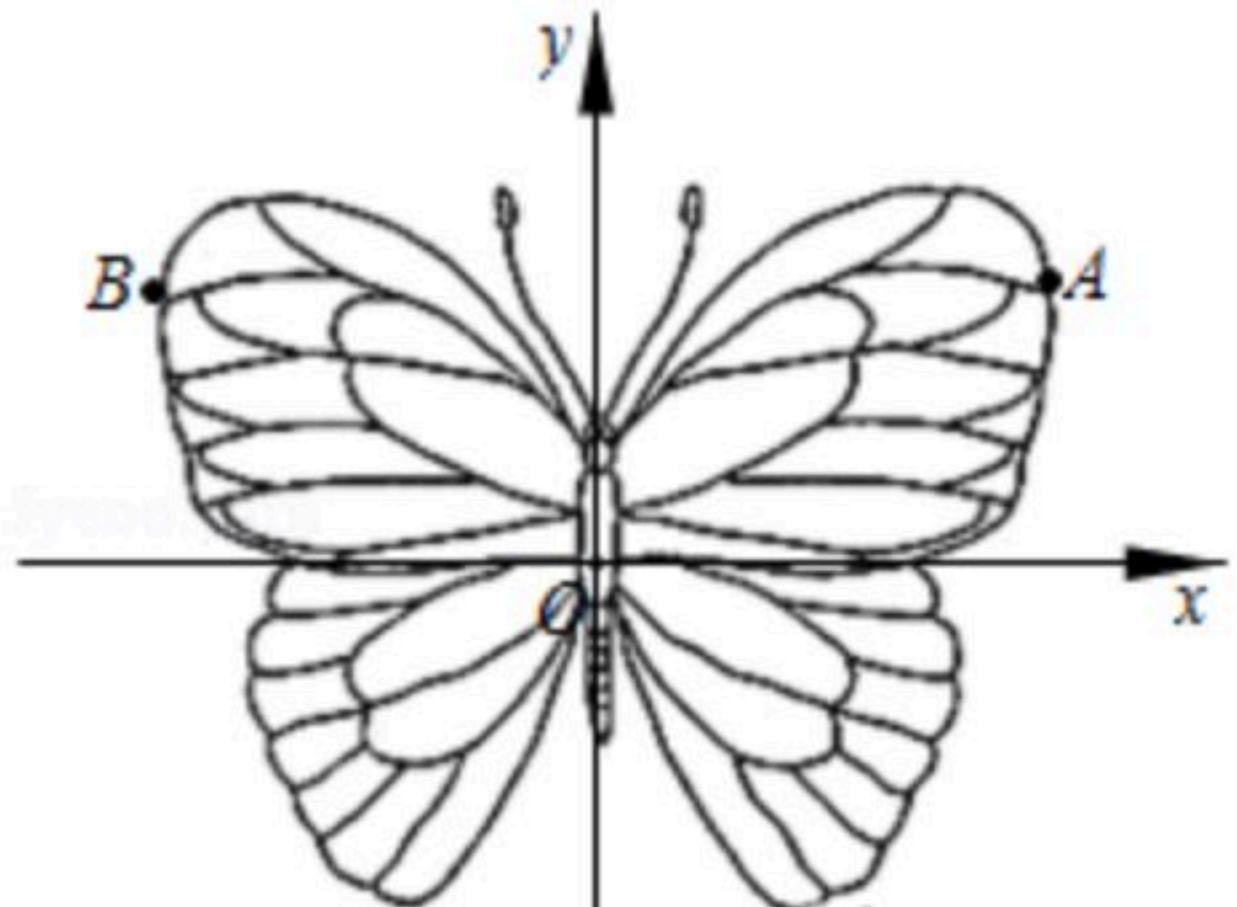


4. 已知直线 $MN//EF$ ，一个含 30° 角的直角三角尺 ABC ($AB>BC$)如图叠放在直线 MN 上，斜边 AC 交 EF 于点 D ，则 $\angle 1$ 的度数为（ ）



- A. 30° B. 45° C. 50° D. 60°

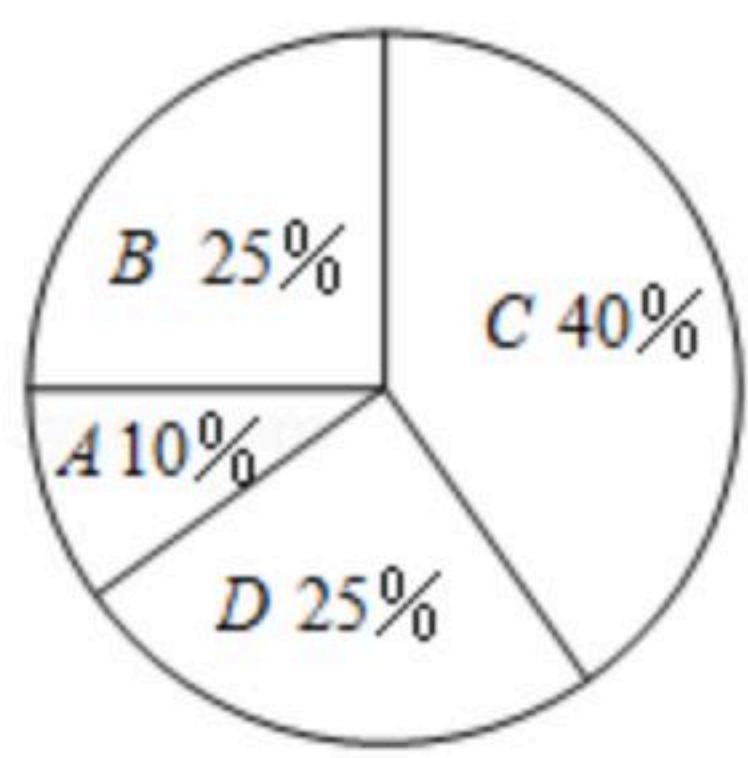
5. 蝴蝶标本可以近似地看做轴对称图形。如图，将一只蝴蝶标本放在平面直角坐标系中，如果图中点A的坐标为(5, 3)，则其关于y轴对称的点B的坐标为（ ）



- A. (5, -3) B. (-5, 3) C. (-5, -3) D. (3, 5)

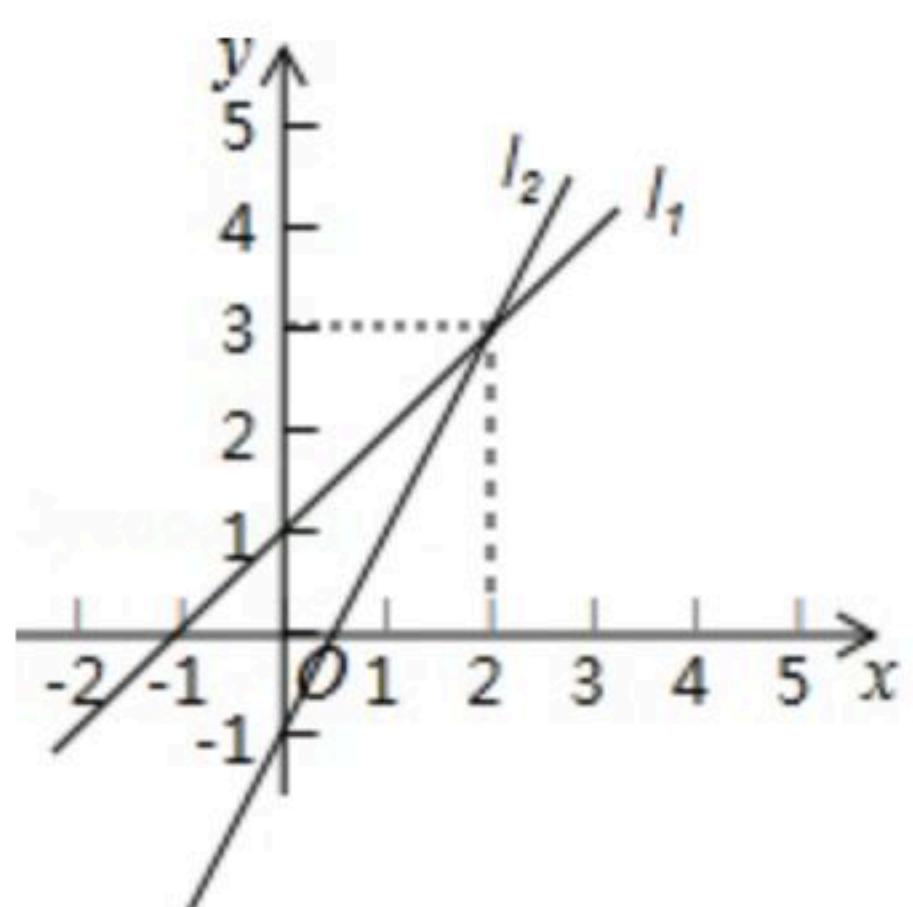


6. 某文具超市有 A , B , C , D 四种水笔销售, 它们的单价分别是5元, 4元, 3元, 1.2元. 某天的水笔销售情况如图所示, 那么这天该文具超市销售的水笔的单价的平均值是()



- A. 4元 B. 4.5元 C. 3.2元 D. 3元

7. 如图, 直线 l_1 、 l_2 的交点坐标可以看做下列方程组()的解.



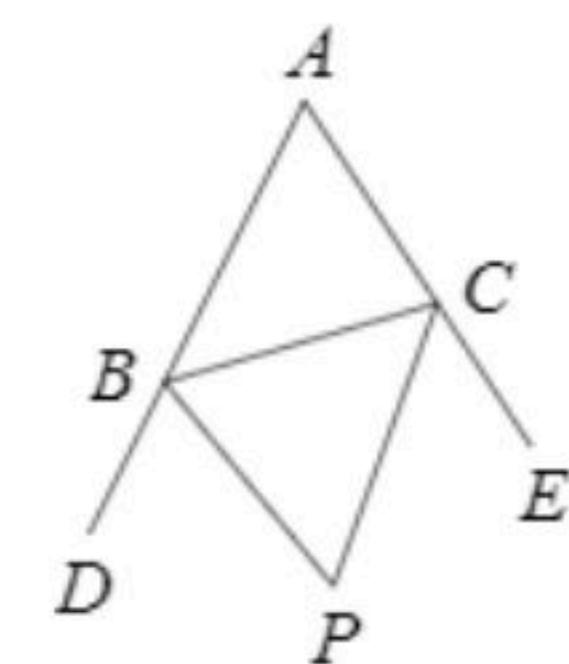
- A. $\begin{cases} y=x+1 \\ y=2x-1 \end{cases}$ B. $\begin{cases} y=x+1 \\ y=2x+1 \end{cases}$ C. $\begin{cases} y=x-1 \\ y=2x-1 \end{cases}$ D. $\begin{cases} y=x-1 \\ y=2x+1 \end{cases}$

8. 下列各命题是真命题的是()

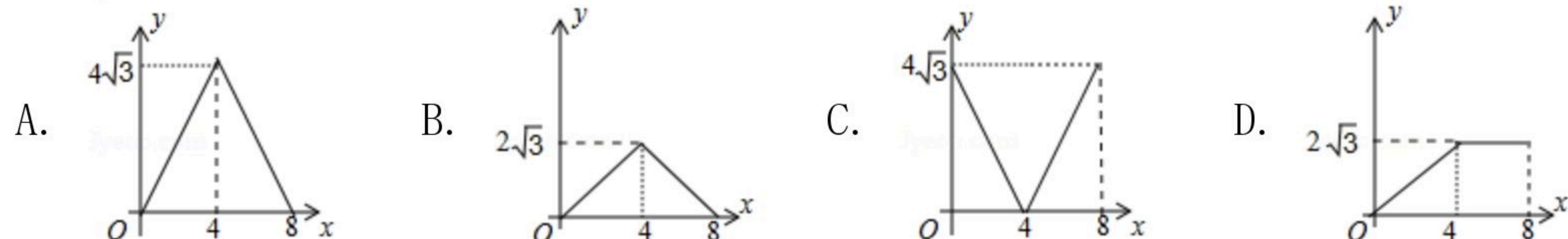
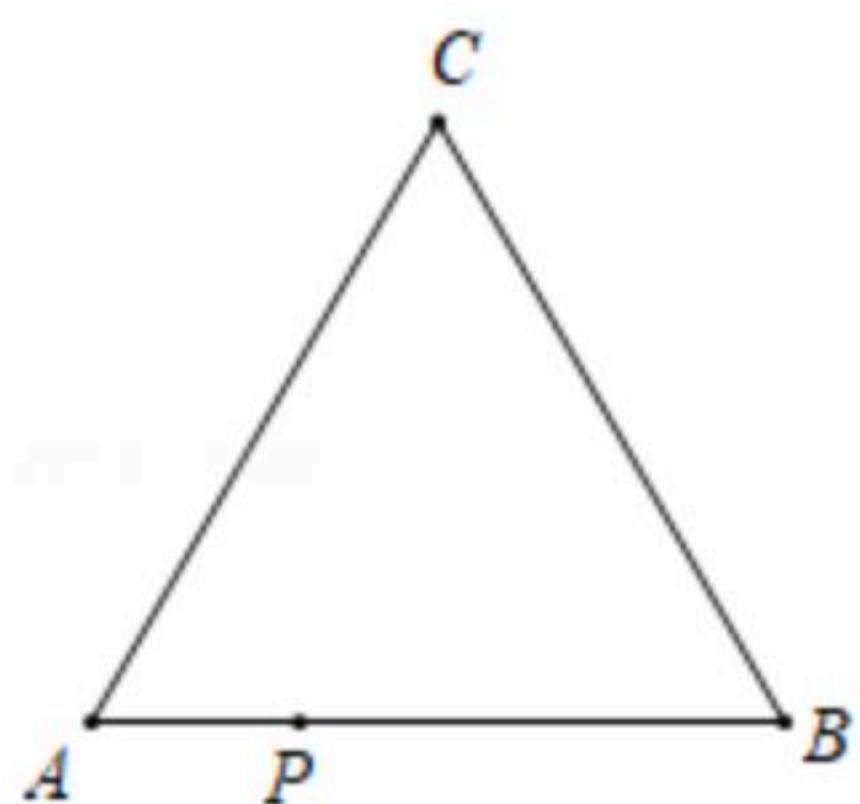
- A. 如果 $a^2=b^2$, 那么 $a=b$
 B. 0.3, 0.4, 0.5是一组勾股数
 C. 两条直线被第三条直线所截, 同位角相等
 D. 三角形的任意两边之和大于第三边

9. 如图, BP 、 CP 是 $\triangle ABC$ 的外角角平分线, 若 $\angle P=60^\circ$, 则 $\angle A$ 的大小为()

- A. 30° B. 60° C. 90° D. 120°



10. 如图, 等边三角形 ABC 中, $AB=4$, 有一动点 P 从点 A 出发, 以每秒一个单位长度的速度沿着折线 $A-B-C$ 运动至点 C , 若点 P 的运动时间记作 t 秒, $\triangle APC$ 的面积记作 S , 则 S 与 t 的函数关系应满足如下图象中的()



二、填空题 (每小题3分, 共15分)



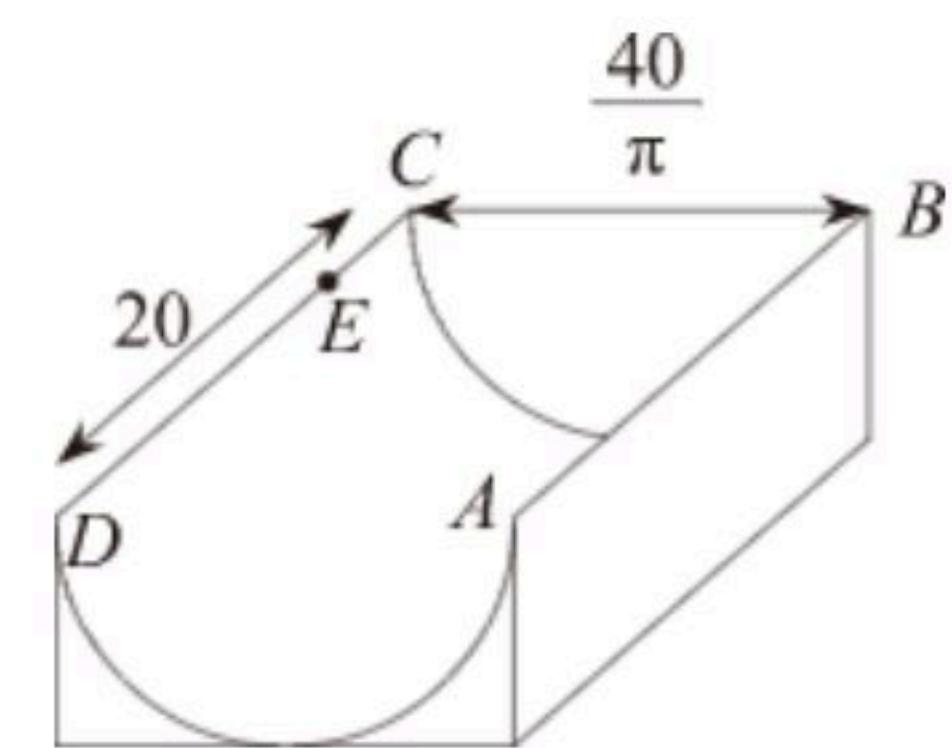
扫码查看解析

11. 计算: $-\sqrt{9}+1=$ _____.

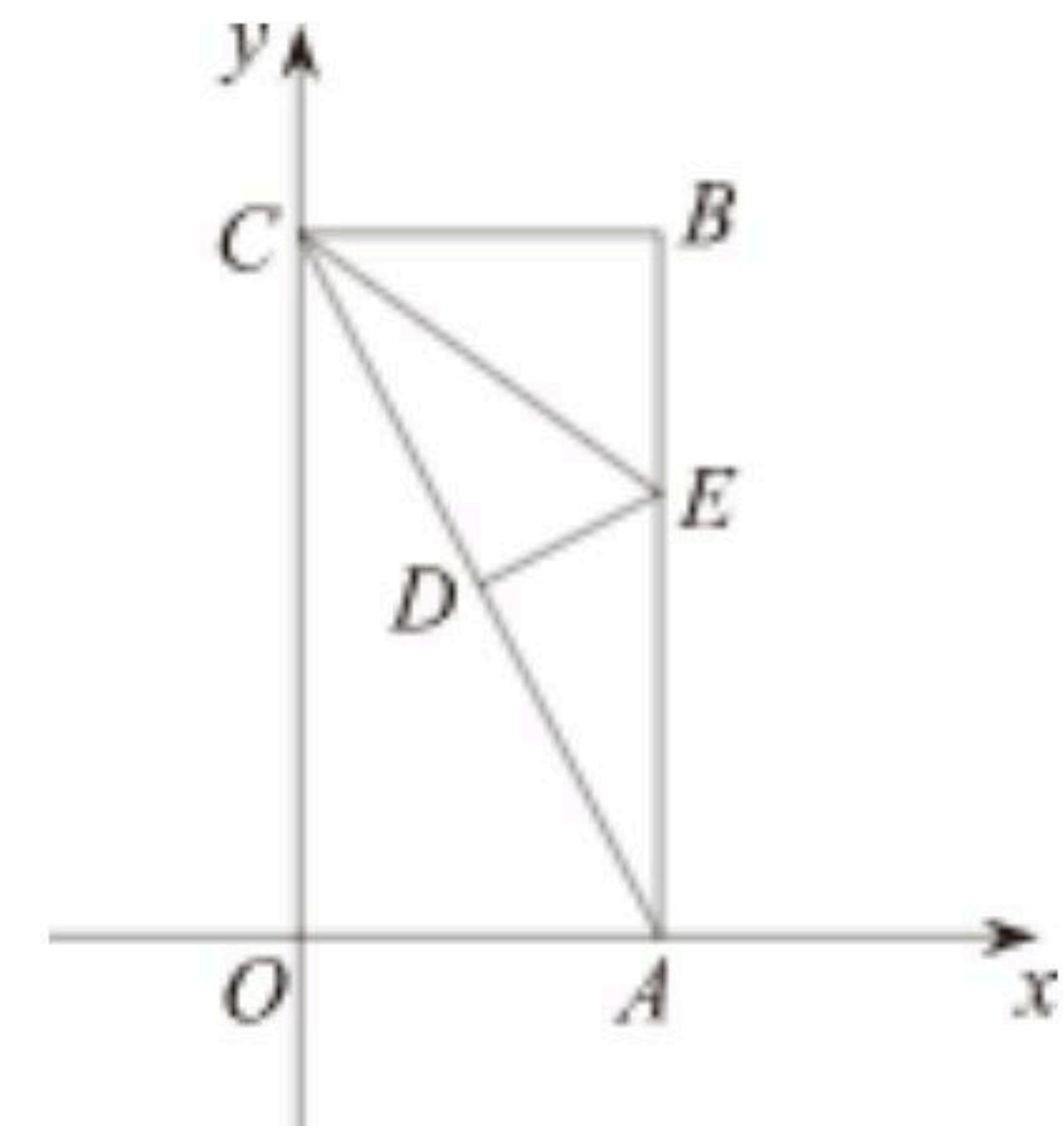
12. 已知变量 y 与 x 满足一次函数关系, 且 y 随 x 的增大而减小, 若其图象与 y 轴的交点坐标为 $(0, 2)$, 请写出一个满足上述要求的函数关系式_____.

13. 命题“如果两条直线都与第三条直线平行, 那么这两条直线也互相平行”中, 条件部分是_____.

14. 如图, 这是一个供滑板爱好者使用的U型池的示意图, 该U型池可以看成是长方体去掉一个“半圆柱”而成, 中间可供滑行部分的截面是直径为 $\frac{40}{\pi}$ m的半圆, 其边缘 $AB=CD=20m$, 点 E 在 CD 上, $CE=5m$, 一滑板爱好者从 A 点滑到 E 点, 则他滑行的最短距离约为_____m. (边缘部分的厚度忽略不计)



15. 如图, 矩形 $OABC$ 在平面直角坐标系内, 其中点 $A(2, 0)$, 点 $C(0, 4)$, 点 D 和点 E 分别位于线段 AC 、 AB 上, 将 $\triangle ABC$ 沿 DE 对折, 恰好能使点 A 与点 C 重合. 若 x 轴上有一点 P , 能使 $\triangle AEP$ 为等腰三角形, 则点 P 的坐标为_____.



三、解答题 (本大题共7小题, 共55分)

16. 阅读下列计算过程, 回答问题.

解方程组: $\begin{cases} 2x-4y=-13 & \text{(1)} \\ 4x+3y=3 & \text{(2)} \end{cases}$

解: ①×2, 得 $4x-8y=-13$ ③ (1)

②-③, 得 $-5y=-10$, $y=2$ (2)

把 $y=2$ 代入①, 得 $2x-8=-13$, $2x=8-13$, $x=\frac{5}{2}$ (3)

∴该方程组的解是 $\begin{cases} x=\frac{5}{2} \\ y=2 \end{cases}$

以上过程有两处关键性错误, 第一次出错在第_____步(填序号), 第二次出错在第_____步(填序号), 以上解法采用了_____消元法.

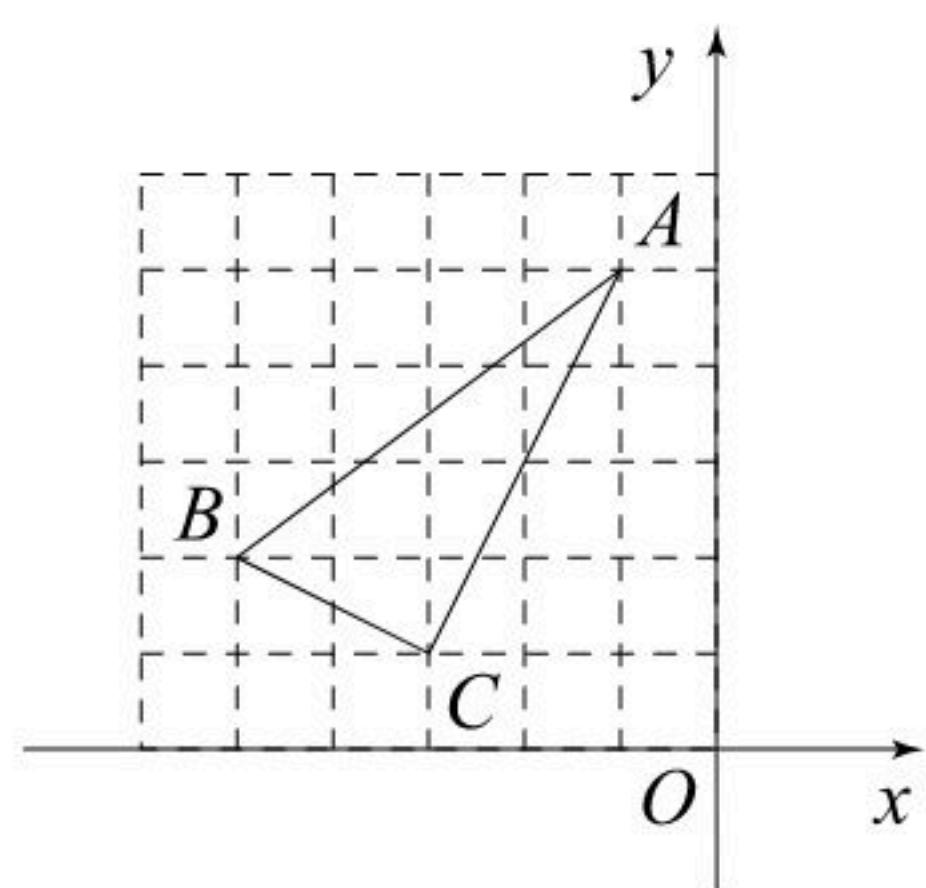
17. 如图, 在平面直角坐标系中, 正方形网格的每个小方格都是边长为1的正方形, $\triangle ABC$ 的顶点都在格点上.

(1)直接写出点 A , B , C 的坐标;

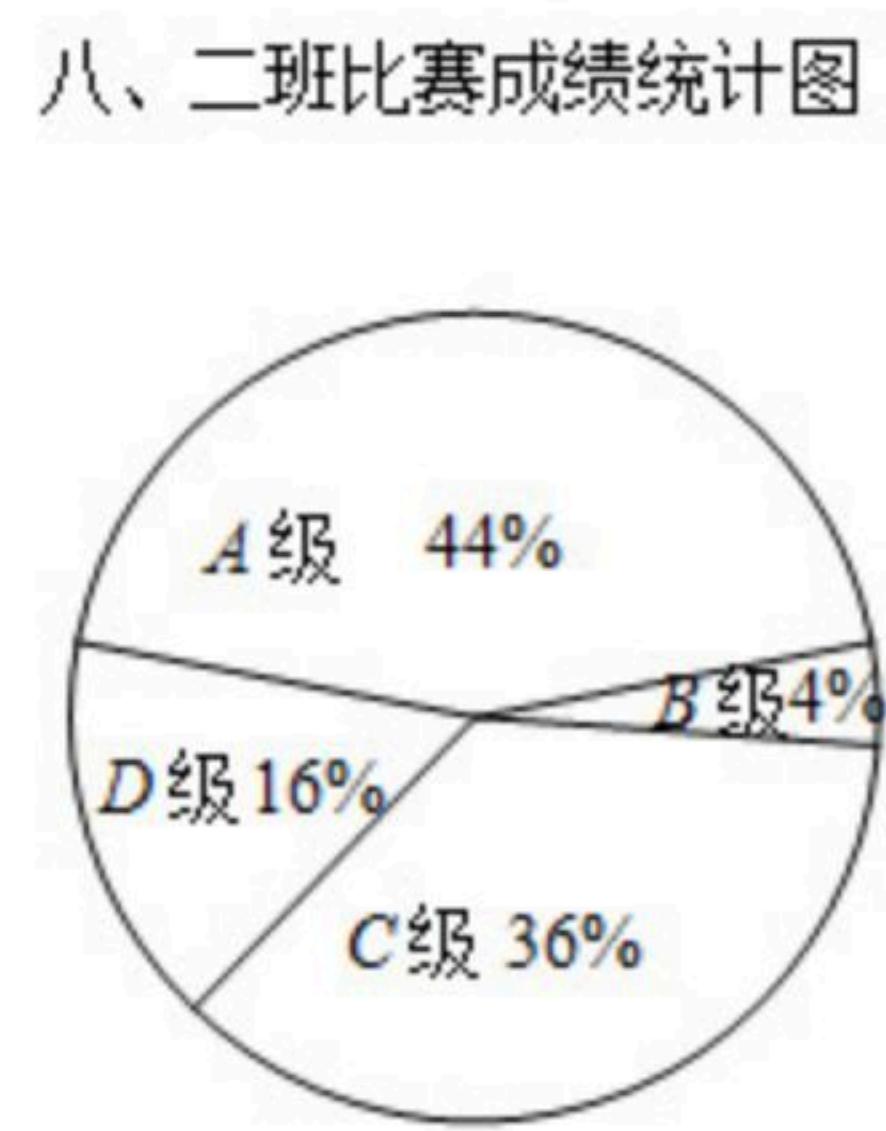
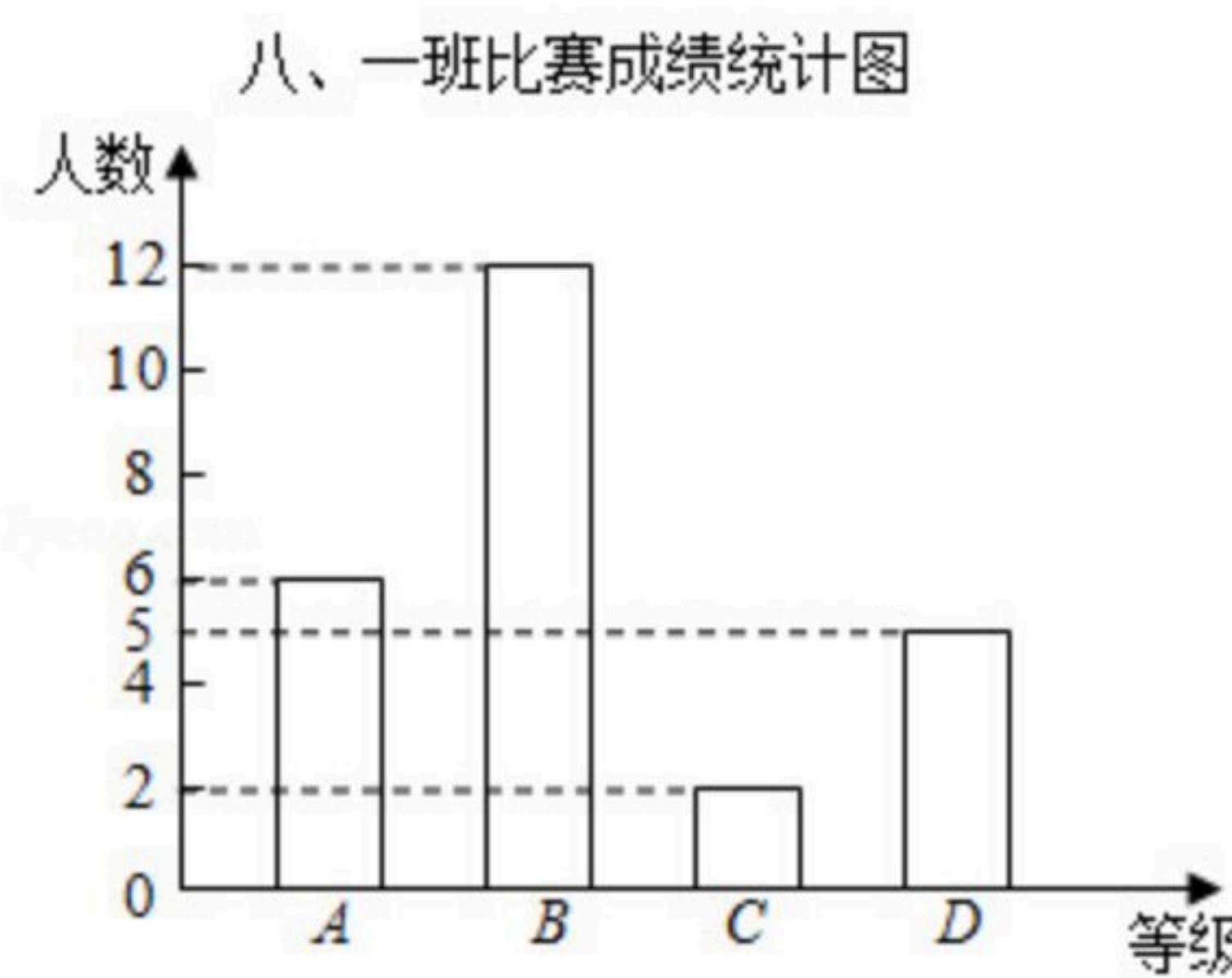
(2)试判断 $\triangle ABC$ 是不是直角三角形, 并说明理由.



扫码查看解析



18. 某校兴趣小组在创客嘉年华活动中组织了计算机编程比赛，八年级每班派25名学生参加，成绩分别为A、B、C、D四个等级。其中相应等级的得分依次记为10分、9分、8分、7分。将八年级的一班和二班的成绩整理并绘制成如下统计图表：



| 班级 | 平均数 (分) | 中位数 (分) | 众数 (分) | 方差 |
|----|---------|---------|--------|----------------------|
| 一班 | 8.76 | 9 | 9 | $S_1^2 \approx 1.06$ |
| 二班 | 8.76 | 8 | 10 | $S_2^2 \approx 1.38$ |

请根据本学期所学过的《数据的分析》相关知识分析上述数据，帮助计算机编程老师选择一个班级参加校级比赛，并阐述你选择的理由。

19. 已知二元一次方程 $x+y=5$ ，通过列举将方程的解写成下列表格的形式：

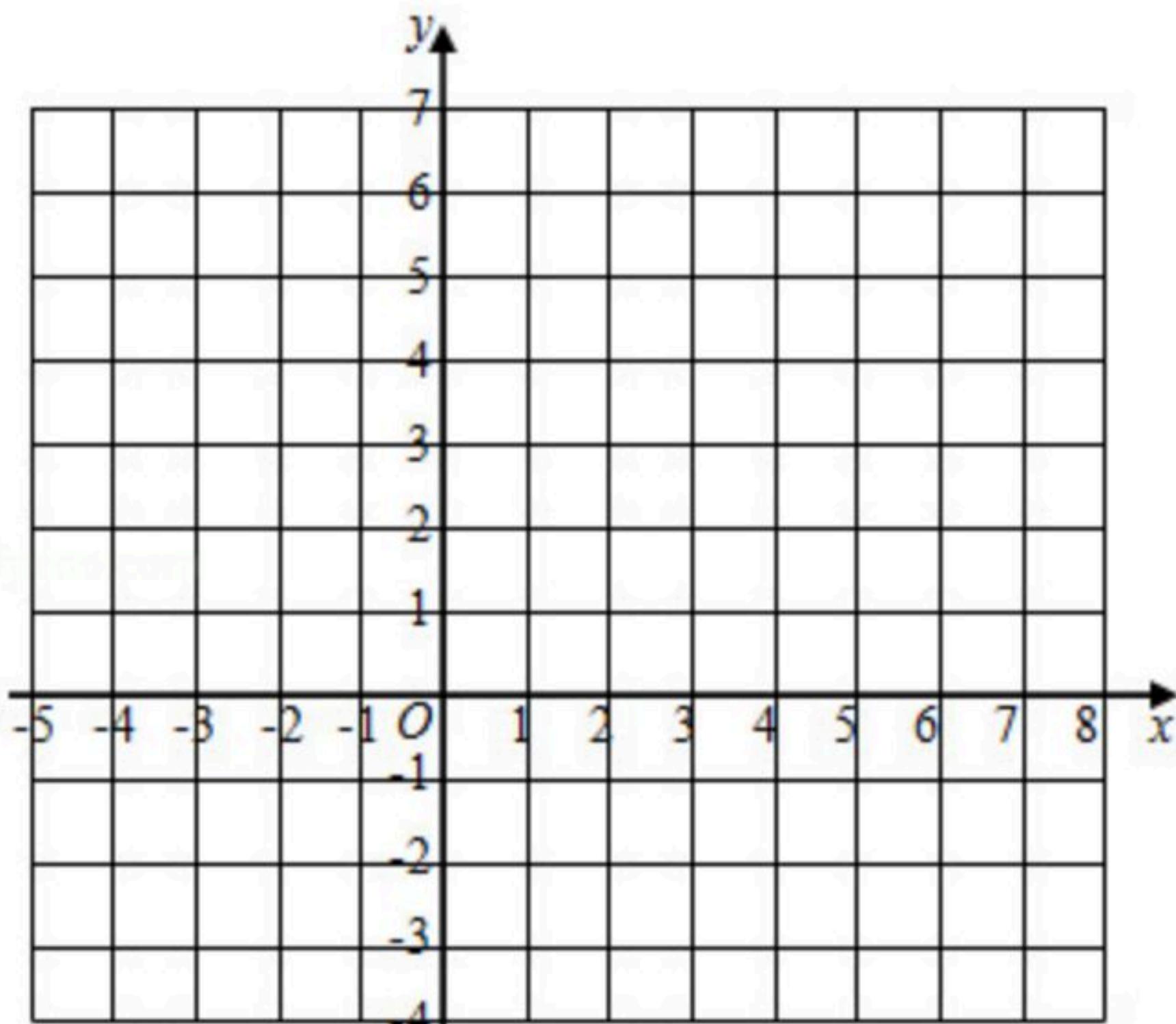
| | | | | | |
|-----|----|-----|---------------|---|-----|
| x | -1 | m | $\frac{5}{2}$ | 5 | 6 |
| y | 6 | 5 | $\frac{5}{2}$ | 0 | n |

如果将二元一次方程的解所包含的未知数 x 的值对应直角坐标系中一个点的横坐标，未知数 y 的值对应这个点的纵坐标，这样每一个二元一次方程的解，就可以对应直角坐标



扫码查看解析

系中的一个点，例如：方程 $x+y=5$ 的解 $\begin{cases} x=2 \\ y=3 \end{cases}$ 的对应点是(2, 3).



- (1) 表格中的 $m=$ _____， $n=$ _____；
- (2) 通过以上确定对应点坐标的方法，将表格中给出的五个解依次转化为对应点的坐标，并在所给的直角坐标系中画出这五个点；根据这些点猜想方程 $x+y=5$ 的解的对应点所组成的图形是_____，并写出它的两个特征①_____，②_____；
- (3) 若点 $P(-2a, a-1)$ 恰好落在 $x+y=5$ 的解对应的点组成的图形上，求 a 的值.

20. 郑州市自2019年12月1日起推行垃圾分类，广大市民对垃圾桶的需求剧增。为满足市场需求，某超市花了7900元购进大小不同的两种垃圾桶共800个，其中大桶和小桶的进价及售价如下表所示。

| | 大桶 | 小桶 |
|---------|----|----|
| 进价(元/个) | 18 | 5 |
| 售价(元/个) | 20 | 8 |

- (1) 该超市购进大桶和小桶各多少个？
- (2) 当小桶售出了300个后，商家决定将剩下的小桶售价降低1元销售，并把其中一定数量的小桶作为赠品，在顾客购买大桶时，买一赠一(买一个大桶送一个小桶)，送完即止。请问：超市要使这批垃圾桶售完后获得的利润为1550元，那么小桶作为赠品送出多少个？

21. 中国移动某套餐推出了如下两种流量计费方式：

| | 月租费/元 | 流量费(元/G) |
|-----|-------|----------|
| 方式一 | 8 | 1 |
| 方式二 | 28 | 0.5 |

- (1) 设一个月内用移动电话使用流量为 $xG(x>0)$ ，方式一总费用 y_1 元，方式二总费用 y_2 元

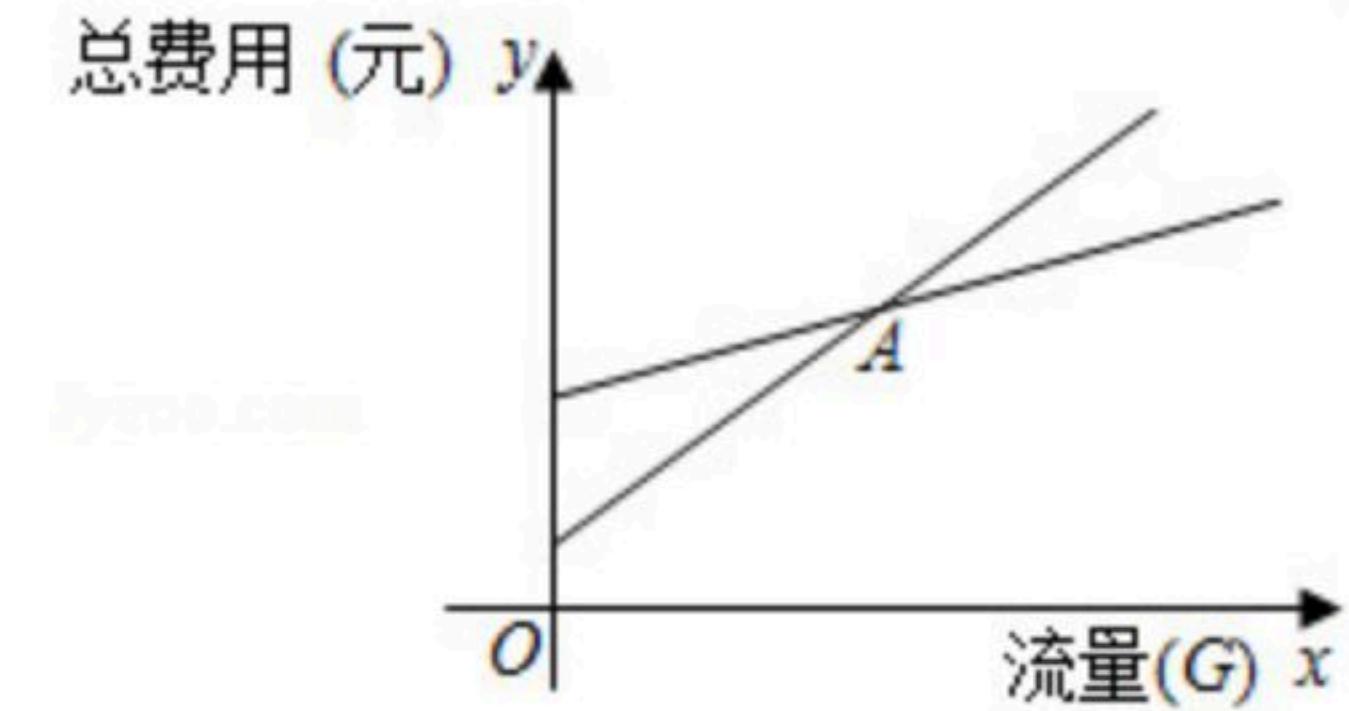


扫码查看解析

(总费用不计通话费及其它服务费). 写出 y_1 和 y_2 关于 x 的函数关系式(不要求写出自变量 x 的取值范围);

(2)如图为在同一平面直角坐标系中画出(1)中的两个函数图象的示意图, 记它们的交点为点A, 求点A的坐标, 并解释点A坐标的实际意义;

(3)根据(2)中函数图象, 结合每月使用的流量情况, 请直接写出选择哪种计费方式更合算.



22. 问题情景: 如图1, 在同一平面内, 点B和点C分别位于一块直角三角板PMN的两条直角边 PM 、 PN 上, 点A与点P在直线 BC 的同侧, 若点P在 $\triangle ABC$ 内部, 试问 $\angle ABP$ 、 $\angle ACP$ 与 $\angle A$ 的大小是否满足某种确定的数量关系?

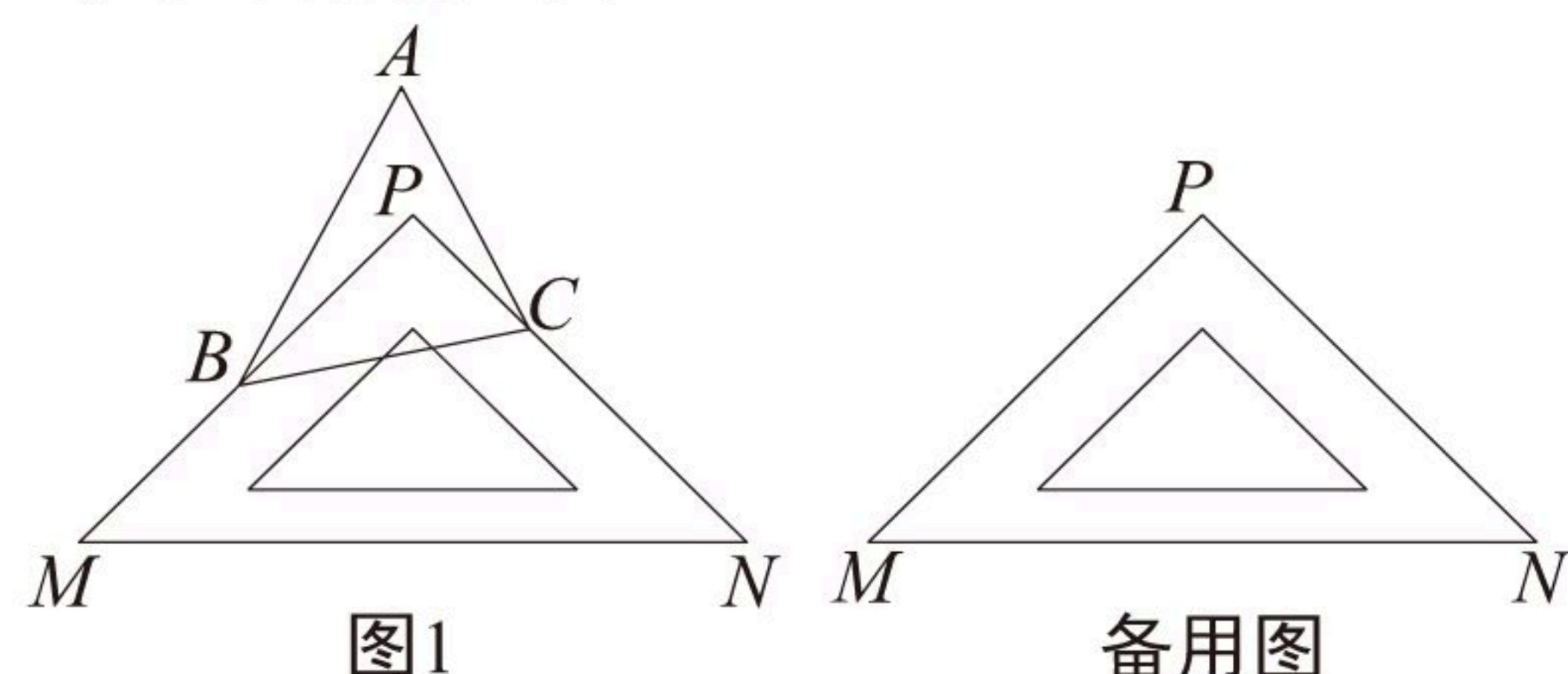


图1

备用图

(1)特殊探究: 若 $\angle A=55^\circ$, 则 $\angle ABC+\angle ACB=$ _____°,

$\angle PBC+\angle PCB=$ _____°, $\angle ABP+\angle ACP=$ _____°;

(2)类比探索: 请猜想 $\angle ABP+\angle ACP$ 与 $\angle A$ 的关系, 并说明理由;

(3)类比延伸: 改变点A的位置, 使点P在 $\triangle ABC$ 外, 其它条件都不变, 判断(2)中的结论是否仍然成立? 若成立, 请说明理由; 若不成立, 请直接写出 $\angle ABP$ 、 $\angle ACP$ 与 $\angle A$ 满足的数量关系式.