



扫码查看解析

2022年湖南省永州市中考考试卷

数 学

注：满分为150分。

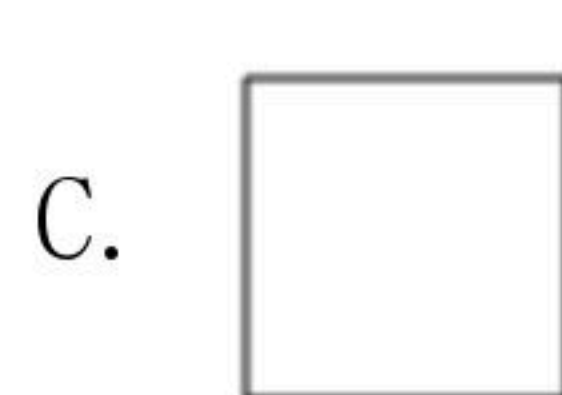
一、选择题（本大题共10个小题，每小题4分，共40分。每个小题只有一个正确选项，请将正确的选项填涂到答题卡上）

1. 如图，数轴上点E对应的实数是()

- A. -2 B. -1 C. 1 D. 2



2. 下列多边形具有稳定性的是()



3. 剪纸是我国具有独特艺术风格的民间艺术，反映了劳动人民对现实生活的深刻感悟。下列剪纸图形中，是中心对称图形的有()



A. ①②③

B. ①②④

C. ①③④

D. ②③④

4. 永州市大力发展“绿色养殖”，单生猪养殖2021年共出栏7791000头，同比增长29.33%，成为湖南省生猪产业发展高地和标杆。将数7791000用科学记数法表示为()

- A. 7791×10^3 B. 77.91×10^5 C. 7.791×10^6 D. 0.7791×10^7

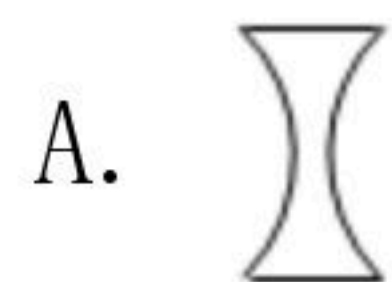
5. 下列各式正确的是()

- A. $\sqrt{4} = 2\sqrt{2}$ B. $2^0 = 0$ C. $3a - 2a = 1$ D. $2 - (-2) = 4$

6. 下列因式分解正确的是()

- A. $ax + ay = a(x + y) + 1$ B. $3a + 3b = 3(a + b)$
 C. $a^2 + 4a + 4 = (a + 4)^2$ D. $a^2 + b = a(a + b)$

7. 我市江华县有“神州摇都”的美称，每逢“盘王节”会表演长鼓舞，长鼓舞中使用的“长鼓”内腔挖空，两端相通，两端鼓口为圆形，中间鼓腰较为细小。如图为类似“长鼓”的几何体，其俯视图的大致形状是()

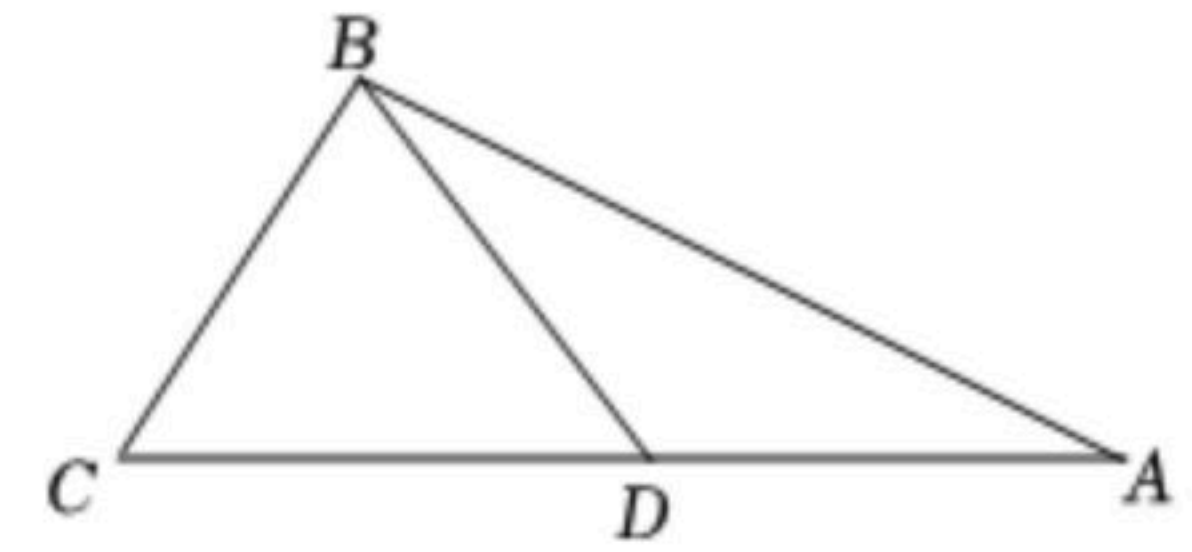




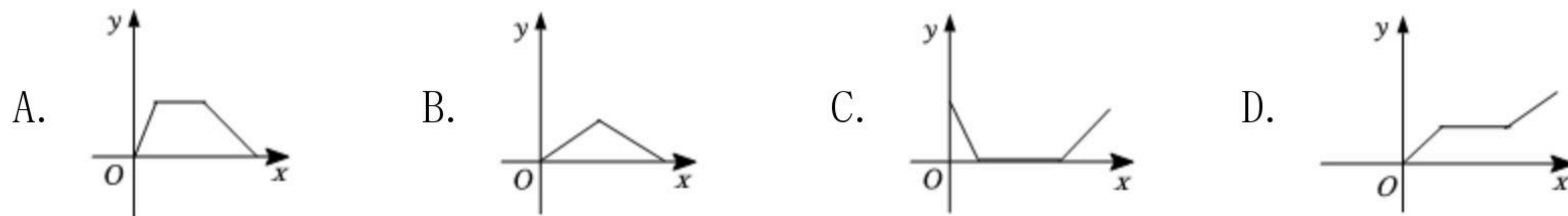
扫码查看解析

8. 李老师准备在班内开展“道德”“心理”“安全”三场专题教育讲座，若三场讲座随机安排，则“心理”专题讲座被安排在第一场的概率为()
- A. $\frac{1}{6}$ B. $\frac{1}{4}$ C. $\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{2}$

9. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ABC=90^\circ$ ， $\angle C=60^\circ$ ，点 D 为边 AC 的中点， $BD=2$ ，则 BC 的长为()
- A. $\sqrt{3}$ B. $2\sqrt{3}$ C. 2 D. 4



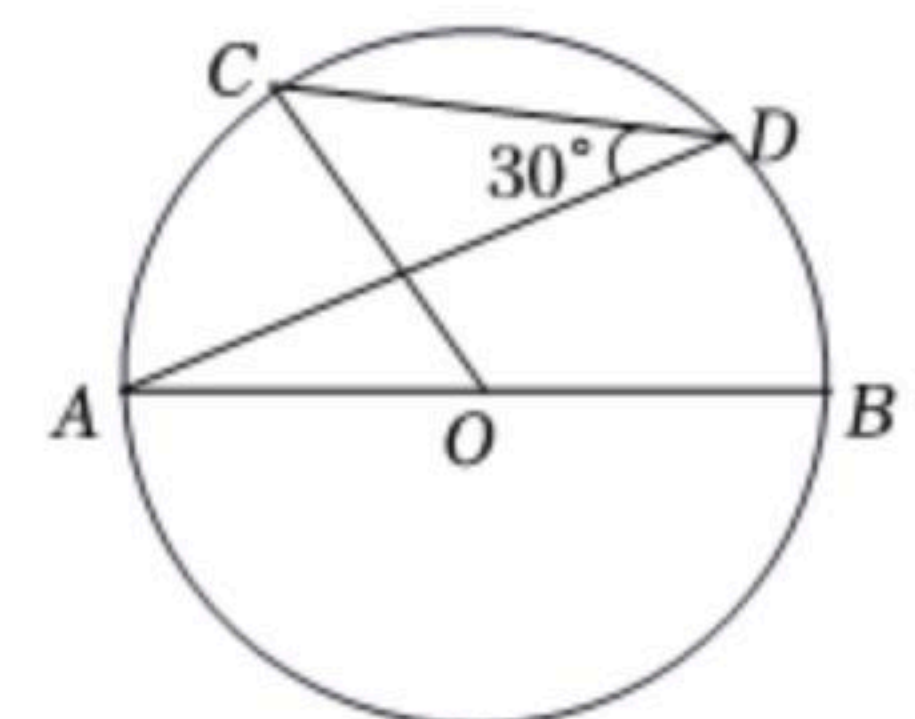
10. 学校组织部分师生去烈士陵园参加“不忘初心，牢记使命”主题教育活动。师生队伍从学校出发，匀速行走30分钟到达烈士陵园，用1小时在烈士陵园进行了祭扫和参观学习等活动，之后队伍按原路匀速步行45分钟返校。设师生队伍离学校的距离为 y 米，离校的时间为 x 分钟，则下列图象能大致反映 y 与 x 关系的是()



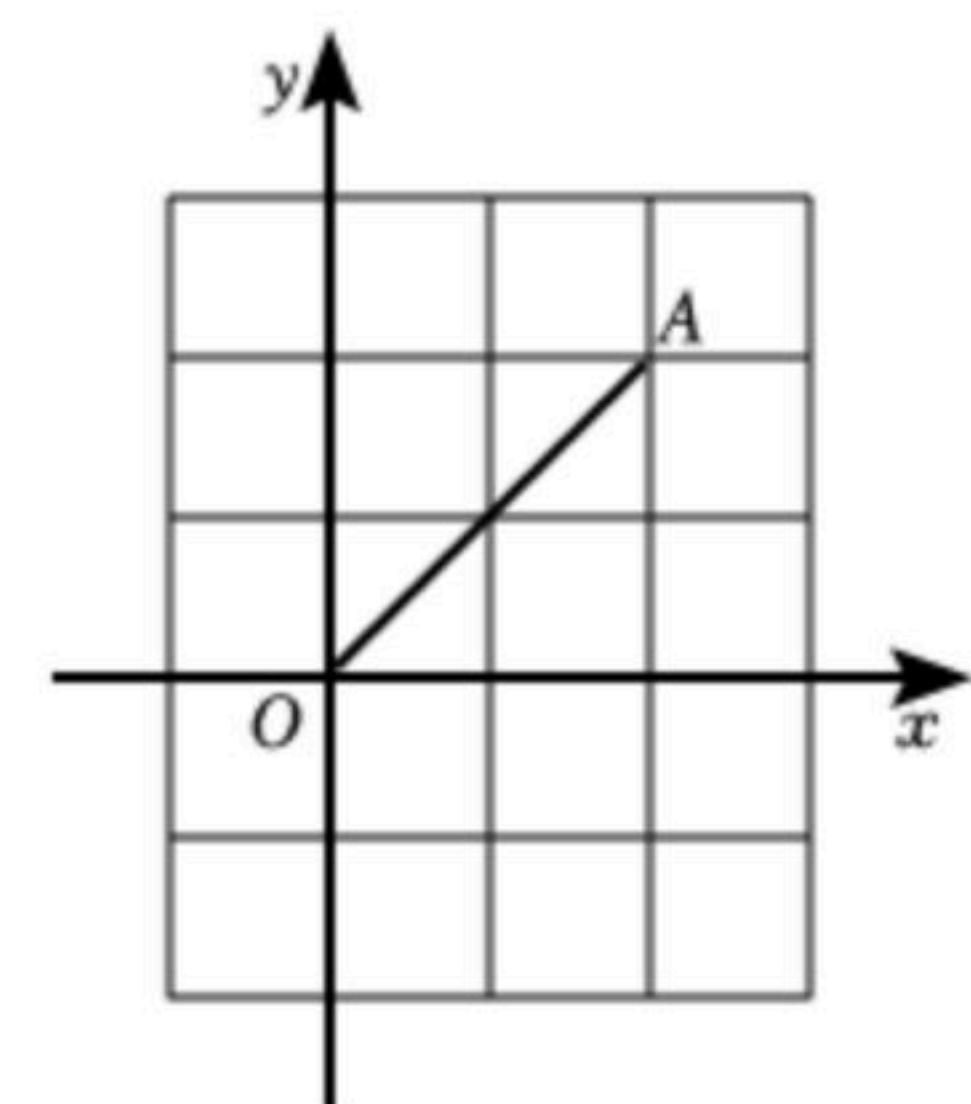
二、填空题（本大题共8个小题，每小题4分，共32分。请将答案填在答题卡的答案栏内）

11. 若单项式 $3x^m y$ 与 $-2x^6 y$ 是同类项，则 $m=$ _____。
12. 请写出一个比 $\sqrt{5}$ 大且比10小的无理数：_____。
13. “闪电足球队”参加市中小学生足球比赛，在五场小组赛中，该足球队的进球数分别为：2，0，1，2，3，则此组数据的众数是_____。
14. 解分式方程 $\frac{2}{x} - \frac{1}{x+1} = 0$ 去分母时，方程两边同乘的最简公分母是_____。
15. 已知一次函数 $y=x+1$ 的图象经过点 $(m, 2)$ ，则 $m=$ _____。

16. 如图， AB 是 $\odot O$ 的直径，点 C, D 在 $\odot O$ 上， $\angle ADC=30^\circ$ ，则 $\angle BOC=$ _____度。



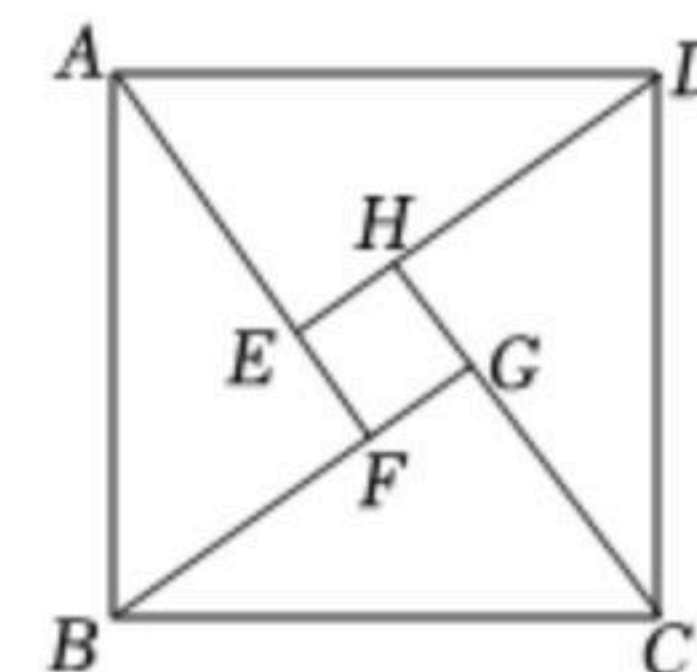
17. 如图，图中网格由边长为1的小正方形组成，点 A 为网格线的交点。若线段 OA 绕原点 O 顺时针旋转 90° 后，端点 A 的坐标变为_____。





扫码查看解析

18. 我国古代数学家赵爽创制了一幅“赵爽弦图”，极富创新意识地给出了勾股定理的证明. 如图所示，“赵爽弦图”是由四个全等的直角三角形与中间的小正方形拼成的一个大正方形. 若大正方形的面积是25，小正方形的面积是1，则 $AE=$ _____.



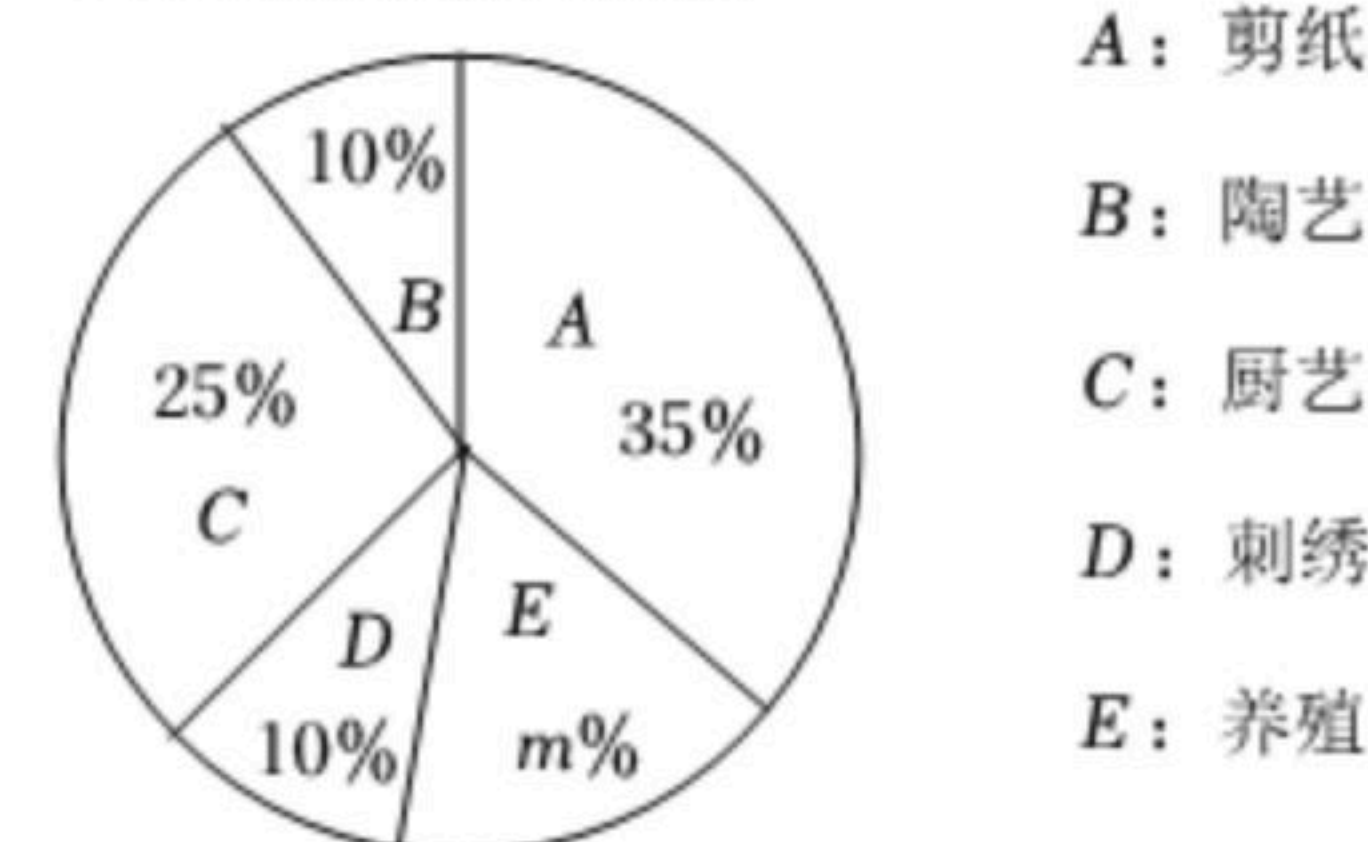
三、解答题（本大题共8个小题，共78分. 解答应写出必要的文字说明、证明过程或演算步骤）

19. 解关于 x 的不等式组：
$$\begin{cases} x+1 > 4 \\ 2(x-1)-5 > 1 \end{cases}$$

20. 先化简，再求值： $\frac{x^2-1}{x} \div (\frac{x+2}{x} - \frac{1}{x})$ 其中 $x = \sqrt{2} + 1$.

21. “风华中学”计划在劳动技术课中增设剪纸、陶艺，厨艺、刺绣、养殖等五类选择性“技能课程”，加大培养学生的劳动习惯和实践操作能力，为了解学生选择各“技能课程”的意向，从全校随机抽取了部分学生进行问卷调查，将调查结果整理并绘制如下不完整统计图表：

样本中选择各技能课程的人数分布扇形统计图



样本中选择各技能课程的人数统计表

技能课程	人数
A: 剪纸	
B: 陶艺	20
C: 厨艺	a
D: 刺绣	20
E: 养殖	

请根据上述统计数据解决下列问题：

- 扇形统计图中 $m=$ _____.
- 所抽取样本的样本容量是_____，频数统计表中 $a=$ _____.
- 若该校有2000名学生，请你估计全校有意向选择“养殖”技能课程的人数.

22. 受第24届北京冬季奥林匹克运动会的影响，小勇爱上了雪上运动. 一天，小勇在滑雪场



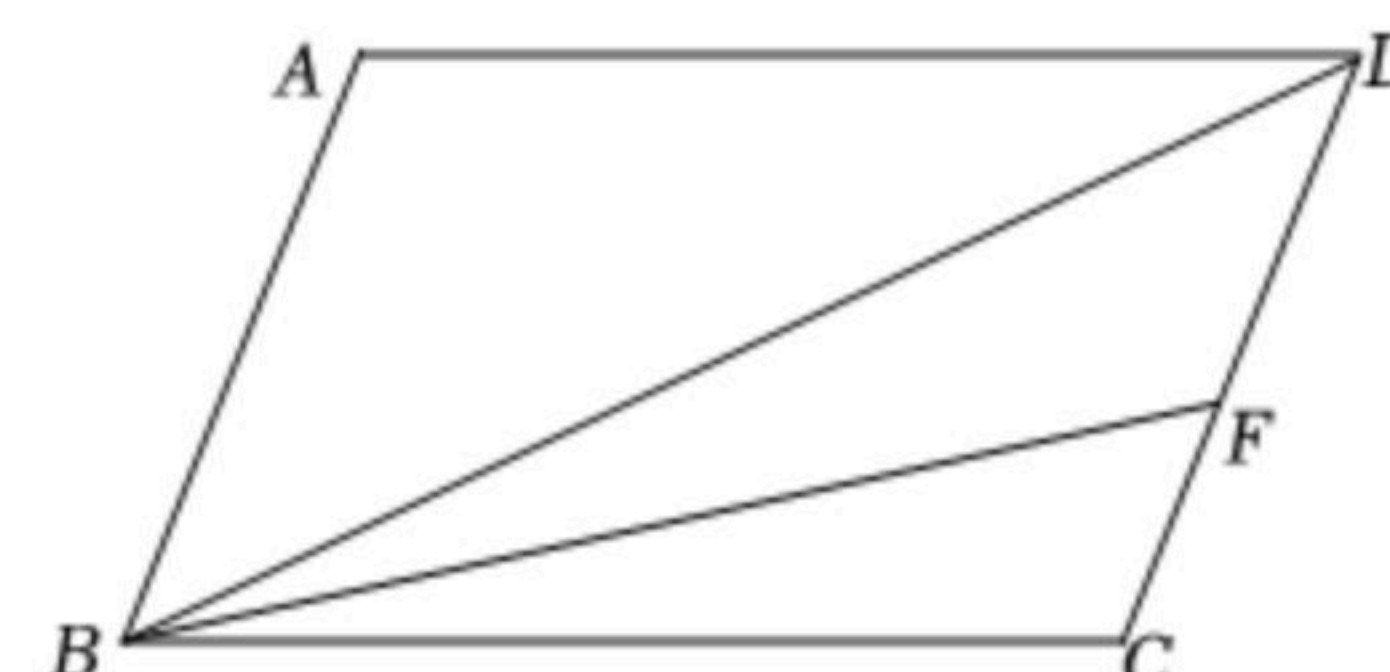
扫码查看解析

训练滑雪，第一次他从滑雪道A端以平均 $(x+2)$ 米/秒的速度滑到B端，用了24秒；第二次从滑雪道A端以平均 $(x+3)$ 米/秒的速度滑到B端，用了20秒.

(1)求 x 的值;

(2)设小勇从滑雪道A端滑到B端的平均速度为 v 米/秒，所用时间为 t 秒，请用含 t 的代数式表示 v (不要求写出 t 的取值范围).

23. 如图， BD 是平行四边形 $ABCD$ 的对角线， BF 平分 $\angle DBC$ ，交 CD 于点 F .



(1)请用尺规作 $\angle ADB$ 的角平分线 DE ，交 AB 于点 E (要求保留作图痕迹，不写作法);

(2)根据图形猜想四边形 $DEBF$ 为平行四边形.

请将下面的证明过程补充完整.

证明： \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形，

$\therefore AD \parallel BC$.

$\therefore \angle ADB = \angle$ _____ . (两直线平行，内错角相等).

又 $\because DE$ 平分 $\angle ADB$ ， BF 平分 $\angle DBC$ ，

$\therefore \angle EDB = \frac{1}{2} \angle ADB$ ， $\angle DBF = \frac{1}{2} \angle DBC$.

$\therefore \angle EDB = \angle DBF$.

$\therefore DE \parallel$ _____ . (_____)
(填推理的依据)

又 \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形.

$\therefore BE \parallel DF$.

\therefore 四边形 $DEBF$ 为平行四边形(_____)
(填推理的依据).

24. 为提高耕地灌溉效率，小明的爸妈准备在耕地 A 、 B 、 C 、 D 四个位置安装四个自动喷洒装置(如图1所示)， A 、 B 、 C 、 D 四点恰好在边长为50米的正方形的四个顶点上，为了用水管将四个自动喷洒装置相互连通，爸妈设计了如下两个水管铺设方案(各图中实线为铺设的水管).

方案一：如图2所示，沿正方形 $ABCD$ 的三边铺设水管；

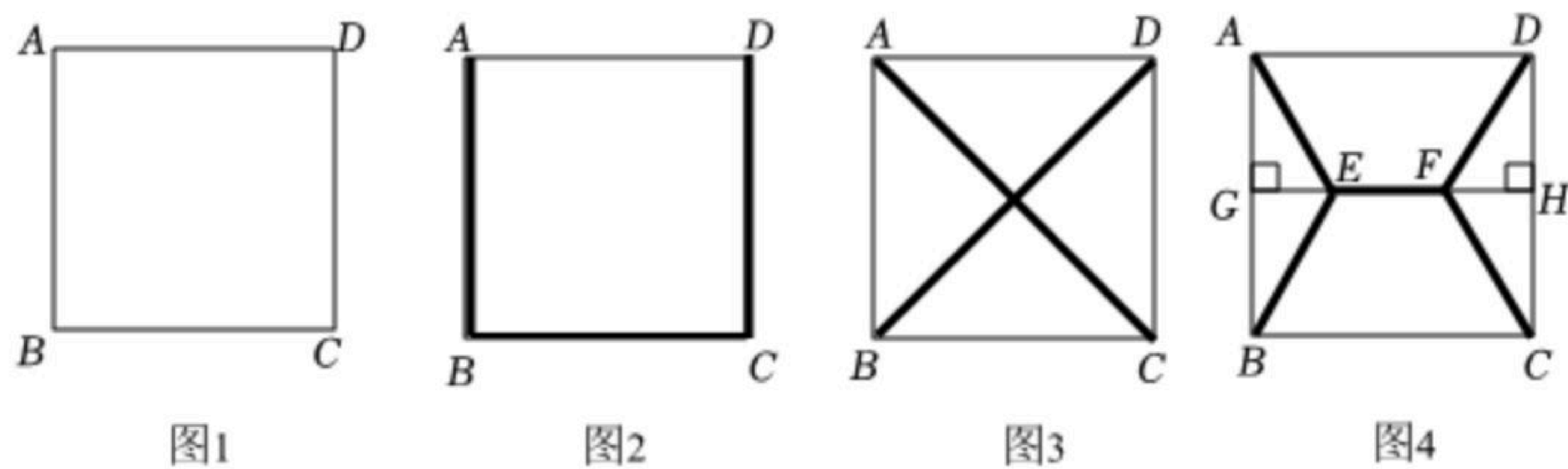
方案二：如图3所示，沿正方形 $ABCD$ 的两条对角线铺设水管.

(1)请通过计算说明上述两方案中哪个方案铺设水管的总长度更短；

(2)小明看了爸妈的方案后，根据“蜂集原理”重新设计了一个方案(如图4所示).

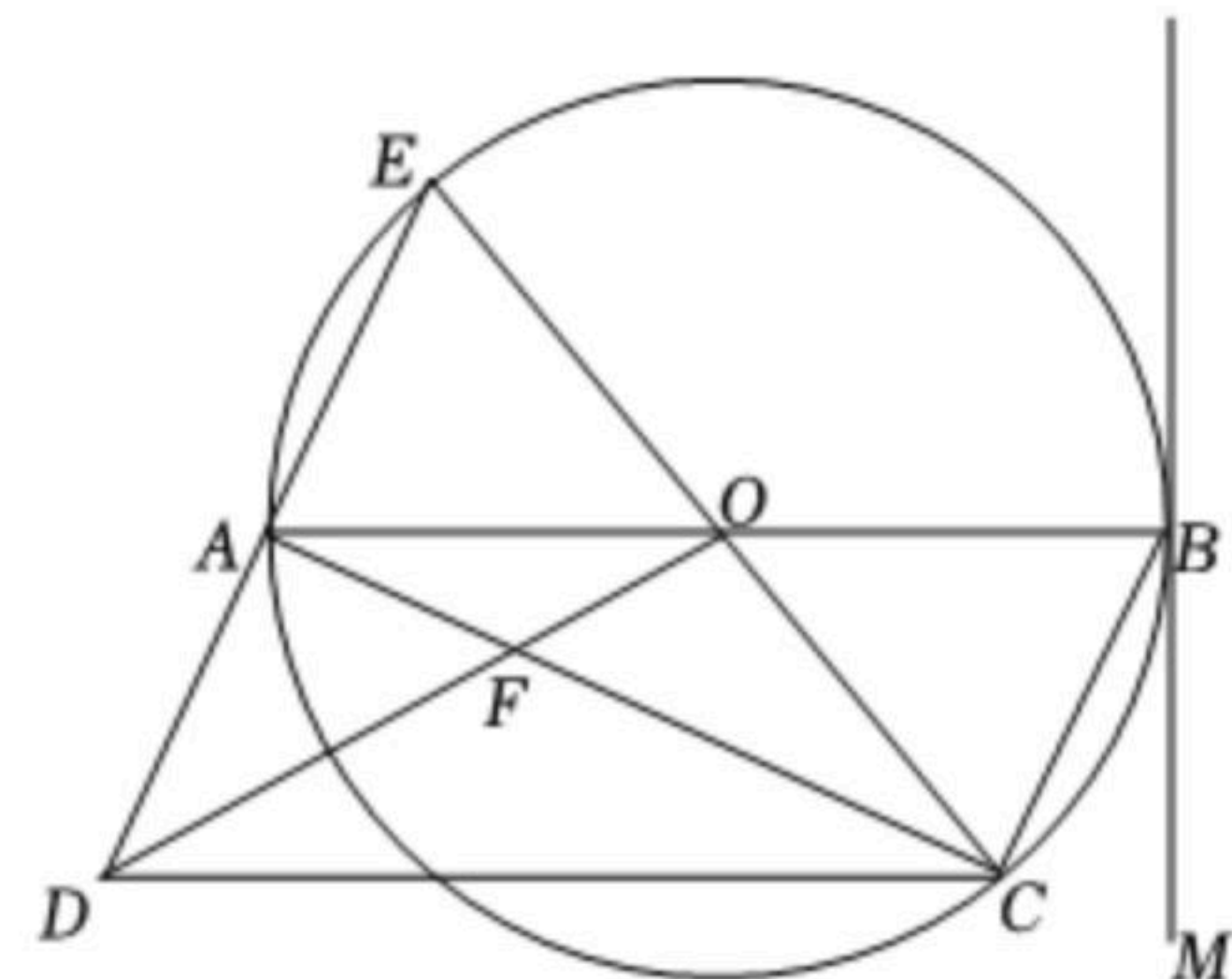


扫码查看解析



满足 $\angle AEB = \angle CFD = 120^\circ$, $AE = BE = CF = DF$, $EF \parallel AD$. 请将小明的方案与爸妈的方案比较, 判断谁的方案中铺设水管的总长度更短, 并说明理由. (参考数据: $\sqrt{2} \approx 1.4$, $\sqrt{3} \approx 1.7$)

25. 如图, 已知 AB, CE 是 $\odot O$ 的直径, BM 是 $\odot O$ 的切线, 点 D 在 EA 的延长线上, AC, OD 交于点 F , $\angle MBC = \angle ACD$.



- (1) 求证: $\angle MBC = \angle BAC$;
- (2) 求证: $AE = AD$;
- (3) 若 $\triangle OFC$ 的面积 $S_1 = 4$, 求四边形 $AOCD$ 的面积 S .

26. 已知关于 x 的函数 $y = ax^2 + bx + c$.

- (1) 若 $a = 1$, 函数的图象经过点 $(1, -4)$ 和点 $(2, 1)$, 求该函数的表达式和最小值;
- (2) 若 $a = 1, b = -2, c = m + 1$ 时, 函数的图象与 x 轴有交点, 求 m 的取值范围.
- (3) 阅读下面材料:

设 $a > 0$, 函数图象与 x 轴有两个不同的交点 A, B , 若 A, B 两点均在原点左侧, 探究系数 a, b, c 应满足的条件, 根据函数图象, 思考以下三个方面:

- ① 因为函数的图象与 x 轴有两个不同的交点, 所以 $\Delta = b^2 - 4ac > 0$;
- ② 因为 A, B 两点在原点左侧, 所以 $x = 0$ 对应图象上的点在 x 轴上方, 即 $c > 0$;
- ③ 上述两个条件还不能确保 A, B 两点均在原点左侧, 我们可以通过抛物线的对称轴位置来进一步限制抛物线的位置: 即需 $-\frac{b}{2a} < 0$.

综上所述, 系数 a, b, c 应满足的条件可归纳为:

$$\begin{cases} a > 0 \\ \Delta = b^2 - 4ac > 0 \\ c > 0 \\ -\frac{b}{2a} < 0 \end{cases}$$

请根据上面阅读材料, 类比解决下面问题:

若函数 $y = ax^2 - 2x + 3$ 的图象在直线 $x = 1$ 的右侧与 x 轴有且只有一个交点, 求 a 的取值范围.



扫码查看解析