



扫码查看解析

2021-2022学年河南省洛阳市洛龙区七年级（下）期中 试卷

数 学

注：满分为120分。

一、选择题（本题共10小题，共30.0分）

1. 在 $0.618, 0, \pi, \sqrt[3]{8}, -\frac{22}{7}, 3.101001\cdots, \frac{\sqrt{2}}{2}$ 中，无理数有()
- A. 1个 B. 2个 C. 3个 D. 4个
2. 下列各式中，正确的是()
- A. $\sqrt{16}=\pm 4$ B. $\pm\sqrt{16}=4$ C. $-\sqrt{16}=-4$ D. $\sqrt{(-16)^2}=-16$
3. 如图，下列条件中，不能判断直线 $a//b$ 的是()
- A. $\angle 1=\angle 3$ B. $\angle 2=\angle 3$ C. $\angle 4=\angle 5$ D. $\angle 2+\angle 4=180^\circ$
-
4. 某人在广场上练习驾驶汽车，两次拐弯后，行驶方向与原来相同，这两次拐弯的角度可能()
- A. 第一次左拐 30° ，第二次右拐 30°
B. 第一次右拐 50° ，第二次左拐 130°
C. 第一次右拐 50° ，第二次右拐 130°
D. 第一次向左拐 50° ，第二次向左拐 120°
5. 已知点 $P(m+2, 2m-4)$ 在 x 轴上，则点 P 的坐标是()
- A. (4, 0) B. (0, 4) C. (-4, 0) D. (0, -4)
6. 若点 P 在第四象限内， P 到 x 轴的距离是1，到 y 轴的距离是3，则点 P 的坐标为()
- A. (3, -1) B. (-3, -1) C. (-3, 1) D. (-1, -3)
7. 如图， E 是直线 CA 上一点， $\angle FEA=40^\circ$ ，射线 EB 平分 $\angle CEF$ ， $GE \perp EF$. 则 $\angle GEB=()$
- A. 10° B. 20° C. 30° D. 40°
-
8. 下列命题中，是真命题是()
- A. 相等的两个角是对顶角
B. 两直线平行，同旁内角相等
C. 过一点有且只有一条直线与已知直线平行

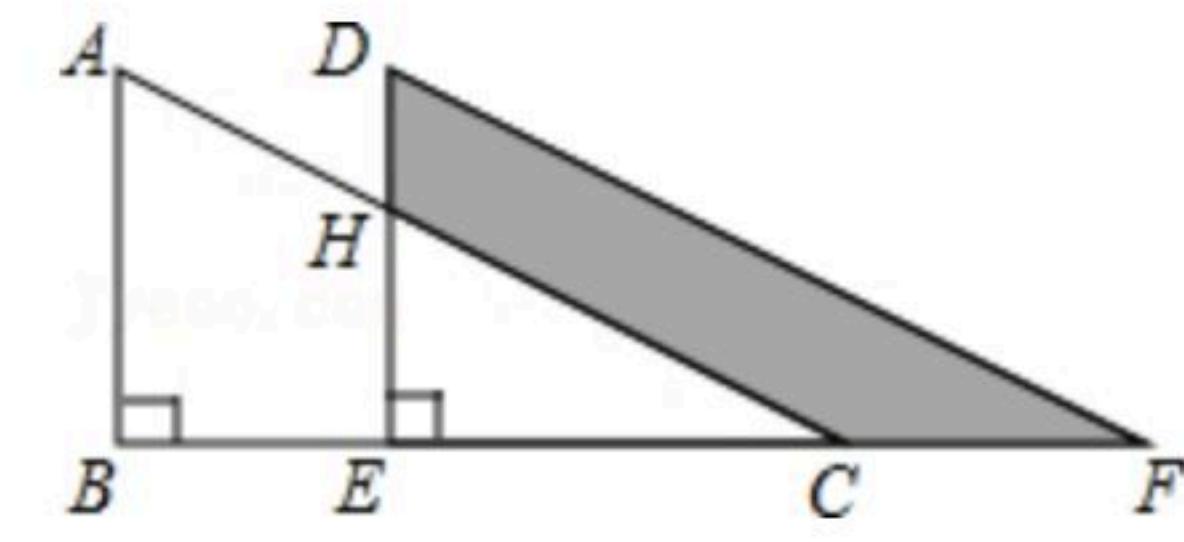


扫码查看解析

- D. 在同一平面内，过一点有且只有一条直线与已知直线垂直

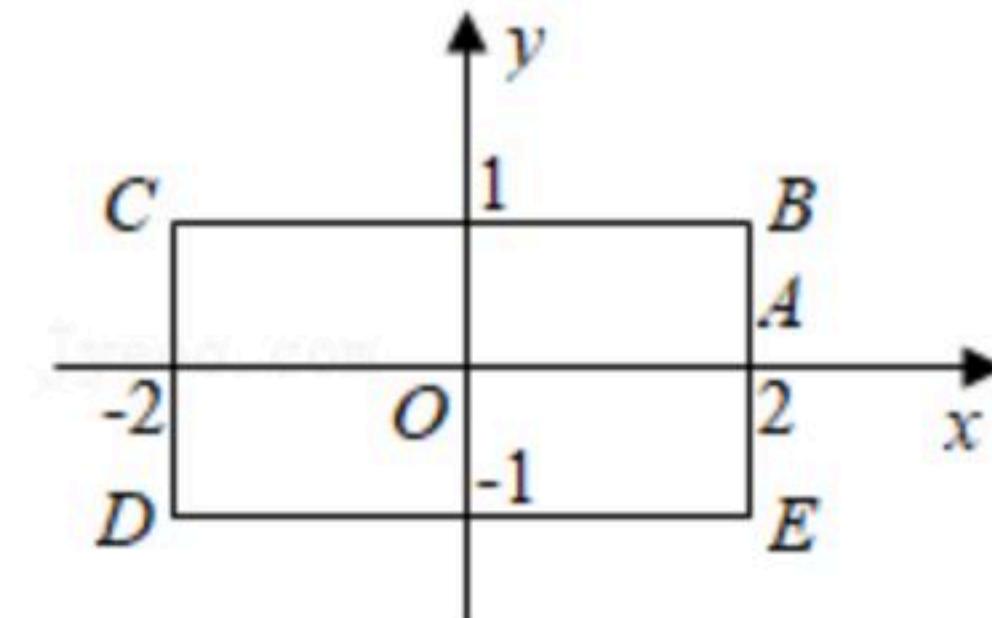
9. 如图，两个直角三角形重叠在一起，将其中一个沿点B到点C的方向平移到 $\triangle DEF$ 的位置， $AB=10$, $DH=4$, $BC=15$, 平移距离为6, 则阴影部分的面积()

- A. 40 B. 42 C. 45 D. 48



10. 如图，长方形 $BCDE$ 的各边分别平行于 x 轴与 y 轴，物体甲和物体乙由点 $A(2, 0)$ 同时出发，沿长方形 $BCDE$ 的边做环绕运动，物体甲按逆时针方向以1个单位长度/秒的速度匀速运动，物体乙按顺时针方向以2个单位长度/秒的速度匀速运动，则两个物体运动后的第2022次相遇地点的坐标是()

- A. $(1, -1)$ B. $(-1, -1)$ C. $(-1, 1)$ D. $(2, 0)$



二、填空题 (本题共5小题, 共15.0分)

11. 把命题“同角的余角相等”改写成“如果…那么…”的形式 _____.

_____.

12. 实数 $\sqrt{9}$ 的平方根是 _____.

13. 如果 $\sqrt{2x-6}$ 与 $\sqrt{2+y}$ 互为相反数，那么 $x^2+y=$ _____.

14. 点 $P(-2, -3)$ 向左平移 m 个单位长度，再向上平移 n 个单位长度所得对应点 $Q(-3, 0)$ ，则 $m+n$ 的值为 _____.

15. 两个角的两边分别平行，若其中一个角比另一个角的2倍少 30° ，则这两个角的度数分别为 _____.

三、解答题 (本题共八道大题，其中16、17题各8分；18题、19题各9分；20题、21题、22题各10分；23题11分；共75.0分)

16. 计算和解方程：

(1) $\sqrt{0.04} + \sqrt[3]{-8} - \sqrt{\frac{1}{4}} + |\sqrt{3} - 2| + 2\sqrt{3};$

(2) $2(1-x)^2 = 8.$

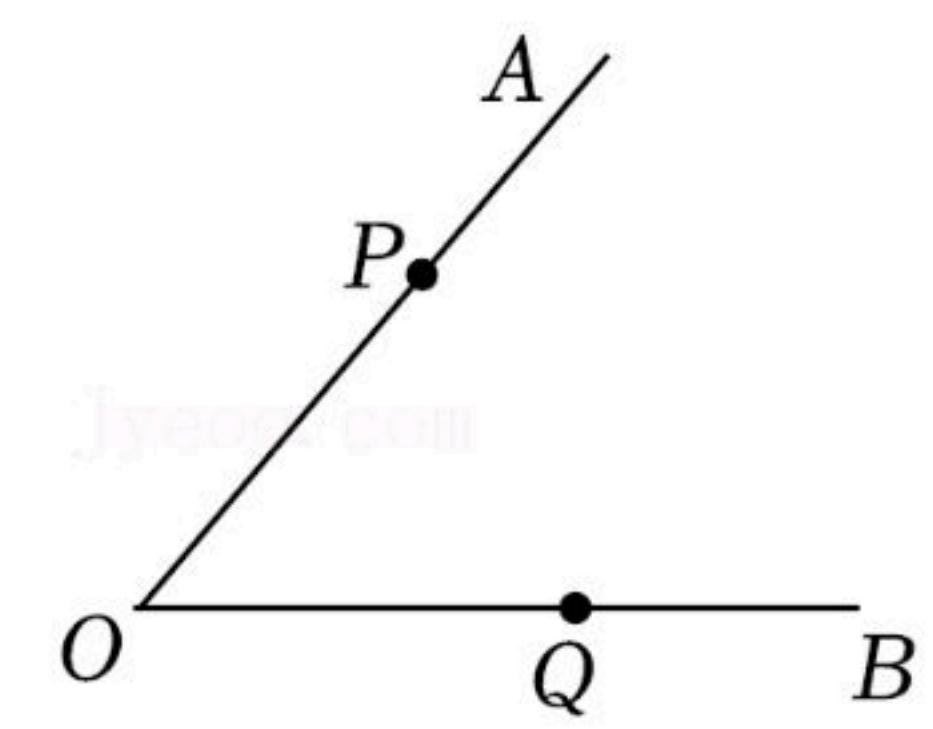


扫码查看解析

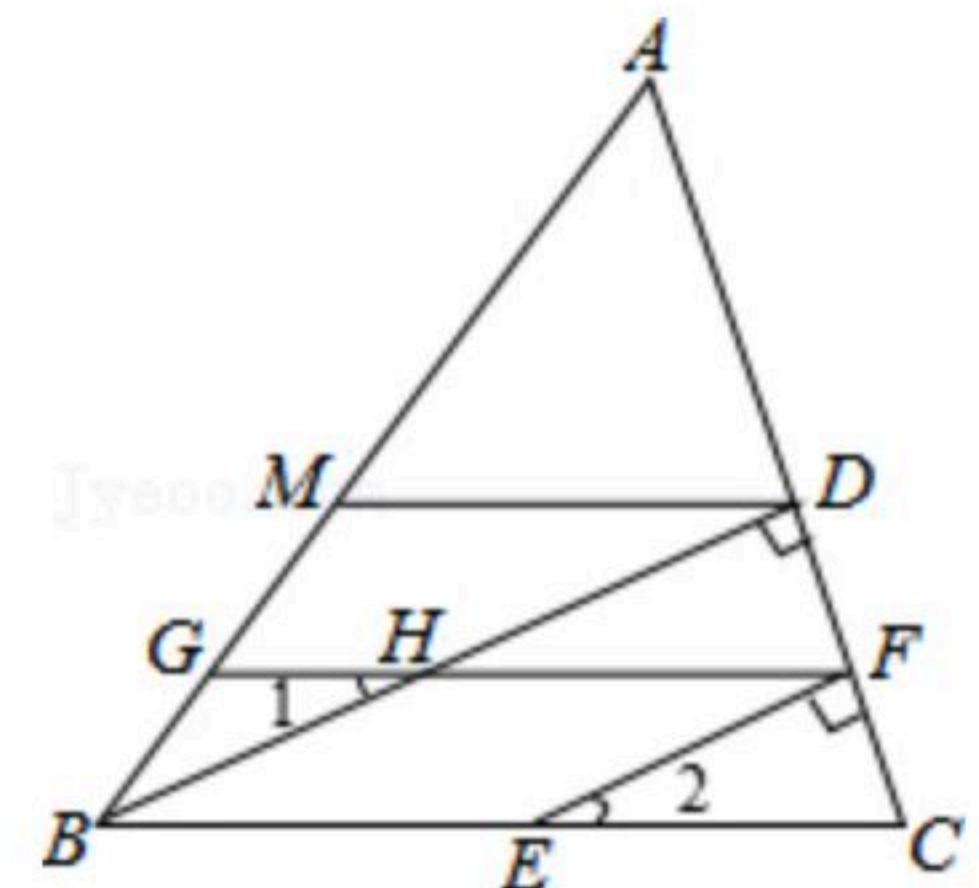
17. 按要求作图. (不写作法, 但要保留作图痕迹)

如图，已知点 P ， Q 分别在 $\angle AOB$ 的边 OA ， OB 上.

- ①作直线 PQ ；
 - ②过点 P 作 OB 的垂线，垂足为点 D ；
 - ③过点 Q 作 OA 的平行线 QH .



18. 如图, 已知点E在BC上, $BD \perp AC$, $EF \perp AC$, 垂足分别为D、F, 点M、G在AB上, GF 交 BD 于点H, $\angle BMD + \angle ABC = 180^\circ$, $\angle 1 = \angle 2$, 则有 $MD \parallel GF$. 下面是小颖同学的思考过
程, 请你在括号内填上依据.



思考过程：

因为 $BD \perp AC$, $EF \perp AC$, 垂足分别为 D 、 F (已知),

所以 $\angle BDC=90^\circ$, $\angle EFC=90^\circ$ ().

所以 $\angle BDC = \angle EFC$ (等量代换).

所以 (同位角相等，两直线平行).

所以 $\angle 2 = \angle CBD$ ().

因为 $\angle 1 = \angle 2$ (已知),

所以 $\angle 1 = \angle CBD$ ().

所以 (内错角相等，两直线平行).

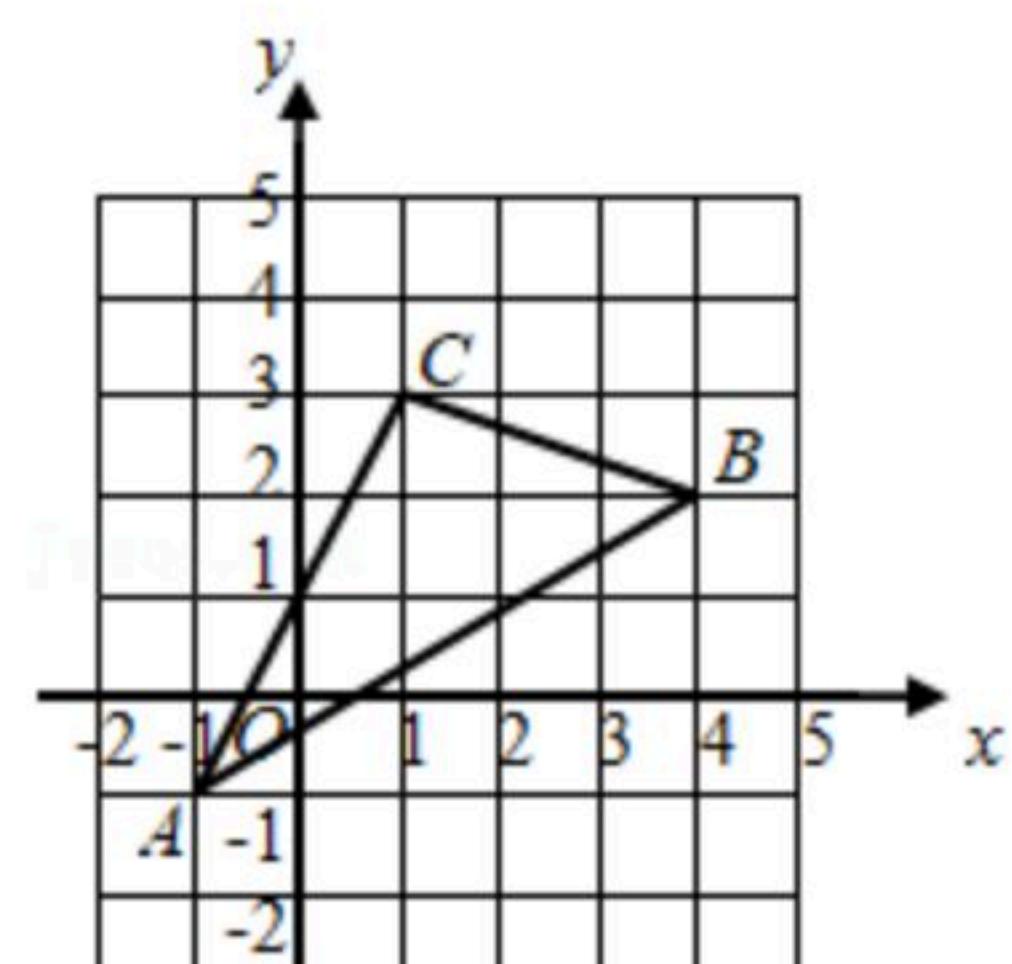
因为 $\angle BMD + \angle ABC = 180^\circ$ (),

所以 $MD \parallel BC$ ().

所以 $MD \parallel GF$ ().

19. 如图, $\triangle ABC$ 在平面直角坐标系中.

- (1)写出 $\triangle ABC$ 各顶点的坐标；
(2)求出 $\triangle ABC$ 的面积；
(3)若把 $\triangle ABC$ 向上平移2个单位长度，再向右平移1个单位长度后得 $\triangle A_1B_1C_1$ ，请画出 $\triangle A_1B_1C_1$ ，并写出 A_1, B_1, C_1 的坐标。



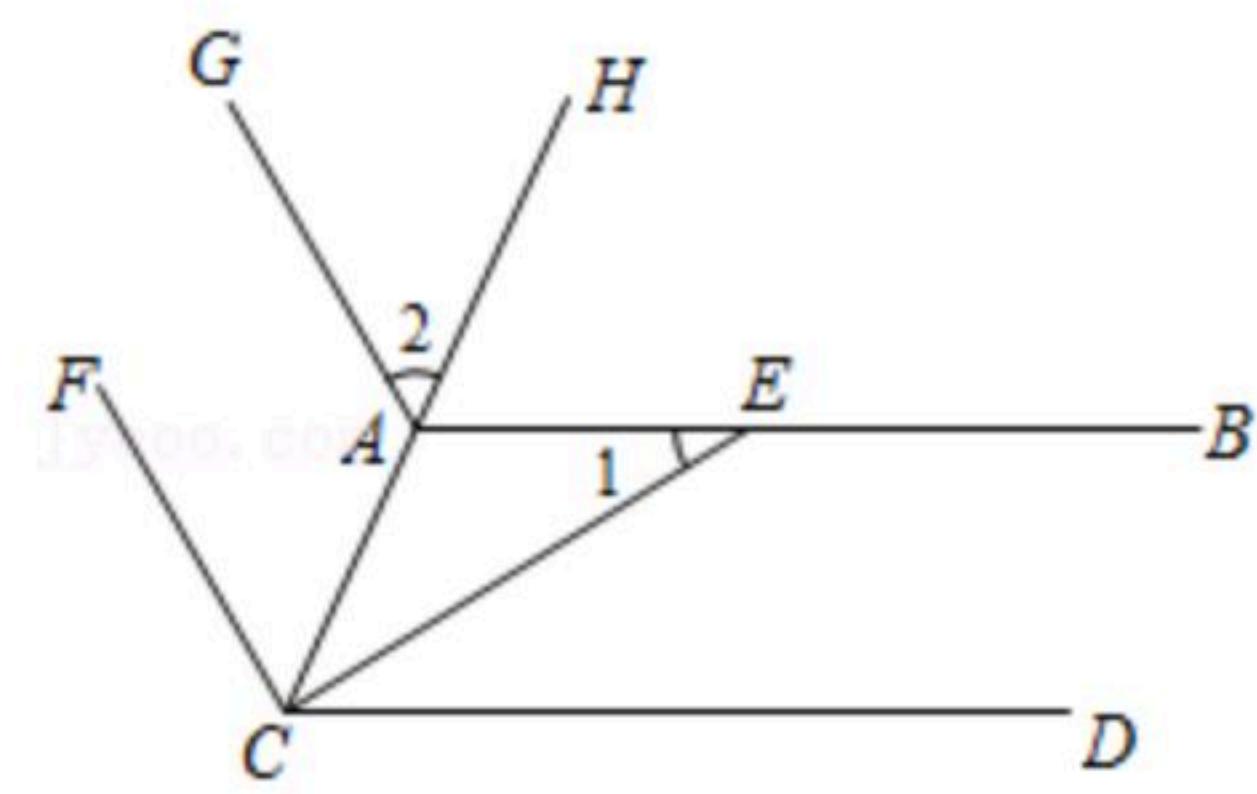
20. 已知某正数的两个平方根分别是 $a+3$ 和 $2a-15$, b 的立方根是-2, 求 $3a+b$ 的算术平方根.



扫码查看解析

21. 如图, 已知 $AB \parallel CD$, E 是直线 AB 上的一点, CE 平分 $\angle ACD$, 射线 $CF \perp CE$, $\angle 1=32^\circ$,

- (1)求 $\angle ACE$ 的度数;
(2)若 $\angle 2=58^\circ$, 求证: $CF \parallel AG$.



22. 问题情境:

在平面直角坐标系 xOy 中有不重合的两点 $A(x_1, y_1)$ 和点 $B(x_2, y_2)$, 小明在学习中发现, 若 $x_1=x_2$, 则 $AB \parallel y$ 轴, 且线段 AB 的长度为 $|y_1-y_2|$; 若 $y_1=y_2$, 则 $AB \parallel x$ 轴, 且线段 AB 的长度为 $|x_1-x_2|$;

【应用】:

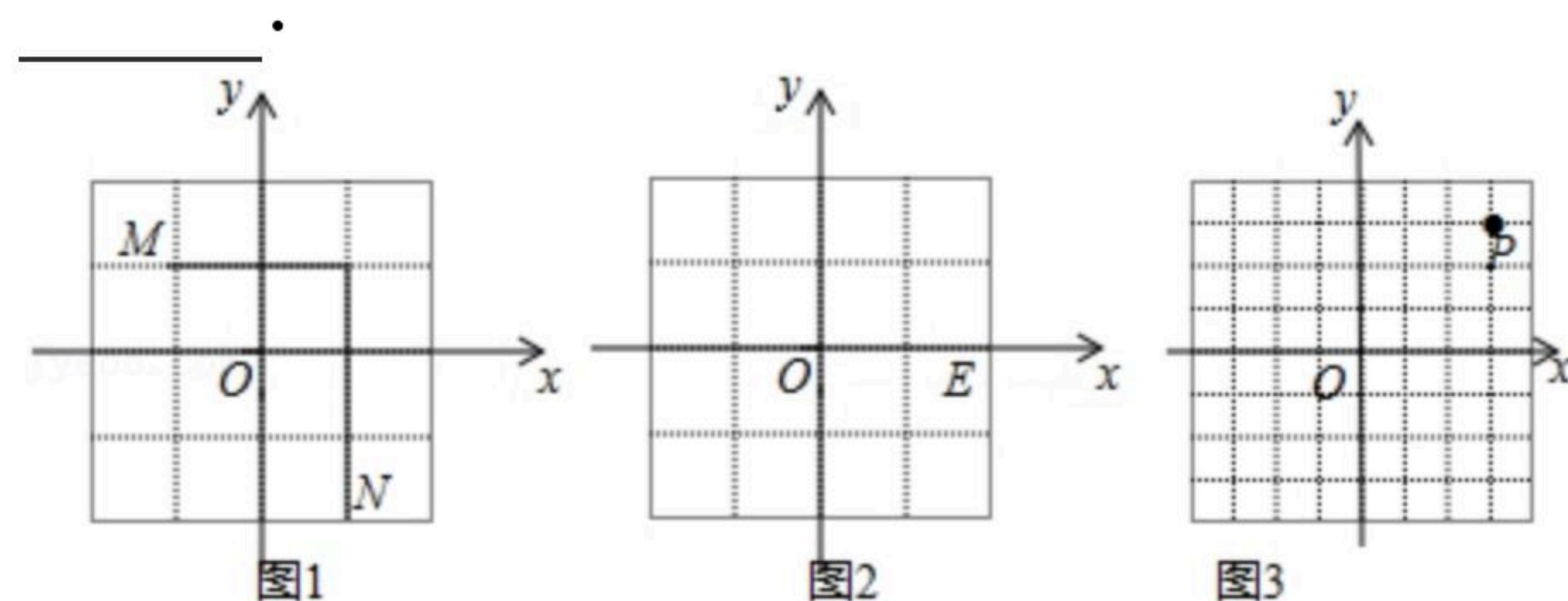
- (1)若点 $A(-1, 1)$ 、 $B(2, 1)$, 则 $AB \parallel x$ 轴, AB 的长度为_____.
(2)若点 $C(1, 0)$, 且 $CD \parallel y$ 轴, 且 $CD=2$, 则点 D 的坐标为_____.

【拓展】:

我们规定: 平面直角坐标系中任意不重合的两点 $M(x_1, y_1)$, $N(x_2, y_2)$ 之间的折线距离为 $d(M, N)=|x_1-x_2|+|y_1-y_2|$; 例如: 图1中, 点 $M(-1, 1)$ 与点 $N(1, -2)$ 之间的折线距离为 $d(M, N)=|-1-1|+|1-(-2)|=2+3=5$.

解决下列问题:

- (3)如图2, 已知 $E(2, 0)$, 若 $F(-1, -2)$, 则 $d(E, F)=$ _____;
(4)如图2, 已知 $E(2, 0)$, $H(1, t)$, 若 $d(E, H)=3$, 则 $t=$ _____.
(5)如图3, 已知 $P(3, 3)$, 点 Q 在 x 轴上, 且三角形 OPQ 的面积为3, 则 $d(P, Q)=$ _____.



23. 已知 $AB \parallel CD$, AM 平分 $\angle BAP$.

- (1)如图1, 当点 P , M 在 CD 上时, 写出 $\angle APC$ 与 $\angle AMC$ 的数量关系, 并说明理由.
(2)如图2, 当点 P 在 AB , CD 之间, 且在 AC 连线右侧, 点 M 仍在 CD 上时, 写出 $\angle P$, $\angle C$, $\angle AMC$ 间的关系. (不用说理)
(3)如图3, 当点 P , M 都在 CD 下方, 且 P 在 CM 上时, 探索 $\angle APC$, $\angle C$, $\angle M$ 间的关系, 并说明理由. (如有必要, 可使用三角形内和等于 180°)

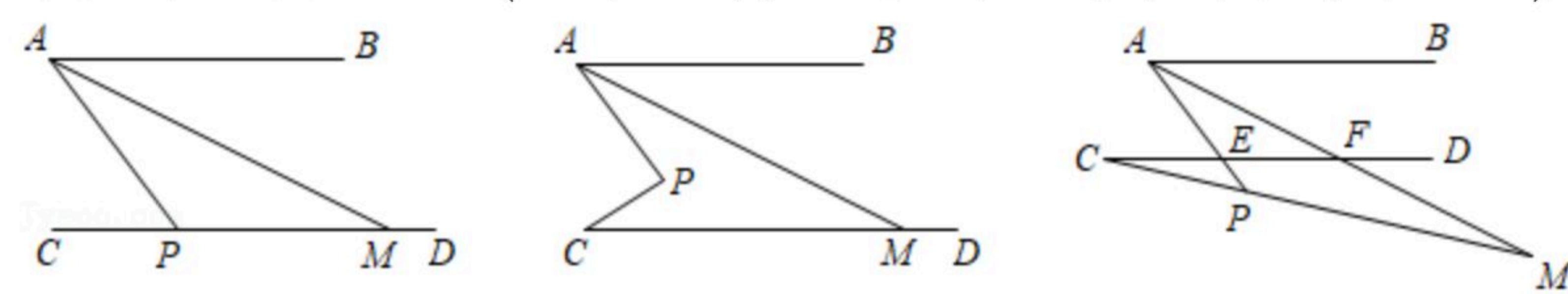


图1

图2

图3