



扫码查看解析

2021-2022学年江西省九江市九年级（上）期末试卷

数 学

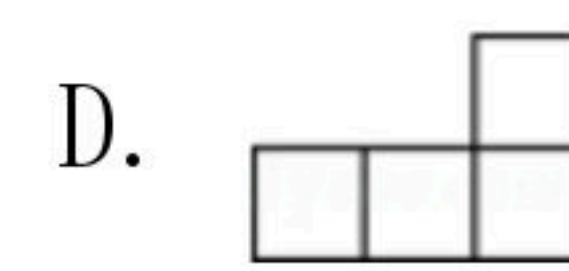
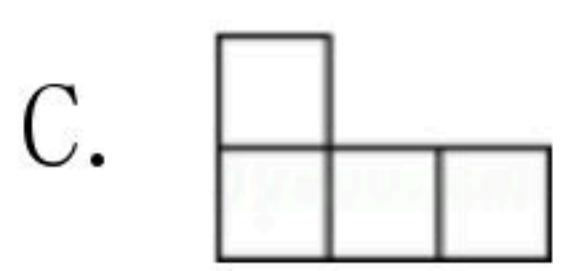
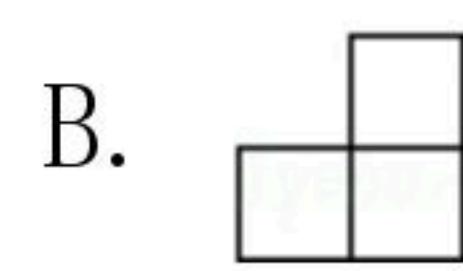
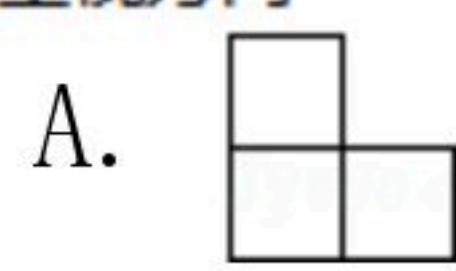
注：满分为120分。

一、选择题（本大题共6小题，每小题3分，共18分，每小题只有一个正确选项，请将这个正确的选项填在下面表格中。）

1. 一元二次方程 $x^2-4=0$ 的根是()

- A. $x=2$ B. $x=\pm 2$ C. $x=4$ D. $x=\pm 4$

2. 如图，几何体的俯视图是()



3. 掷一枚质地均匀的硬币10次，下列说法正确的是()

- A. 每2次必有1次正面向上 B. 必有5次正面向上
C. 可能有7次正面向上 D. 不可能有10次正面向上

4. 已知 $ab=cd$ ，则下列各式不成立的是()

- A. $\frac{a}{c}=\frac{d}{b}$ B. $\frac{a}{d}=\frac{c}{b}$ C. $\frac{a+c}{c}=\frac{d+b}{b}$ D. $\frac{a+1}{c+1}=\frac{d+1}{b+1}$

5. 正方形、矩形、菱形都具有的特征是()

- A. 对角线互相平分 B. 对角线相等
C. 对角线互相垂直 D. 对角线平分一组对角

6. 已知反比例函数 $y=\frac{1}{x}$ 经过平移后可以得到函数 $y=\frac{1}{x}-1$ ，关于新函数 $y=\frac{1}{x}-1$ ，下列结论正确的是()

- A. 当 $x>0$ 时， y 随 x 的增大而增大
B. 该函数的图象与 y 轴有交点
C. 该函数图象与 x 轴的交点为 $(1, 0)$
D. 当 $0<x\leqslant \frac{1}{2}$ 时， y 的取值范围是 $0<y\leqslant 1$

二、填空题（本题满分18分，共有6道小题，每小题3分）

7. 班主任从甲、乙、丙、丁四位同学中选择一位同学参加学校的演讲比赛. 甲同学被选中的概率是 $\underline{\hspace{2cm}}$.



扫码查看解析

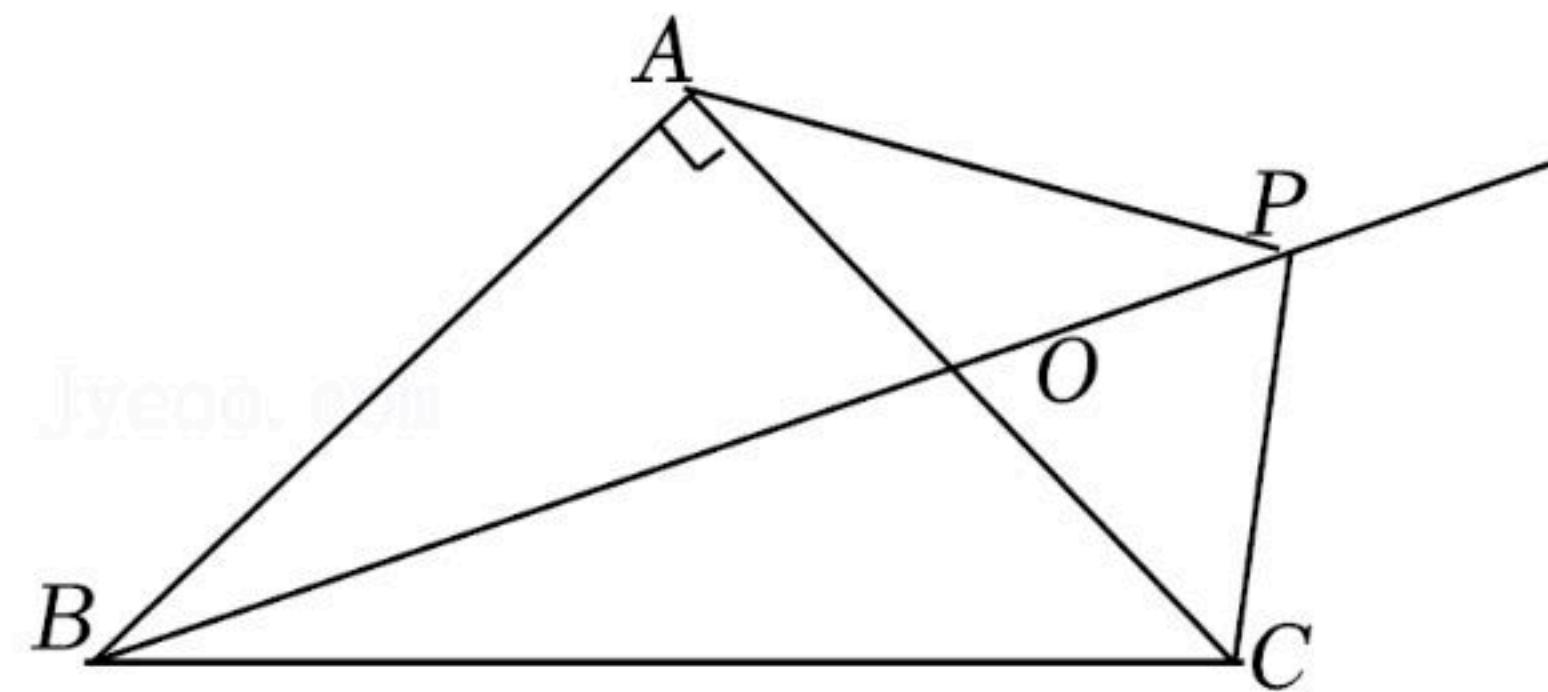
8. 反比例函数 $y=\frac{m-3}{x}$ 的图象在二、四象限，则 m 应满足 _____.

9. 两个相似多边形的周长比是3:4，其中较小的多边形的面积为 $36cm^2$ ，则较大的多边形的面积为 _____.

10. 在平行四边形ABCD中，对角线AC长为8cm， $\angle BAC=30^\circ$ ， $AB=5cm$ ，则它的面积为 _____.

11. 某树主干长出 x 根枝干，每个枝干又长出 x 根小分支，若主干、枝干和小分支总数共133根，则主干长出枝干的根数 x 为 _____.

12. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC=2$ ， $\angle BAC=90^\circ$ ， O 为 AC 的中点，点 P 是射线 BO 上的一个动点，当 $\triangle ACP$ 为直角三角形时，则 BP 的长为 _____.



三、(本大题共5小题，每小题6分，共30分)

13. 解方程：

(1) $x^2 - 2x + 1 = 0$;

(2) $2x^2 - 7x + 3 = 0$.

14. 某校准备从八年级1班、2班的团员中选取两名同学作为运动会的志愿者，已知1班有4名团员(其中男生2人，女生2人).2班有3名团员(其中男生1人，女生2人).

(1)如果从这两个班的全体团员中随机选取一名同学作为志愿者的组长，则这名同学是男生的概率为 _____；

(2)如果分别从1班、2班的团员中随机各选取一人，请用画树状图或列表的方法求这两名同学恰好是一名男生、一名女生的概率.

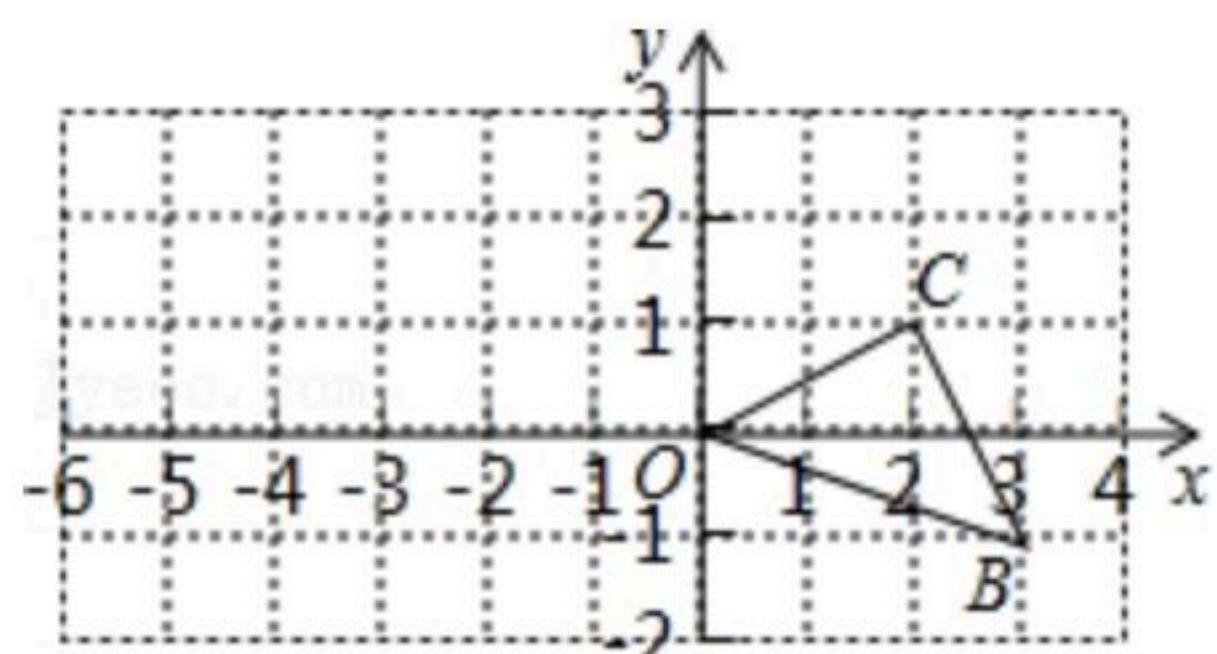
15. 作图题：如图，已知 O 是坐标原点， B 、 C 两点的坐标分别为 $(3, -1)$ 、 $(2, 1)$.

(1)以 O 点为位似中心在 y 轴的左侧将 $\triangle OBC$ 放大到两倍(即新图与原图的相似比为2，画出图形；

(2)分别写出 B 、 C 两点的对应点 B' 、 C' 的坐标.



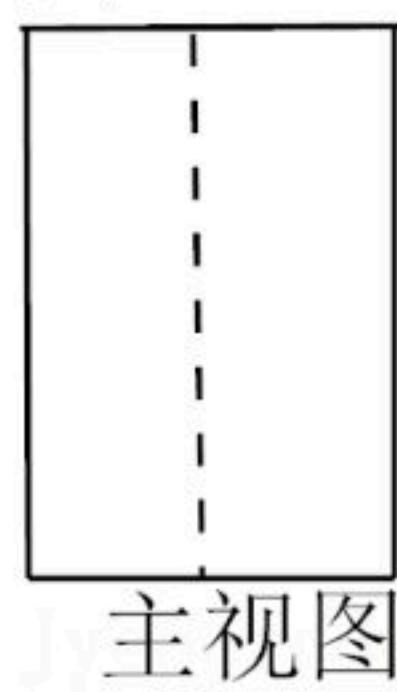
扫码查看解析



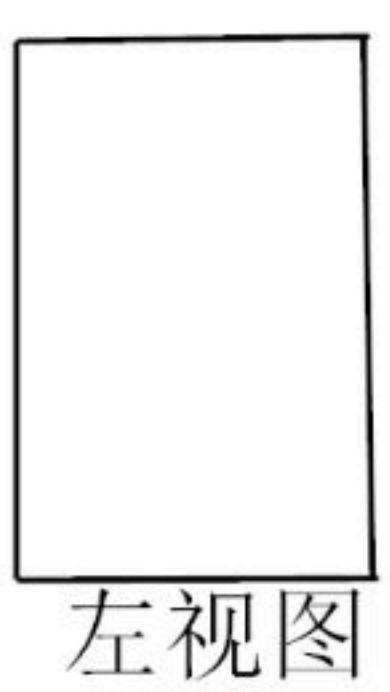
16. 某食品包装盒抽象出的几何体的三视图如图所示. (俯视图为等边三角形)

(1)写出这个几何体的名称;

(2)若矩形的长为10cm, 等边三角形的边长为4cm, 求这个几何体的表面积.



主视图



左视图



俯视图

17. 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2-(2m-2)x+(m^2-2m)=0$.

(1)请说明该方程实数根的个数情况;

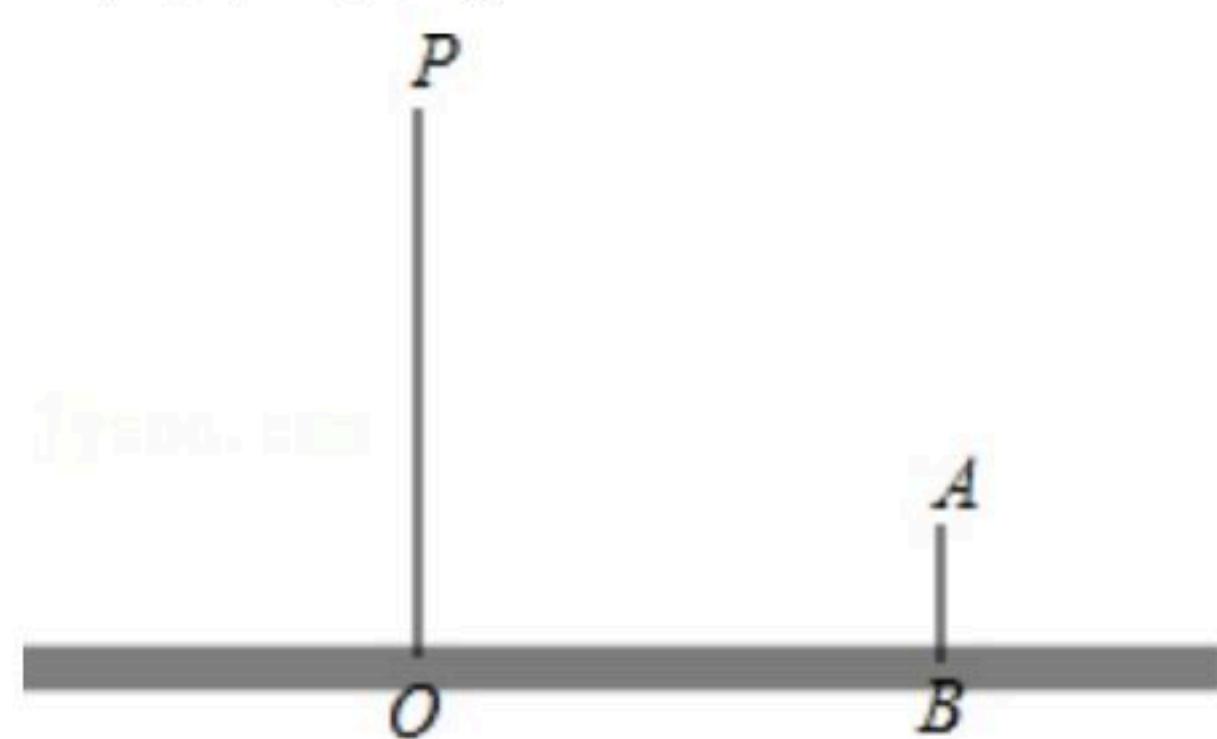
(2)如果方程的两个实数根为 x_1, x_2 , 且 $(x_1+1) \cdot (x_2+1)=8$, 求 m 的值.

四、(本大题共3小题, 每小题8分, 共24分)

18. 晚上, 小亮在广场乘凉, 图中线段 AB 表示站立在广场上的小亮, 线段 PO 表示直立在广场上的灯杆, 点 P 表示照明灯

(1)请你在图中画出小亮在照明灯 P 照射下的影子 BC (请保留作图痕迹, 并把影子描成粗线);

(2)如果小亮的身高 $AB=1.6m$, 测得小亮影长 $BC=2m$, 小亮与灯杆的距离 $BO=13m$, 请求出灯杆的高 PO .



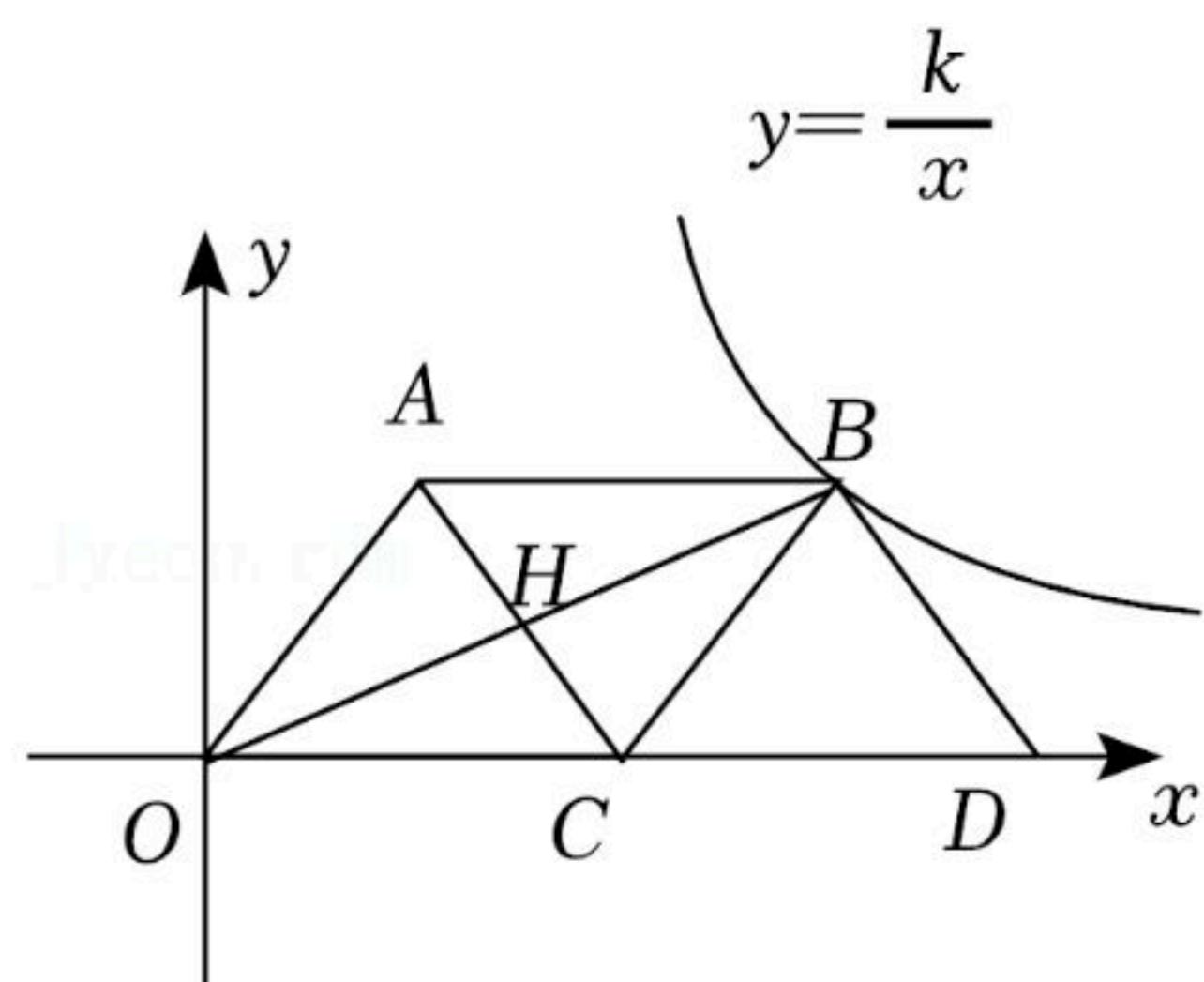
19. 如图, 在平面直角坐标系中, 点 O 为坐标原点, 菱形 $OABC$ 的顶点 A 的坐标为 $(3, 4)$.

(1)求过点 B 的反比例函数 $y=\frac{k}{x}$ 的解析式;

(2)连接 OB, AC 交于点 H , 过点 B 作 $BD \parallel AC$ 交 x 轴于点 D , 求直线 BD 的解析式.



扫码查看解析

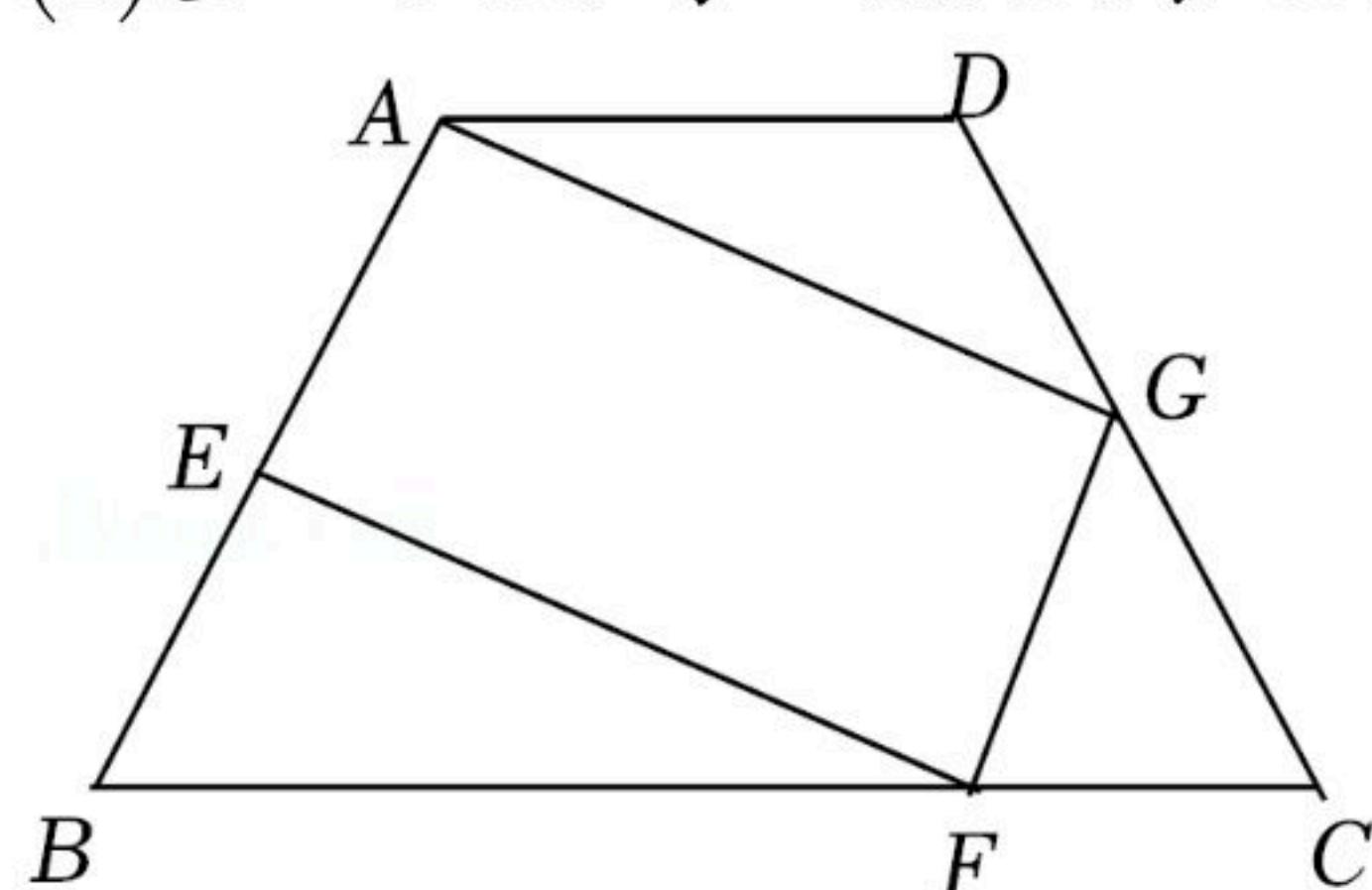


20. 某商品每天可售出300件，每件获利2元。为了尽快减少库存，店主决定降价销售。根据经验可知，如果每件降价0.1元，平均每天可多售出20件，店主要想平均每天获利500元，每件商品应降价多少元？

五、(本大题共2小题，每小题9分，共18分)

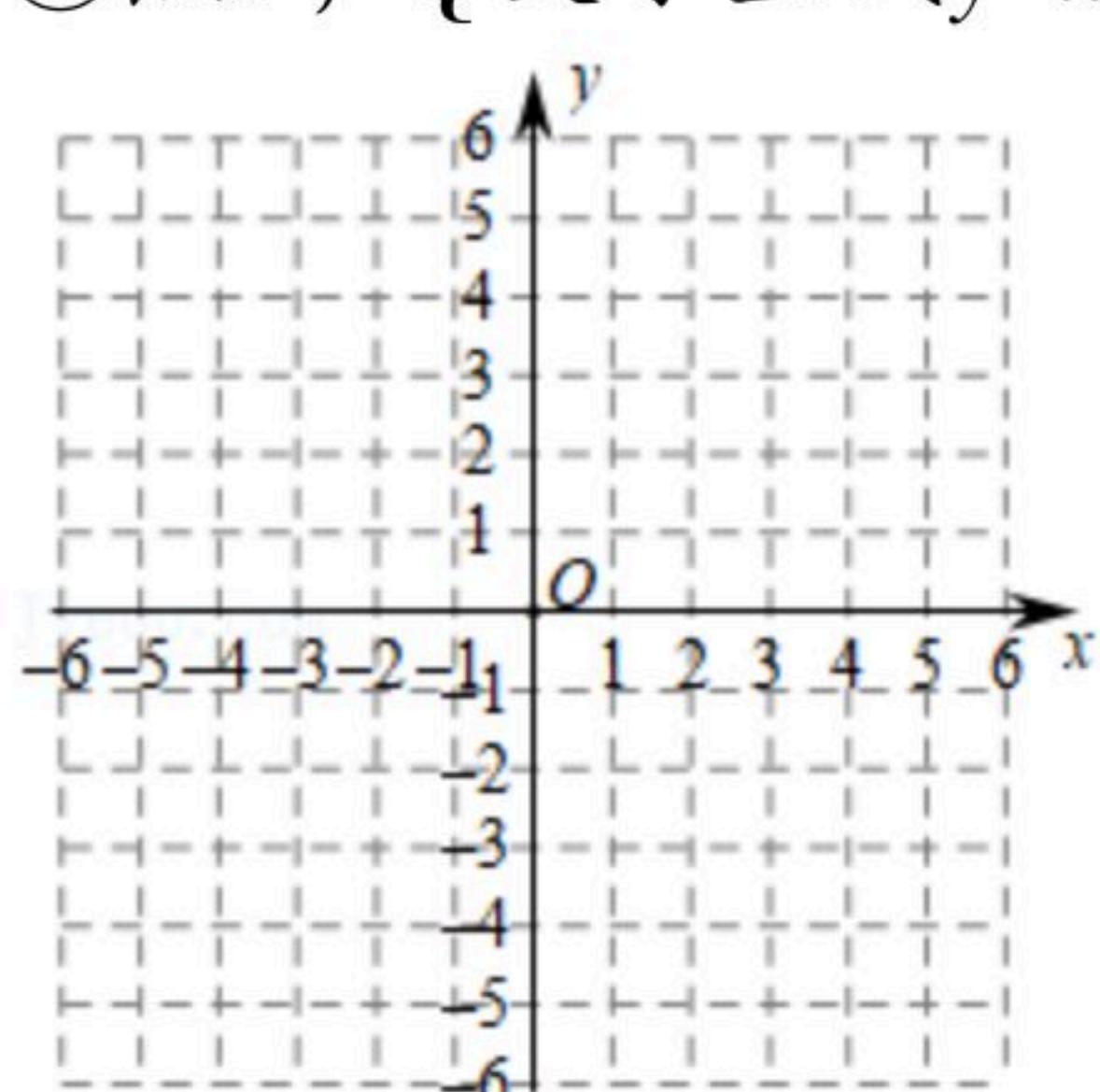
21. 如图，在四边形ABCD中， $\angle B=\angle C$ 。点E、F、G分别在边AB、BC、CD上， $AE=GF=GC$ 。

- (1)求证：四边形AEFG是平行四边形；
(2)当 $\angle FGC$ 与 $\angle EFB$ 满足怎样的关系时，四边形AEFG是矩形。请说明理由。



22. 在 $\triangle ABC$ 中，BC边的长为x，BC边上的高为y， $\triangle ABC$ 的面积为2。

- (1)求y关于x的函数关系式，并说明x的取值范围；
(2)在平面直角坐标系中画出该函数图象；
(3)若直线 $y=-x+m$ 与上述函数图象交于点 $P(x_1, y_1)$ 和点 $Q(x_2, y_2)$ ，则下面四个结论中，正确的是 _____ (直接填序号)。
① $x_1y_1=x_2y_2$ ；
② $x_1+y_1=x_2+y_2$ ；
③点P，Q关于原点成中心对称；
④点P，Q关于直线 $y=x$ 成轴对称。





扫码查看解析

六. (本大题共12分)

23. 回归教材

(1) 北师大七年级下册P44, 如图1所示, 点P是直线m外一点, $PO \perp m$, 点O是垂足, 点A、B、C在直线m上, 比较线段 PO , PA , PB , PC 的长短, 你发现了什么?

最短线段是 _____, 于是, 小明这样总结: 直线外一点与直线上各点连接的所有线段中, _____.

小试牛刀

(2) 如图2所示, $Rt\triangle ABC$ 中, $AB=c$, $AC=b$, $BC=a$. 则点P为AB边上一动点, 则 CP 的最小值为 _____.

尝试应用

(3) 如图3所示, $\triangle ABC$ 是边长为4的等边三角形, 其中点P为高AD上的一个动点, 连接BP, 将BP绕点B顺时针旋转 60° 得到BE, 连接PE、DE、CE.

① 请直接写出DE的最小值.

② 在①的条件下求 $\triangle BPE$ 的面积.

拓展提高

(4) 如图4, $Rt\triangle BEF$ 顶点F在矩形ABCD的对角线AC上运动, 连接AE. $\angle EBF=\angle ACD$. $AB=3$, $BC=4$, 请求出AE的最小值.

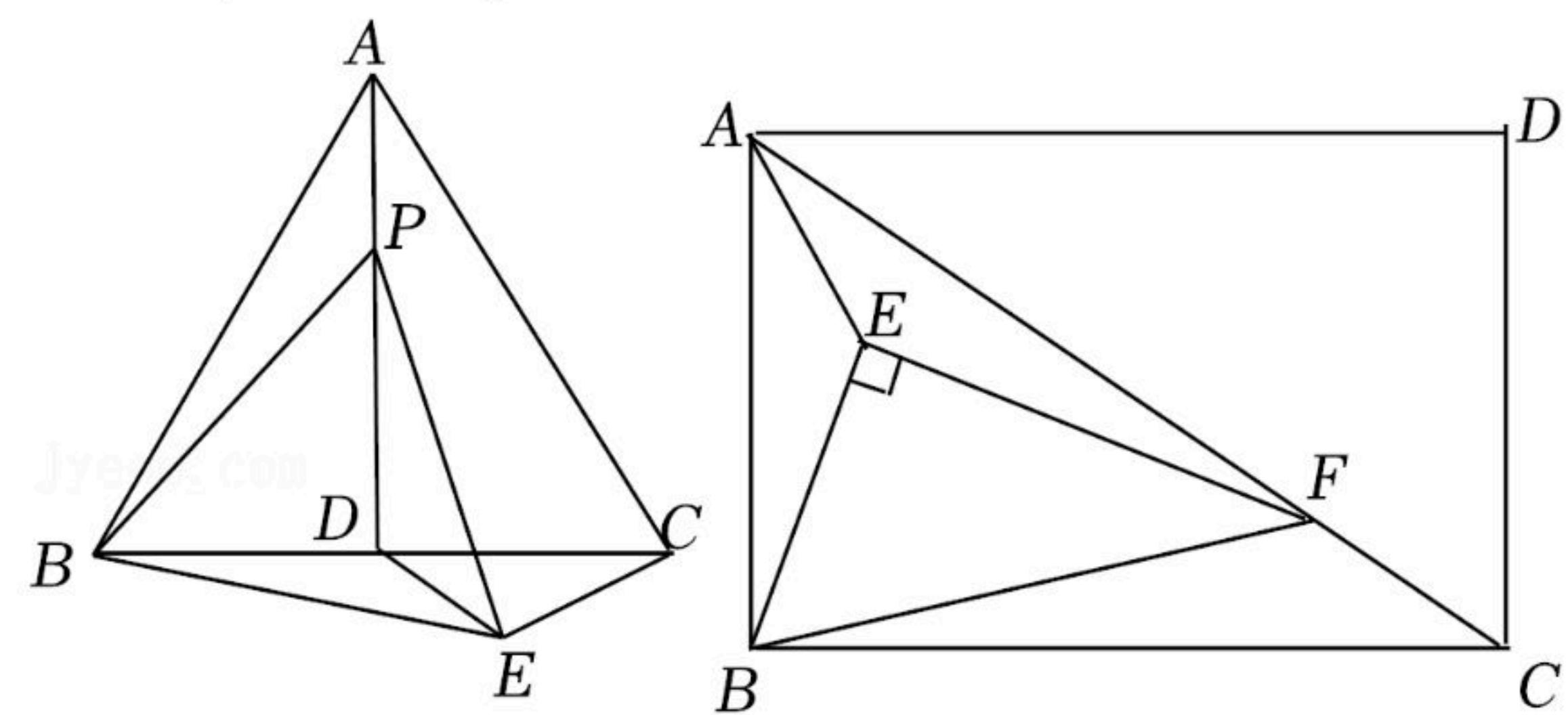


图1

图2

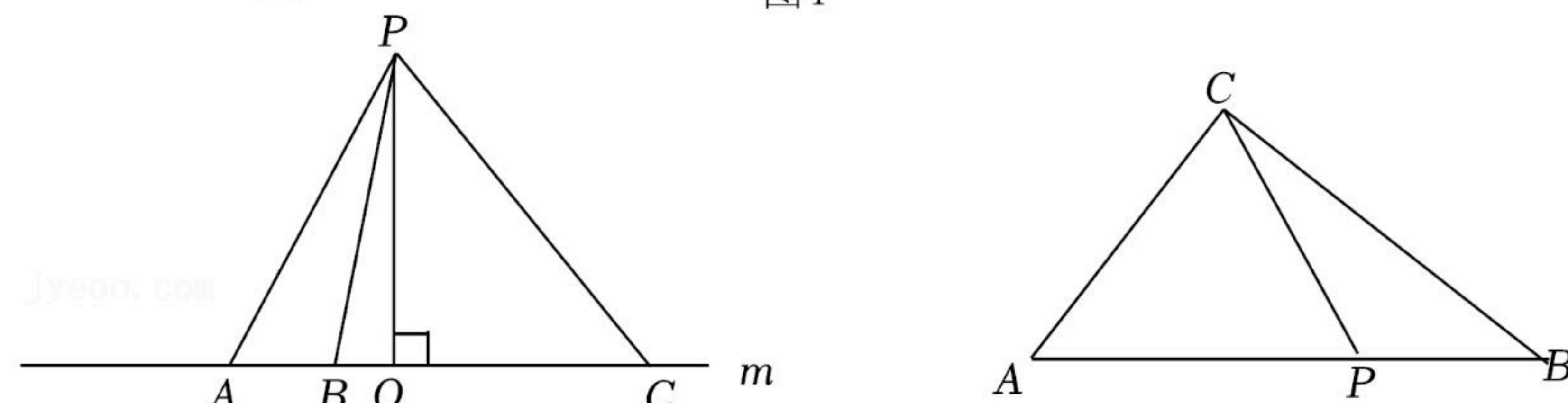


图3

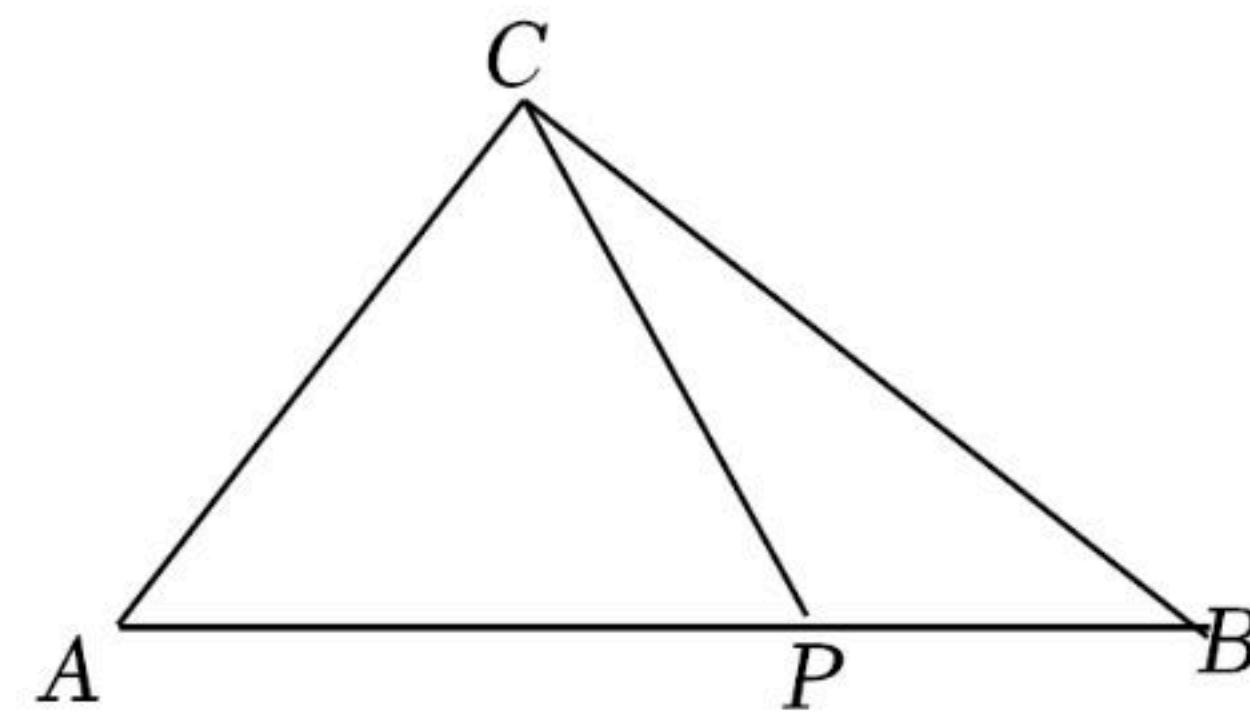


图4

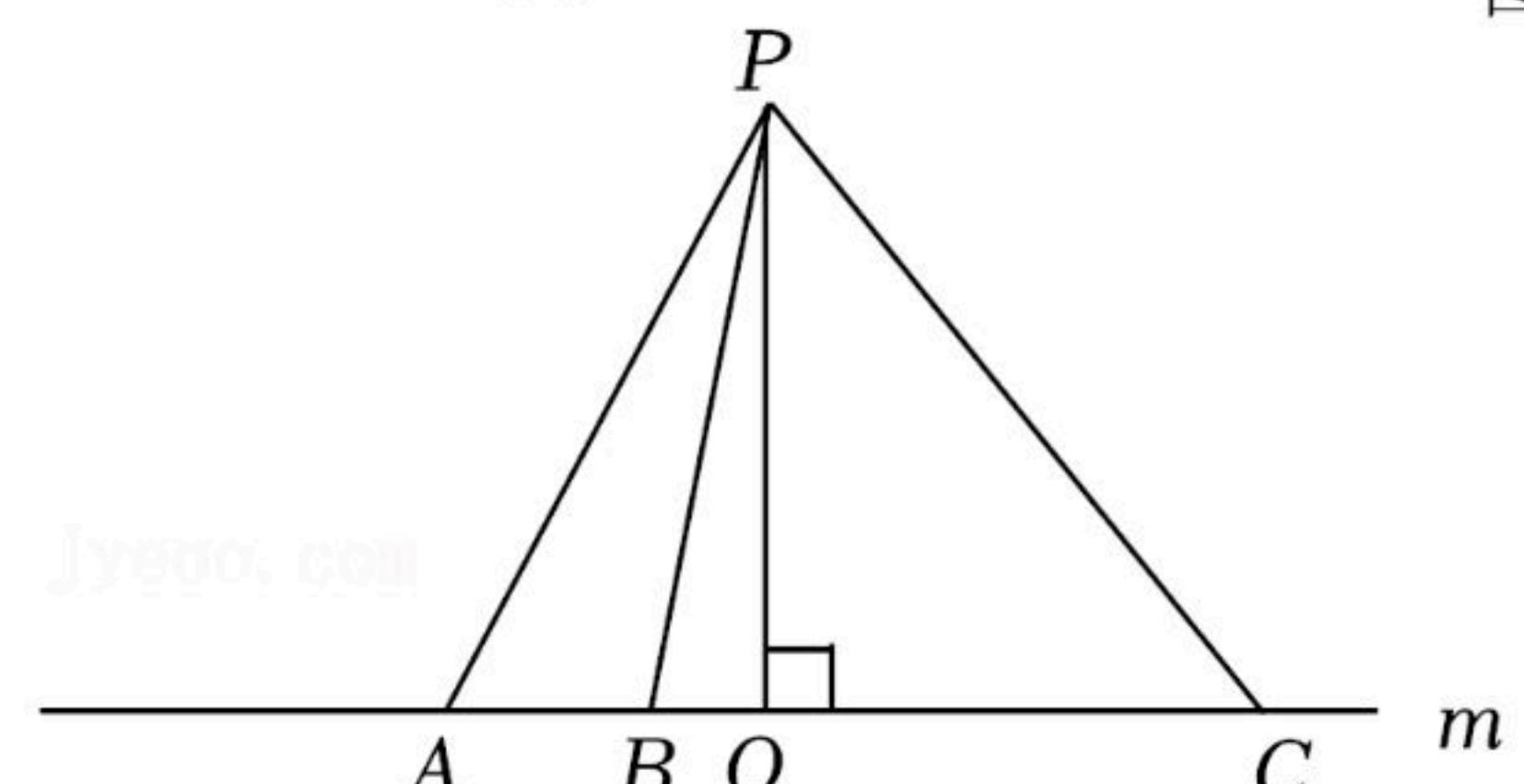


图1

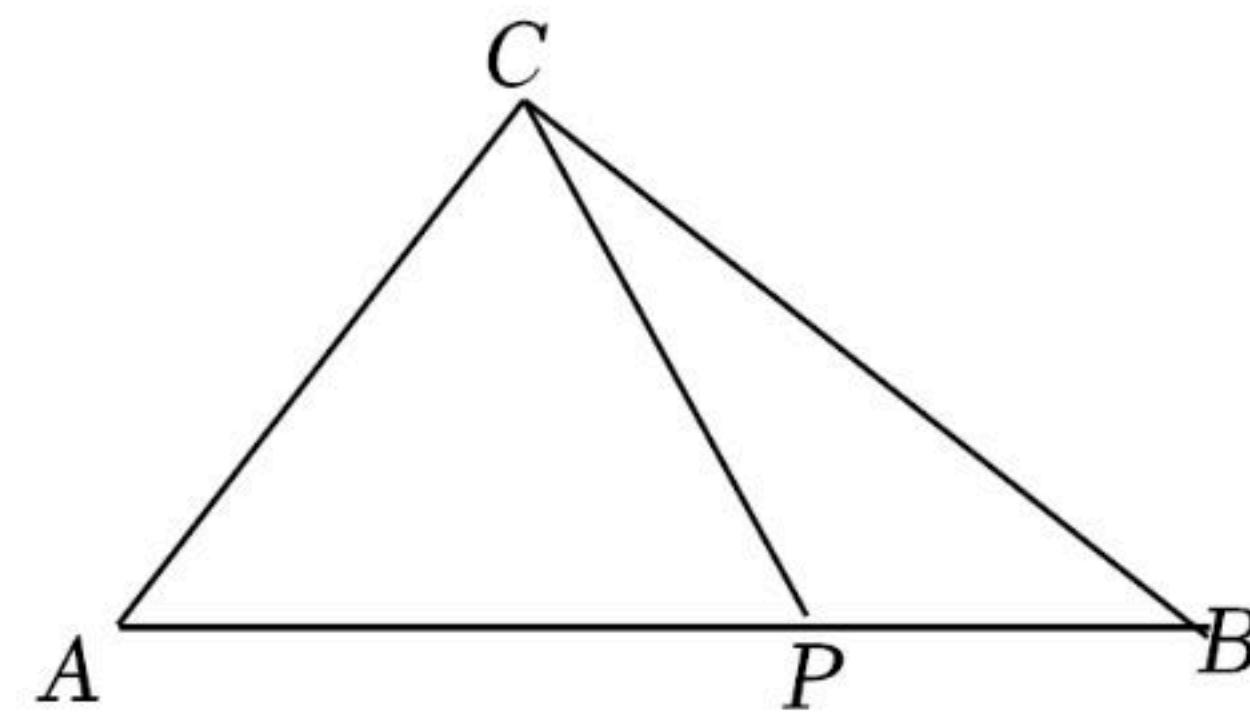


图2



扫码查看解析