



扫码查看解析

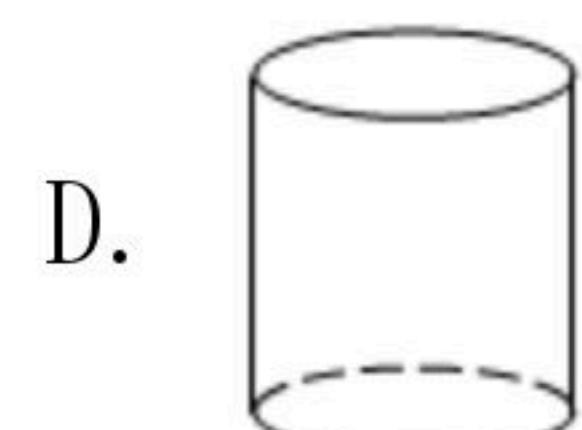
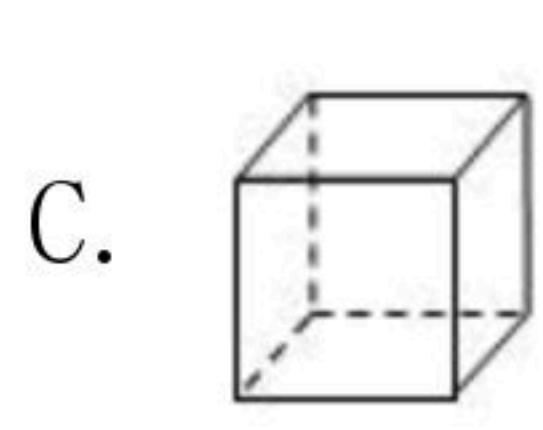
2021-2022学年北京市海淀区清华附中七年级（上）期末试卷

数 学

注：满分为0分。

一、选择题（本大题共30分，每小题3分）

1. 下列图形中，不属于立体图形的是()



2. 目前全球新型冠状病毒肺炎疫情防控形势依旧严峻，我们应该坚持“勤洗手，戴口罩，常通风”。一双没有洗过的手，带有各种细菌约75000万个，将数据75000用科学记数法表示是()

A. 7.5×10^3

B. 7.5×10^4

C. 7.5×10^5

D. 7.5×10^6

3. 单项式 $-3x^2y$ 的系数和次数分别是()

A. 3, 2

B. -3, 2

C. 3, 3

D. -3, 3

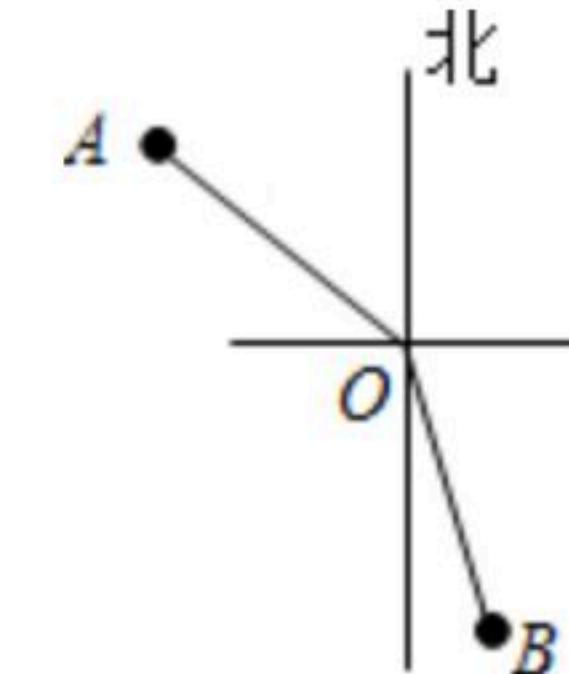
4. 在灯塔O处观测到轮船A位于北偏西 54° 的方向，同时轮船B在南偏东 15° 的方向，那么 $\angle AOB$ 的大小为()

A. 69°

B. 111°

C. 141°

D. 159°



5. 下列各组式子中，是同类项的为()

A. $2a$ 与 $2b$

B. $2ab$ 与 $-3ba$

C. a^2b 与 $2ab^2$

D. $3a^2b$ 与 a^2bc

6. 如果 $3(x-2)$ 与 $2(3-x)$ 互为相反数，那么 x 的值是()

A. 0

B. 1

C. 2

D. 3

7. 下列等式变形正确的是()

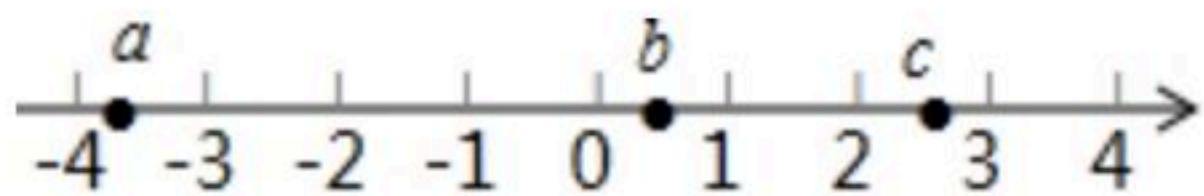
A. 若 $2x=1$ ，则 $x=2$

B. 若 $2(x-2)=5(x+1)$ ，则 $2x-4=5x+5$

C. 若 $4x-1=2-3x$ ，则 $4x+3x=2-1$

D. 若 $\frac{3x+1}{2}-\frac{1-2x}{3}=1$ ，则 $3(3x+1)-2(1-2x)=1$

8. 实数 a , b , c 在数轴上的对应点的位置如图所示，则正确的结论是()





扫码查看解析

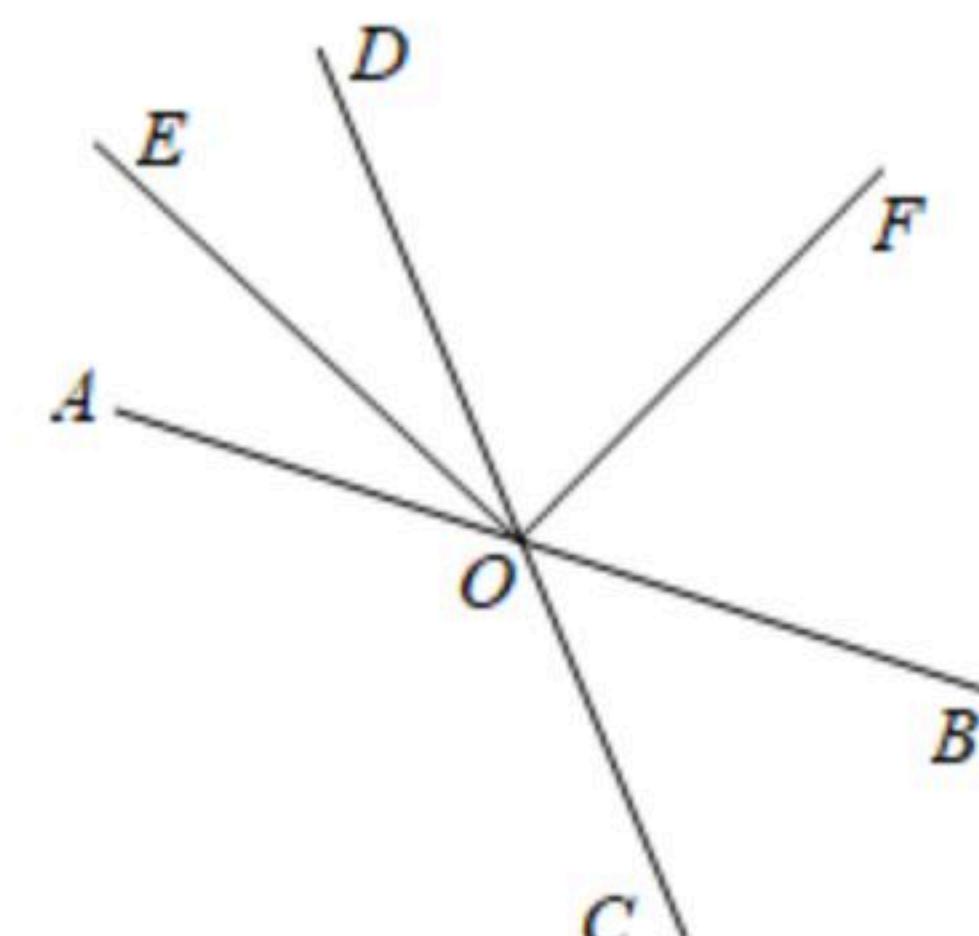
- A. $-a > c$ B. $a > b$ C. $ab > 0$ D. $a > -3$

9. 近年来，网购的蓬勃发展方便了人们的生活。某快递分派站现有包裹若干件需快递员派送，若每个快递员派送10件，还剩6件；若每个快递员派送12件，还差6件，设该分派站有 x 名快递员，则可列方程为（ ）

- A. $10x - 6 = 12x + 6$
 B. $10x + 6 = 12x - 6$
 C. $\frac{x-6}{10} = \frac{x+6}{12}$
 D. $\frac{x+6}{10} = \frac{x-6}{12}$

10. 如图，直线 AB ， CD 相交于点 O ， OE 平分 $\angle AOD$ ， OF 平分 $\angle BOD$. 当直线 CD 绕点 O 顺时针旋转 α° ($0 < \alpha < 180$)时，下列各角的度数与 $\angle BOD$ 度数变化无关的角是（ ）

- A. $\angle AOD$ B. $\angle AOC$ C. $\angle EOF$ D. $\angle DOF$



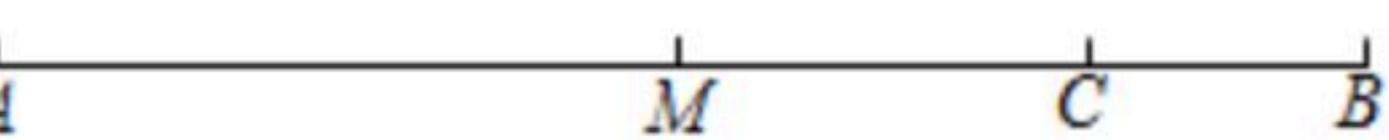
二、填空题（本大题共16分，每小题2分）

11. 用四舍五入法将3.1415精确到百分位约等于_____.

12. 已知关于 x 的方程 $x+2m=15$ 的解是 $x=1$ ，则 $m=$ _____.

13. 若关于 x 的多项式 $x^3+(2m+2)x^2-(m-3)x-1$ 不含二次项，则 $m=$ _____.

14. 如图，点 C 在线段 AB 上，若 $AB=10$ ， $BC=2$ ， M 是线段 AB 的中点，则 MC 的长为_____.



15. 已知关于 x 的方程 $(m+1)x^{|m|}=6$ 是一元一次方程，则 m 的值是_____.

16. 比较大小： $36^\circ 25'$ _____ 36.25° (填“ $>$ ”，“ $<$ ”或“ $=$ ”).

17. 已知代数式 $m+2n=1$ ，则代数式 $3m+6n+5$ 的值为_____.

18. 甲、乙两商场在做促销，如下所示，已知两家商场相同商品的标价都一样。

甲商场：全场均打八五折；

乙商场：购物不超过200元，不给予优惠；超过了200元而不超过500元，一律打八八折；超过500元时，其中的500元打八八折，超过500元的部分打八折。

(1)某顾客要购买商品的总标价为600元，该顾客选择_____ (填“甲”或“乙”)商场更划算；

(2)当购物总额是_____ 元时，甲、乙两商场实付款相同。



三、解答题（本大题共54分，第19，20题，每小题8分，第21~25题，每小题8分，第26题7分，第27题6分）

扫码查看解析

19. 计算：

$$(1) (-3)^2 - 2^3 \div (-2);$$
$$(2) \left(\frac{1}{4} + \frac{1}{2} - \frac{2}{3}\right) \times 12.$$

20. 解下列方程：

$$(1) 2x - 15 = 5 - 3x;$$
$$(2) \frac{5x - 7}{3} = \frac{3x - 3}{2}.$$

21. 先化简，再求值： $4xy - (2x^2 + 5xy - y^2) + 2(x^2 + 3xy)$ ，其中 $x=1, y=-2$.

22. 如图，平面上有 A 、 B 、 C 、 D 、 F 五个点，请根据下列语句画出图形：

- (1) 直线 BC 与射线 AD 相交于点 M ；
(2) 连接 AB ，并延长线段 AB 至点 E ，使点 B 为 AE 中点；
(3) 在直线 BC 上找一点 P ，使点 P 到 A 、 F 两点的距离之和最小，作图的依据是：

_____.

23. 定义一种新运算“ \diamond ”，其规则为 $x \diamond y = xy - x + y$. 例如 $2 \diamond 3 = 2 \times 3 - 2 + 3 = 7$, $(2a) \diamond 3 = (2a) \times 3 - 2a + 3 = 4a + 3$.

- (1) 计算 $3 \diamond 2$ 值为 _____；
(2) 已知 $(2m) \diamond 3 = 2 \diamond m$, 求 m 的值；
(3) 有理数的加法和乘法运算都满足交换律，即 $a+b=b+a$, $ab=ba$, 那么“ \diamond ”运算是否满足交换律？若满足，请说明理由；若不满足，请举例说明.

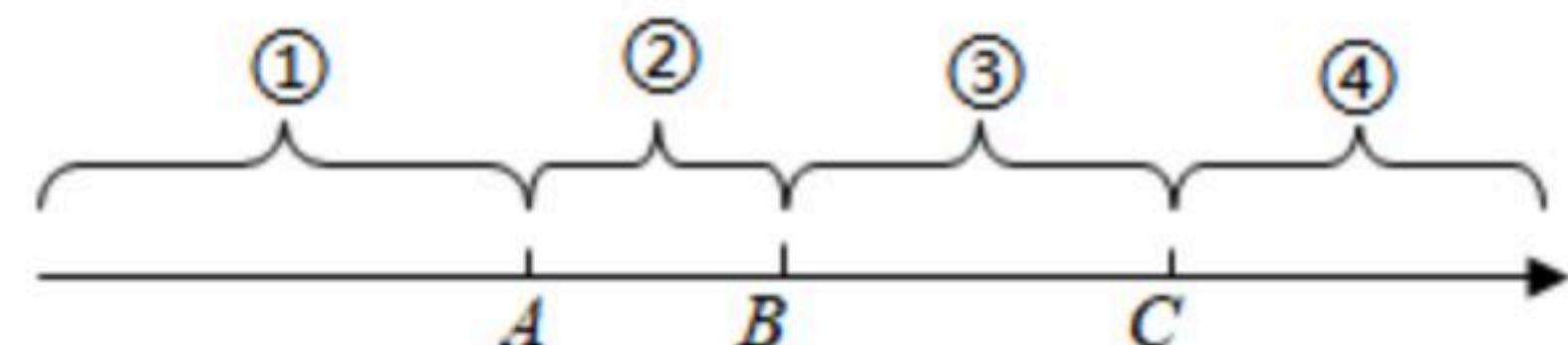
24. 下表是某次篮球联赛积分榜的一部分：



球队	比赛场次	胜场	负场	积分
前进	14	10	4	24
光明	14	9	5	23
远大	14	7	7	21
钢铁	14	0	14	14
备注：积分=胜场积分+负场积分				

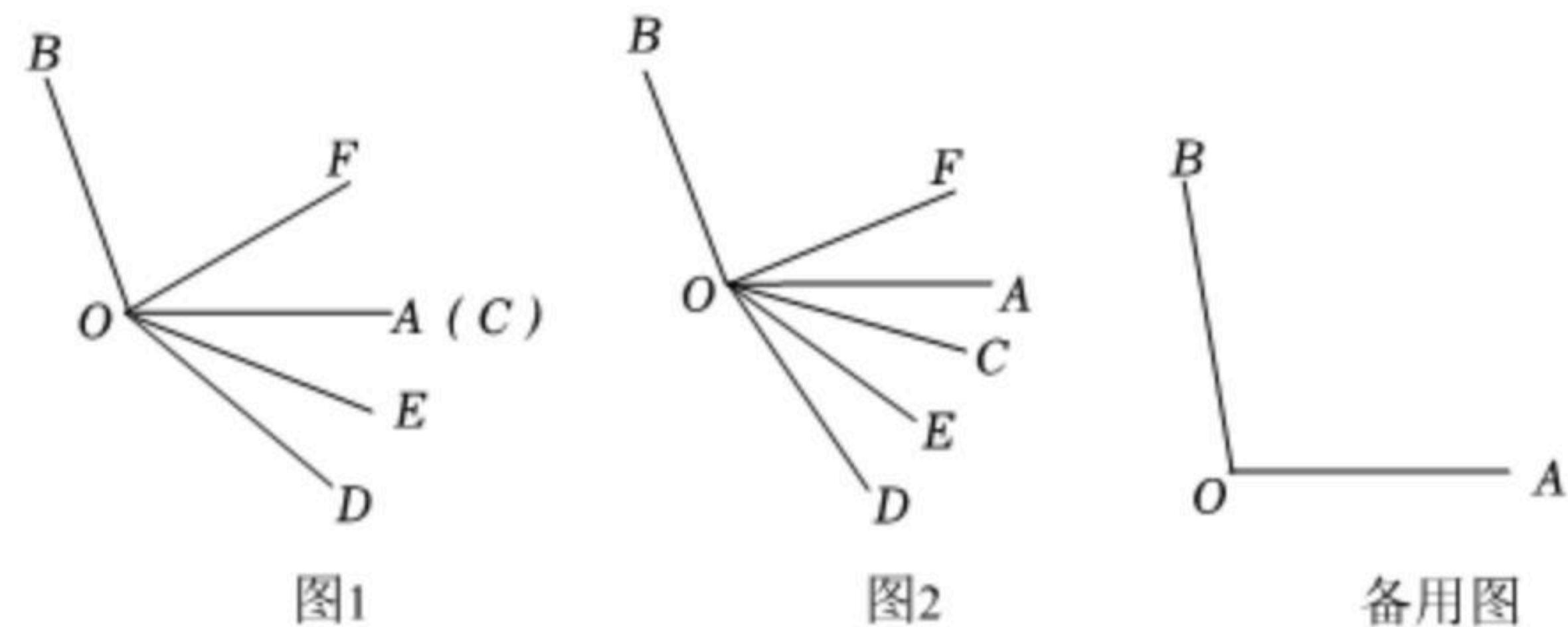
- (1) 观察积分榜，胜一场积_____分，负一场积_____分；
(2) 设某队胜 x 场，则胜场总积分为_____分，负场总积分为_____分
(用含 x 的整式填空)；
(3) 若某队的负场总积分是胜场总积分的 n 倍，其中 n 为正整数，请直接写出 n 的值.

25. 如图，在一条不完整的数轴上，从左到右的点 A , B , C 把数轴分成①②③④四部分，点 A , B , C 对应的数分别是 a , b , c ，已知 $bc < 0$.



- (1) 原点在第_____部分；
(2) 若 $AC=5$, $BC=3$, $b=-1$, 求 a 的值；
(3) 在(2)的条件下，数轴上一点 D 表示的数为 d , 若 $BD=2OC$, 直接写出 d 的值.

26. 已知 $\angle AOB=100^\circ$, $\angle COD=40^\circ$, OE , OF 分别平分 $\angle AOD$, $\angle BOD$.



- (1) 如图1, 当 OA , OC 重合时, $\angle EOF=$ _____度；
(2) 若将 $\angle COD$ 从图1的位置绕点 O 顺时针旋转, 旋转角 $\angle AOC=\alpha$, 满足 $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ 且 $\alpha \neq 40^\circ$.
① 如图2, 用等式表示 $\angle BOF$ 与 $\angle COE$ 之间的数量关系, 并说明理由;
② 在 $\angle COD$ 旋转过程中, 请用等式表示 $\angle BOE$ 与 $\angle COF$ 之间的数量关系, 并直接写出答案.



扫码查看解析

27. 给定一列数，我们把这列数中的第一个数记为 a_1 ，第二个数记为 a_2 ，第三个数记为 a_3 ，依此类推，第 n 个数记为 a_n (n 为正整数)，如下面这列数2, 4, 6, 8, 10中， $a_1=2$,

$a_2=4$, $a_3=6$, $a_4=8$, $a_5=10$, 规定运算 $\sum_{i=1}^n a_i=a_1+a_2+a_3+\cdots+a_n$. 即从这列数的第一个数开始依次加到第 n 个数，如在上面的一列数中， $\sum_{i=1}^3 a_i=a_1+a_2+a_3=2+4+6=12$.

(1)已知一列数1, -2, 3, -4, 5, -6, 7, -8, 9, -10, 那么 $a_5=\underline{\hspace{2cm}}$, $\sum_{i=1}^5 a_i=\underline{\hspace{2cm}}$;

(2)已知这列数1, -2, 3, -4, 5, $\underset{2022}{-6}$, 7, -8, 9, -10, ..., 按照规律可以无限写下去, 那么 $a_{2020}=\underline{\hspace{2cm}}$, $\sum_{i=1}^{2022} a_i=\underline{\hspace{2cm}}$;

(3)在(2)的条件下, 若存在正整数 n 使等式 $|\sum_{i=1}^n a_i|=2022$ 成立, 直接写出 n 的值.

四、附加题 (本大题共20分, 第28-30题每题3分, 第31题4分, 第32题7分)

28. 若实数 x , y , 满足 $|x+2|+(x+y)^2=0$, 则 x^y 的值等于 _____.

29. 一个角的补角比它的余角的3倍少 20° , 这个角的度数是 _____.

30. 若 $a+9=b+8=c+7$, 则 $(a-b)^2+(b-c)^2-(c-a)^2=\underline{\hspace{2cm}}$.

31. 对于三个数 a , b , c , 用 $M\{a, b, c\}$ 表示这三个数的平均数, 用 $\min\{a, b, c\}$ 表示这三个数中最小的数. 例如: $M\{-1, 2, 3\}=\frac{-1+2+3}{3}=\frac{4}{3}$, $\min\{-1, 2, 3\}=-1$, 如果 $M\{3, 2x+1, x-1\}=\min\{3, -x+7, 2x+5\}$, 那么 $x=\underline{\hspace{2cm}}$.

32. 对于数轴上的点 A 和正数 r , 给出如下定义: 点 A 在数轴上移动, 沿负方向移动 r 个单位长度后所在位置点表示的数是 x , 沿正方向移动 r 个单位长度后所在位置点表示的数是 y , x 与 y 这两个数叫做“点 A 的 r 对称数”, 记作 $D(A, r)=\{x, y\}$, 其中 $x < y$. 例如: 原点 O 表示0, 原点 O 的1对称数是 $D(O, 1)=\{-1, 1\}$.

(1)若点 A 表示2, 则点 A 的4对称数 $D(A, 4)=\{x, y\}$, 则 $x=\underline{\hspace{2cm}}$, $y=\underline{\hspace{2cm}}$;

(2)若 $D(A, r)=\{-3, 11\}$, 求点 A 表示的数及 r 的值;

(3)已知 $D(A, 5)=\{x, y\}$, $D(B, 3)=\{m, n\}$, 若点 A 、点 B 从原点同时出发, 沿数轴反向运动, 且点 A 的速度是点 B 速度的2倍, 当 $2(y-n)=3(x-m)$ 时, 请直接写出点 A 表示的数.



扫码查看解析