



扫码查看解析

# 2021年湖北省武汉市江夏区中考模拟试卷（3月份）

## 数 学

注：满分为120分。

一、选择题（共10小题，每小题3分，共30分）下列各题中均有四个备选答案，其中有且只有个正确，请在答题卡上将正确答案的字母代号涂黑。

1. 下列图形中，既是轴对称图形，又是中心对称图形的是( )



2. 下列事件是必然事件的是( )

A. 打开电视机，正在播放《中国好声音》

B. 上学路上经过十字路口遇上红灯

C. 掷一枚均匀的硬币，正面朝上

D. 从1、2、3、4、5这五个数中任取一个数，取到的数一定大于0

3. 设 $x_1, x_2$ 是一元二次方程 $x^2-2x-3=0$ 的两根，则 $x_1+x_2=( )$

A. -2

B. 2

C. 3

D. -3

4. 点 $P(2, 3)$ 关于原点对称的点的坐标是( )

A.  $(2, -3)$

B.  $(-2, 3)$

C.  $(-2, -3)$

D.  $(2, 3)$

5. 抛物线 $y=(x+3)^2-5$ 的顶点为( )

A.  $(3, -5)$

B.  $(-3, 5)$

C.  $(-3, -5)$

D.  $(3, 5)$

6. 一个不透明的口袋中有四个完全相同的小球，把它们分别标号为1, 2, 3, 4. 若一次性摸出两个球，则一次性取出的两个小球标号的和不少于4的概率是( )

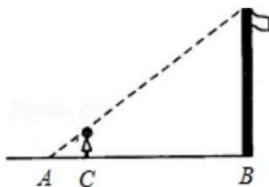
A.  $\frac{3}{16}$

B.  $\frac{13}{16}$

C.  $\frac{1}{6}$

D.  $\frac{5}{6}$

7. 如图，为估算学校的旗杆的高度，身高1.6米的小红同学沿着旗杆在地面的影子 $AB$ 由 $A$ 向 $B$ 走去，当她走到点 $C$ 处时，她的影子的顶端正好与旗杆的影子的顶端重合，此时测得 $AC=2m$ ， $BC=8m$ ，则旗杆的高度是( )



A.  $6.4m$

B.  $7m$

C.  $8m$

D.  $9m$



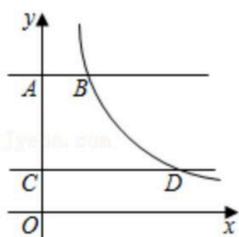
扫码查看解析

8. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $CD$  是高, 若  $AD=4BD$ , 则  $\frac{AC}{BC}$  的值为( )



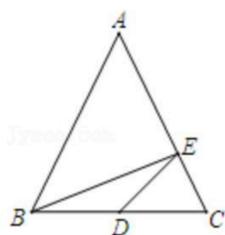
- A.  $\sqrt{3}$       B.  $\sqrt{5}$       C. 2      D.  $\sqrt{2}$

9. 如图, 直线  $y=n$  交  $y$  轴于点  $A$ , 交双曲线  $y=\frac{k}{x}(x>0)$  于点  $B$ , 将直线  $y=n$  向下平移 4 个单位长度后与  $y$  轴交于点  $C$ , 交双曲线  $y=\frac{k}{x}(x>0)$  于点  $D$ , 若  $\frac{AB}{CD}=\frac{1}{3}$ , 则  $n$  的值( )



- A. 4      B. 6      C. 2      D. 5

10. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $AB=AC$ ,  $BC=6$ ,  $E$  为  $AC$  边上的点且  $AE=2EC$ , 点  $D$  在  $BC$  边上且满足  $BD=DE$ , 设  $BD=y$ ,  $S_{\triangle ABC}=x$ , 则  $y$  与  $x$  的函数关系式为( )



- A.  $y=\frac{1}{810}x^2+\frac{5}{2}$       B.  $y=\frac{4}{810}x^2+\frac{5}{2}$   
C.  $y=\frac{1}{810}x^2+2$       D.  $y=\frac{4}{810}x^2+2$

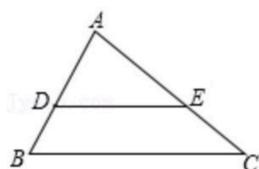
**二、填空题 (共6小题, 每小题3分, 共18分)**

11. 计算:  $\sqrt{16}=\underline{\hspace{2cm}}$ .

12. 若反比例函数  $y=\frac{k-3}{x}$  的图象位于一、三象限内, 则  $k$  的取值范围是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

13. 某药品经过两次降价, 每盒零售价由 105 元降到 88 元, 已知再次降价的百分率相同, 设每次降价的百分率为  $x$ , 根据题意可列方程为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

14. 如图, 平行于  $BC$  的直线  $DE$  把  $\triangle ABC$  分成面积相等的两部分, 则  $\frac{AD}{AB}$  的值为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

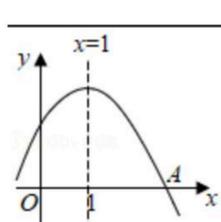


15. 二次函数  $y=ax^2+bx+c$  的部分图象如图所示. 对称轴为  $x=1$ , 图象过点  $A$ , 且  $9a+3b+c=0$ , 以

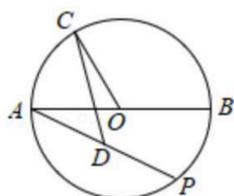


扫码查看解析

下结论：① $abc < 0$ ；② $4a - 2b + c < 0$ ；③关于 $x$ 不等式 $-ax^2 + 2ax - c > 0$ 的解集： $-1 < x < 3$ ；④ $c > -3a$ ；⑤若点 $B(m, y_1)$ ， $C(2-m, y_2)$ 在此函数图象上，则 $y_1 = y_2$ 。其中正确的结论是



16. 已知：如图 $AB$ 是 $\odot O$ 的直径， $AB=4$ ，点 $C$ 为弧 $AB$ 的三等分点(更靠近 $A$ 点)，点 $P$ 是 $\odot O$ 上的一个动点，取弦 $AP$ 的中点 $D$ ，求线段 $CD$ 的最大值为\_\_\_\_\_。



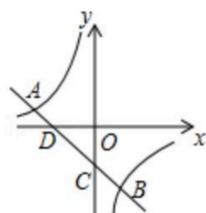
### 三、解答题 (共有8小题, 共72分)

17. 解方程 $x^2 - 1 = 4x$ .

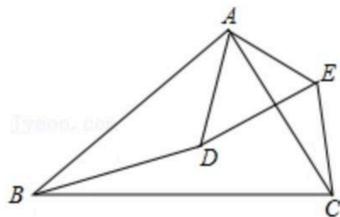
18. 如图，一次函数 $y = kx + b$  ( $k \neq 0$ )的图象与反比例函数 $y = \frac{m}{x}$  ( $m \neq 0$ )的图象交于 $A(-3, 1)$ ， $B(1, n)$ 两点。

(1) 求反比例函数和一次函数解析式；

(2) 结合图象直接写出不等式 $\frac{m}{x} - kx - b > 0$ 的解。



19. 如图所示， $\triangle ABC \sim \triangle ADE$ ，试说明 $\triangle ABD \sim \triangle ACE$ 。



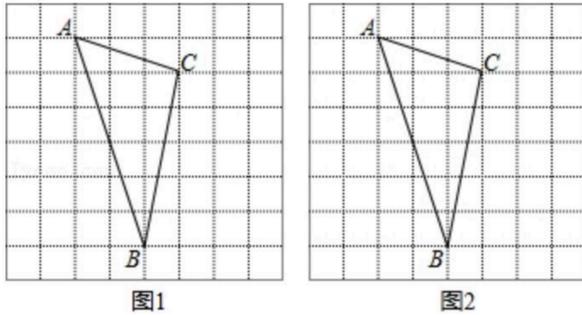
20. 如图是由边长为1的小正方形构成的网格，每个小正方形的顶点叫做格点。 $\triangle ABC$ 的顶点在格点上，仅用无刻度尺的直尺在给定网格中画图，画图过程用虚线表示，画图结果用实线表示，按步骤完成下列问题：



扫码查看解析

(1)在图1中, ①过 $B$ 作 $AC$ 边上的高 $BH$ ( $H$ 为垂足). ②在 $AB$ 边上找一点 $P$ , 使 $\tan \angle ACP = \frac{1}{2}$ .

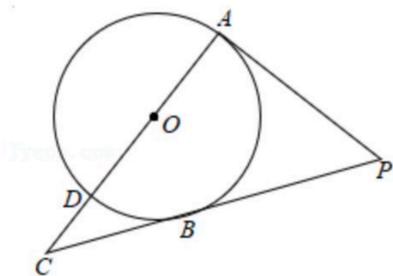
(2)在图2中, ①在 $BC$ 边上找一点 $D$ , 使 $AD$ 平分 $\angle BAC$ . ② $AC$ 边上找一点 $E$ , 使 $DE \parallel AB$ .



21. 如图,  $PA$ 为 $\odot O$ 的切线,  $A$ 为切点, 点 $B$ 在 $\odot O$ 上, 且 $PA=PB$ , 连 $AO$ 并延长交 $PB$ 的延长线于点 $C$ , 交 $\odot O$ 于点 $D$ .

(1)求证:  $PB$ 为 $\odot O$ 的切线;

(2)连接 $OB$ 、 $DP$ 交于点 $E$ . 若 $CD=2$ ,  $CB=4$ , 求 $\frac{PE}{DE}$ 的值.



22. 某水果连锁店销售热带水果, 其进价为20元/千克, 销售一段时间后发现: 该水果的日销售量 $y$ (千克)与售价 $x$ (元/千克)的函数图象关系 $y = -2x + 160$ , 设日销售利润为 $w$ 元.

(1)当日销售利润为1600时, 求售价 $x$ 值.

(2)当售价为多少元/千克时, 日销售利润 $w$ 最大, 最大利润为多少元?

(3)由于某种原因, 该水果进价提高了 $m$ 元/千克( $m > 0$ ), 物价局规定该水果的售价不得超过40元/千克, 该连锁店在今后的销售中, 日销售量与售价的函数关系不变. 若日销售最大利润是1280元, 请求出 $m$ 的值.

23. 如图1,  $CD$ 是 $\triangle ABC$ 的高,  $CD^2 = AD \cdot BD$ .

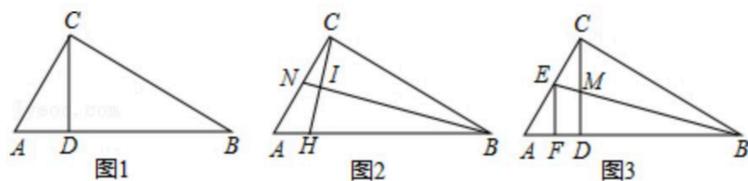
(1)求证:  $\angle ACB = 90^\circ$ .

(2)如图2,  $BN$ 是 $\triangle ABC$ 的中线,  $CH \perp BN$ 于点 $I$ 交 $AB$ 于 $H$ . 若 $\tan \angle ABC = \frac{2}{3}$ , 求 $\frac{BH}{AH}$ 的值;

(3)如图3,  $M$ 是 $CD$ 的中点,  $BM$ 交 $AC$ 于 $E$ ,  $EF \perp AB$ 于 $F$ . 若 $EF=4$ ,  $CE=3.2$ , 直接写出 $AB$ 的值.



扫码查看解析

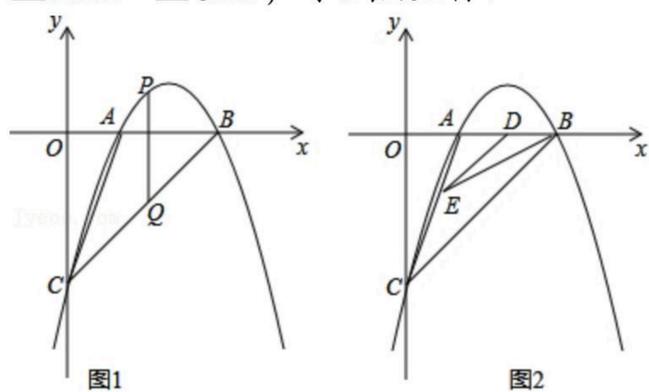


24. 如图，已知抛物线 $y=ax^2+bx-3$ 经过 $A(1, 0)$ ， $B(3, 0)$ ， $C$ 三点.

(1)求抛物线解析式；

(2)如图1，点 $P$ 是 $BC$ 上方抛物线上一点，作 $PQ \perp x$ 轴交 $BC$ 于 $Q$ 点. 请问是否存在点 $P$ 使得 $\triangle BPQ$ 为等腰三角形？若存在，请直接写出 $P$ 点坐标；若不存在，请说明理由；

(3)如图2，连接 $AC$ ，点 $D$ 是线段 $AB$ 上一点，作 $DE \parallel BC$ 交 $AC$ 于 $E$ 点，连接 $BE$ ，若 $\triangle BDE \sim \triangle CEB$ ，求 $D$ 点坐标.





扫码查看解析