



扫码查看解析

# 2020-2021年河北沧州市八年级(下)期中试卷

## 数学

注：满分为0分。

### 一、单选题(共12题；共24分)

1. 下面这几个车标中，既是中心对称图形又是轴对称图形的是( )



2. 已知 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 为实数，若 $a > b$ ,  $c \neq 0$ ，则下列结论不一定正确的是( )

A.  $a+c > b+c$

B.  $c-a < c-b$

C.  $ac > bc$

D.  $ac^2 > bc^2$

3. 能使分式 $\frac{|x|-1}{x^2-2x+1}$ 的值为零的所有 $x$ 的值是( )

A.  $x=1$

B.  $x=-1$

C.  $x=1$ 或 $x=-1$

D.  $x=2$ 或 $x=1$

4. 多项式① $2x^2-x$ , ② $(x-1)^2-4(x-1)+4$ , ③ $(x+1)^2-4x(x+1)+4$ , ④ $-4x^2-1+4x$ ; 分解因式后, 结果含有相同因式的是( )

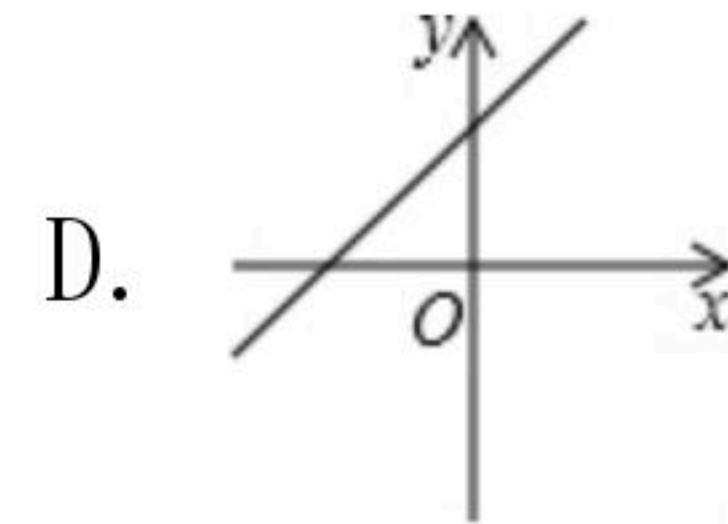
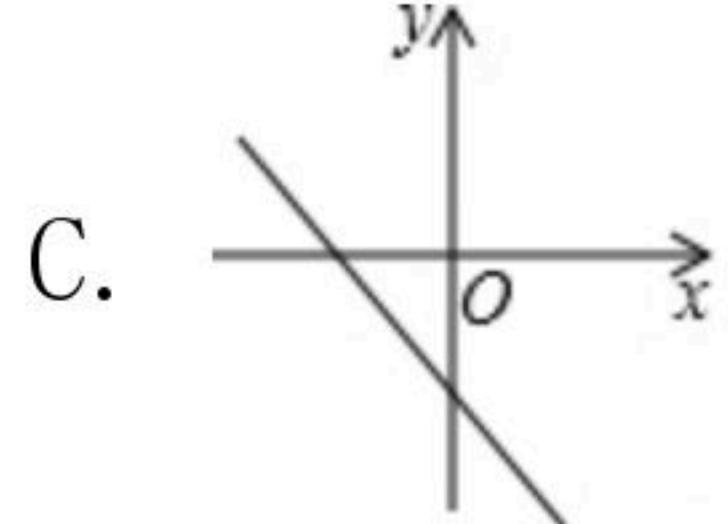
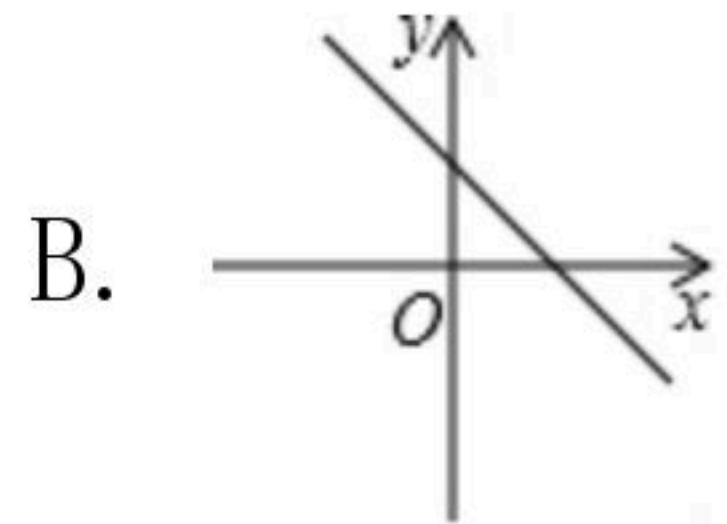
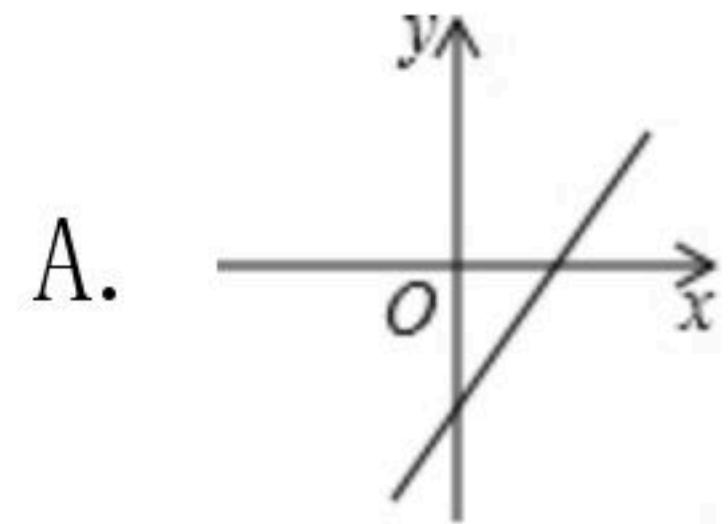
A. ①④

B. ①②

C. ③④

D. ②③

5. 若式子 $\sqrt{k-1}+(k-1)^0$ 有意义，则一次函数 $y=(1-k)x+k-1$ 的图象可能是( )



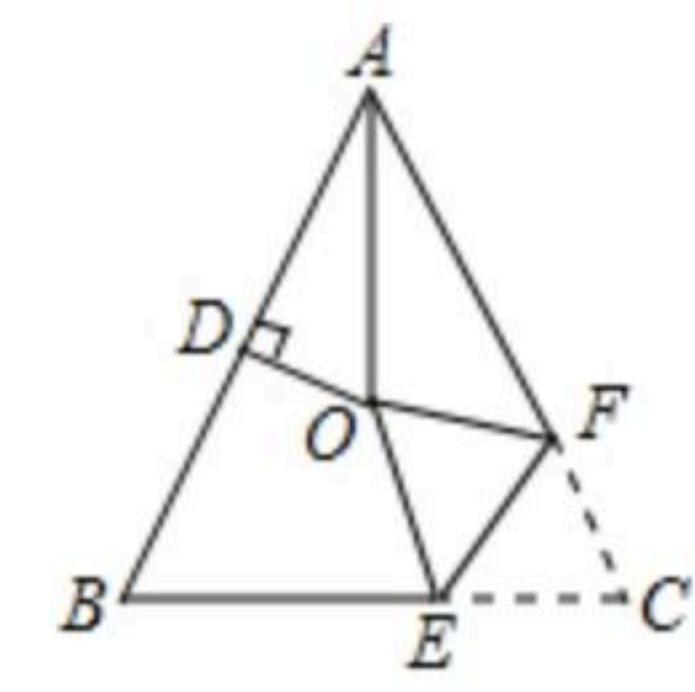
6. 如图,  $\triangle ABC$ 中,  $AB=AC$ ,  $\angle BAC=50^\circ$ ,  $\angle BAC$ 的平分线与 $AB$ 的垂直平分线交于点 $O$ , 将 $\angle C$ 沿 $EF$ ( $E$ 在 $BC$ 上,  $F$ 在 $AC$ 上)折叠, 点 $C$ 与点 $O$ 恰好重合, 则 $\angle OEC$ 的度数是( )

A.  $100^\circ$

B.  $108^\circ$

C.  $120^\circ$

D.  $126^\circ$

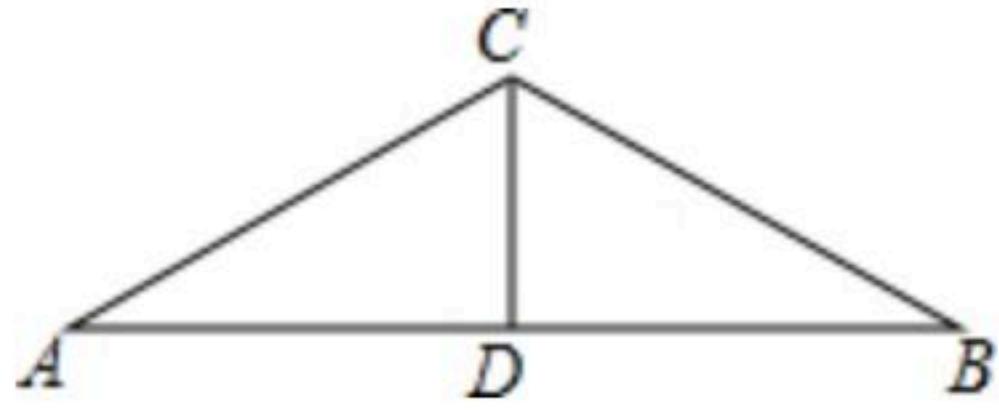


7. 在一次数学课上, 李老师出示一道题目:

如图, 在 $\triangle ABC$ 中,  $AC=BC$ ,  $AD=BD$ ,  $\angle A=30^\circ$ , 在线段 $AB$ 上求作两点 $P$ ,  $Q$ , 使 $AP=CP=CQ=BQ$ .

明明作法: 分别作 $\angle ACD$ 和 $\angle BCD$ 的平分线, 交 $AB$ 于点 $P$ ,  $Q$ . 点 $P$ ,  $Q$ 就是所求作的点.

晓晓作法: 分别作 $AC$ 和 $BC$ 的垂直平分线, 交 $AB$ 于点 $P$ ,  $Q$ . 点 $P$ ,  $Q$ 就是所求作的点.



你认为明明和晓晓作法正确的是( )



扫码查看解析

- A. 明明      B. 晓晓      C. 两人都正确      D. 两人都错误

8. 设 $a=7^3 \times 1412$ ,  $b=932^2-480^2$ ,  $c=515^2-191^2$ , 则数 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 的大小关系是( )

- A.  $c < b < a$       B.  $a < c < b$       C.  $b < c < a$       D.  $c < a < b$

9. “一方有难，八方支援”，雅安芦山4•20地震后，某单位为一中学捐赠了一批新桌椅，学校组织初一年级200名学生搬桌椅。规定一人一次搬两把椅子，两人一次搬一张桌子，每人限搬一次，最多可搬桌椅(一桌一椅为一套)的套数为( )

- A. 60      B. 70      C. 80      D. 90

10. 下列命题中，错误的个数是( )

- (1)三点确定一个圆；  
 (2)平分弦的直径垂直于弦；  
 (3)相等的圆心角所对的弧相等；  
 (4)正五边形是轴对称图形。

- A. 1个      B. 2个      C. 3个      D. 4个

11. 若使代数式 $\frac{3x+1}{2}$ 的值在-1和2之间， $x$ 可以取的整数有( )

- A. 1个      B. 2个      C. 3个      D. 4个

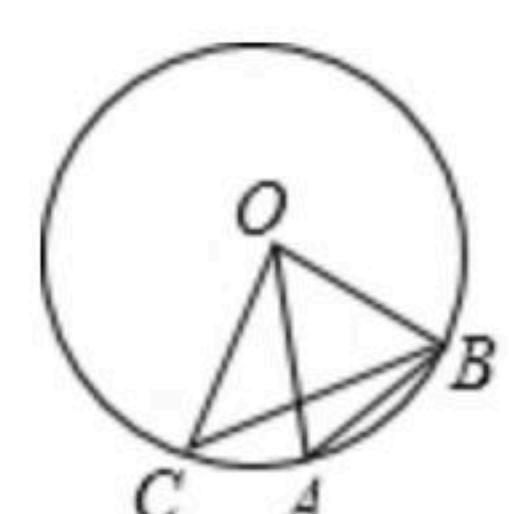
12. 若等腰梯形的上、下底边分别为1和3，一条对角线长为4，则这个梯形的面积是( )

- A.  $16\sqrt{3}$       B.  $8\sqrt{3}$       C.  $4\sqrt{3}$       D.  $2\sqrt{3}$

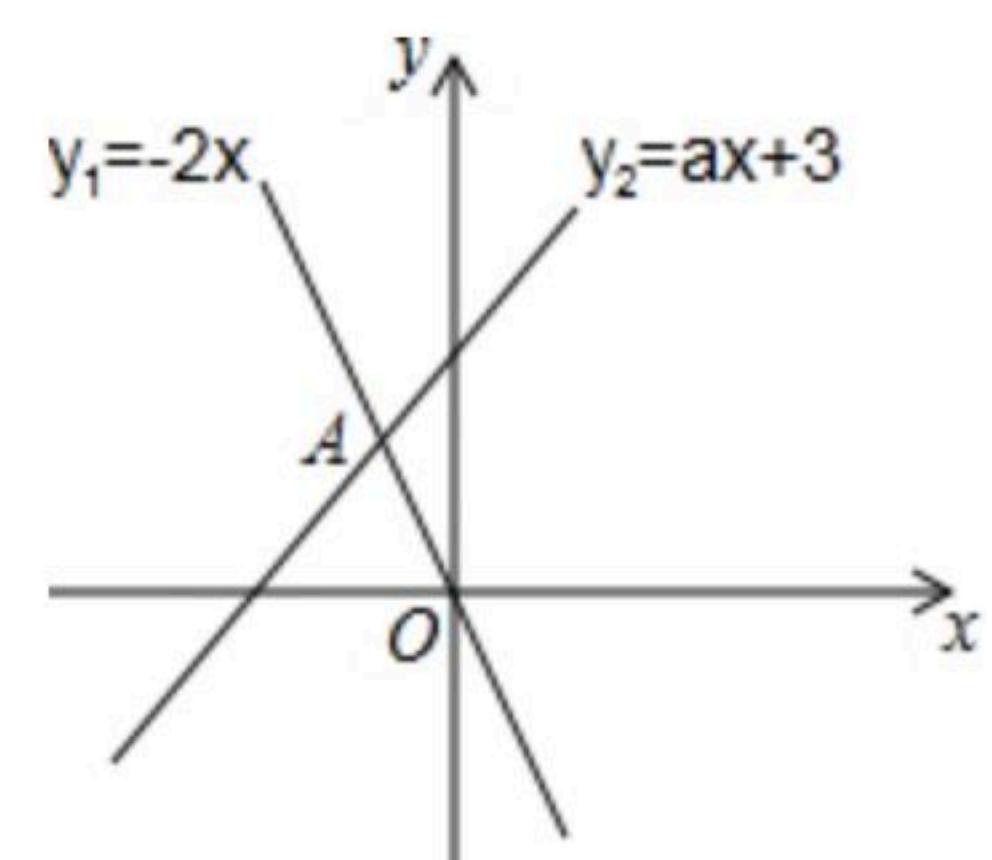
## 二、填空题(共4题：共8分)

13. 分解因式： $4x^3-2x=$ \_\_\_\_\_.

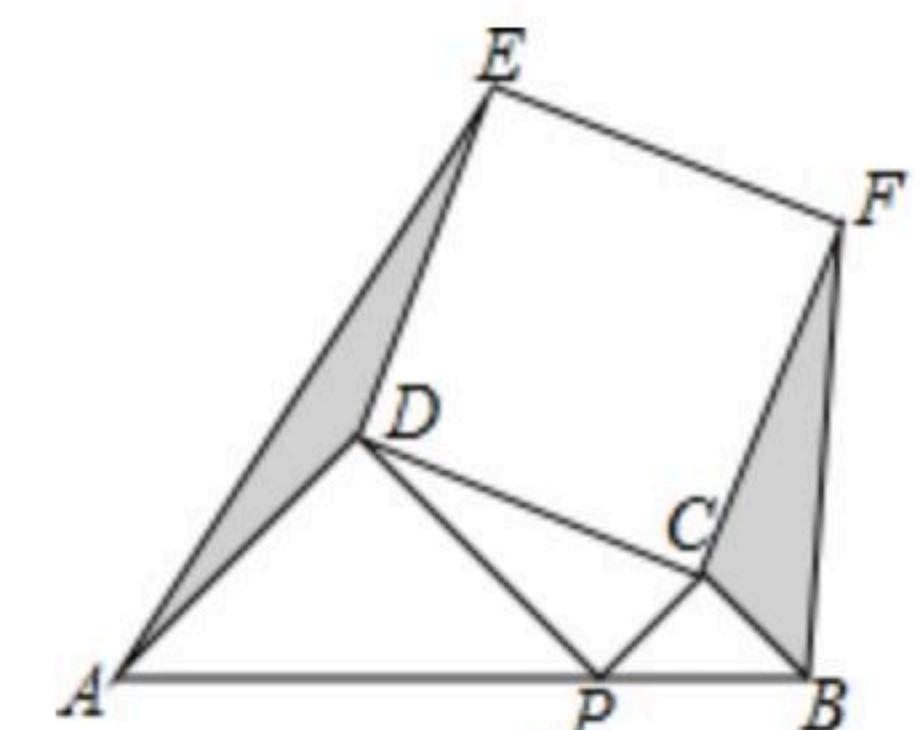
14. 如图，点 $A$ 、 $B$ 、 $C$ 都在 $\odot O$ 上， $OC \perp OB$ ，点 $A$ 在劣弧 $BC$ 上，且 $OA=AB$ ，则 $\angle ABC=$ \_\_\_\_\_.



15. 如图，函数 $y_1=-2x$ 与 $y_2=ax+3$ 的图象相交于点 $A(m, 2)$ ，则关于 $x$ 的不等式 $-2x \leq ax+3$ 的解集是\_\_\_\_\_.



16. 如图，已知线段 $AB=6$ ， $P$ 是 $AB$ 上一动点，分别以 $AP$ ， $BP$ 为斜边在 $AB$ 同侧作等腰 $Rt\triangle ADP$ 和等腰 $Rt\triangle BCP$ ，以 $CD$ 为边作正方形 $DCFE$ ，连接 $AE$ ， $BF$ ，当 $S_{\text{正方形}DCFE}=12$ 时， $S_{\triangle ADE}+S_{\triangle BCF}$ 为\_\_\_\_\_.





扫码查看解析

### 三、解答题(共7题; 共68分)

17. 因式分解:

$$(1) x^3 - 4x;$$

$$(2) x^3 - 4x^2 + 4x.$$

18. 已知  $A = \frac{x^2+2x+1}{x^2-1} - \frac{x}{x-1}$ .

(1)化简  $A$ ;

(2)当  $x$  满足不等式组  $\begin{cases} x-1 \geq 0 \\ x-3 < 0 \end{cases}$ , 且  $x$  为整数时, 求  $A$  的值.

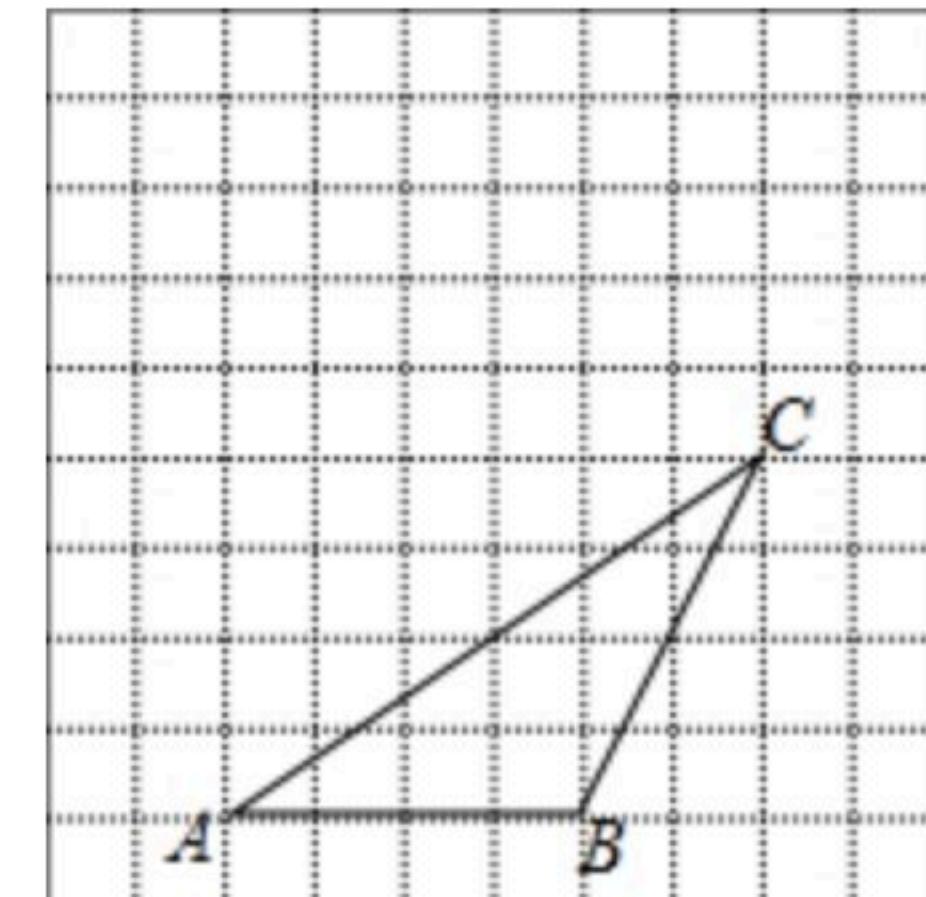
19. 先化简, 再求值:  $(1 - \frac{1}{a+1}) \times \frac{a^2+2a+1}{2}$ , 其中  $a = \sqrt{2}$ .

20. 如图, 在每个小正方形边长为1的方格纸中,  $\triangle ABC$  的顶点都在方格纸格点上. 将  $\triangle ABC$  向左平移2格, 再向上平移2格.

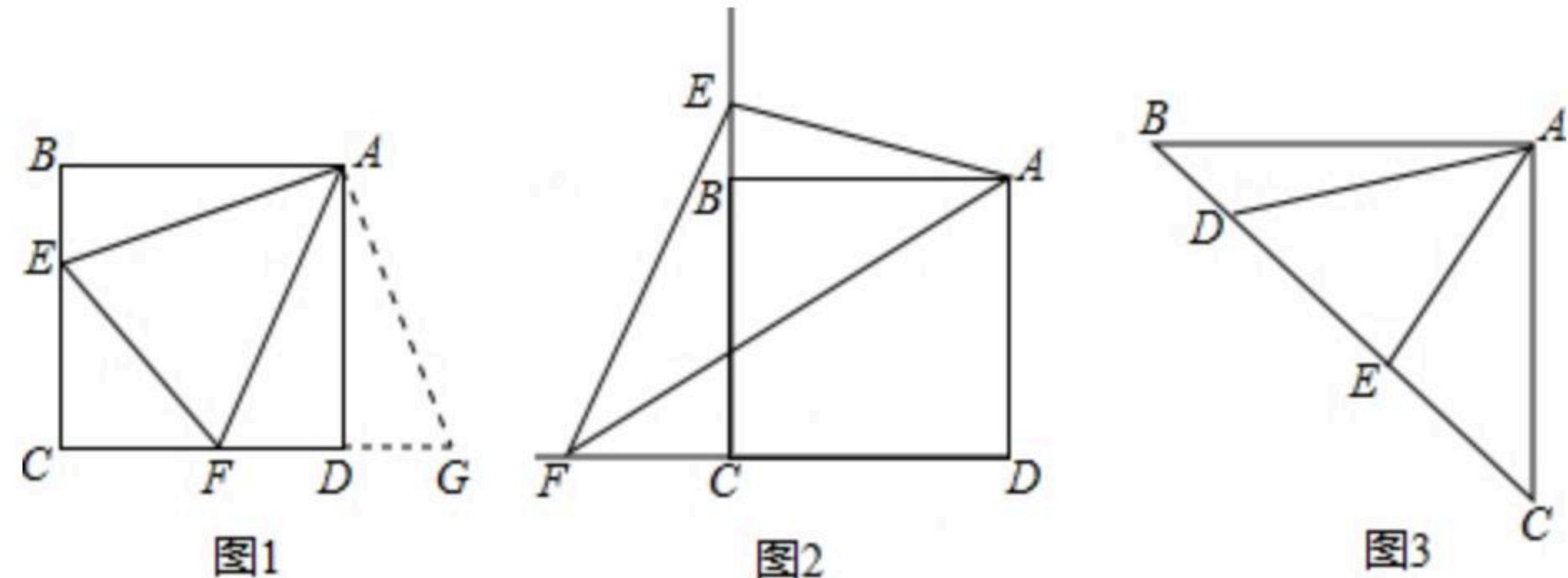
(1)请在图中画出平移后的  $\triangle A'B'C'$ .

(2)作出  $\triangle ABC$  的中线  $BD$ ;

(3)求出  $\triangle A'B'C'$  的面积.



21. 通过类比联想, 引申拓展研究典型题目, 可达到解一题知一类的目的, 下面是一个案例, 请补充完整.



原题: 如图1, 点  $E$ 、 $F$  分别在正方形  $ABCD$  的边  $BC$ 、 $CD$  上,  $\angle EAF=45^\circ$ , 连接  $EF$ , 试猜想  $EF$ 、 $BE$ 、 $DF$  之间的数量关系.

(1)思路梳理

把  $\triangle ABE$  绕点  $A$  逆时针旋转  $90^\circ$  至  $\triangle ADG$ , 可使  $AB$  与  $AD$  重合, 由  $\angle ADG=\angle B=90^\circ$ , 得

$\angle FDG=180^\circ$ , 即点  $F$ 、 $D$ 、 $G$  共线, 易证  $\triangle AFG \cong$  \_\_\_\_\_, 故  $EF$ 、 $BE$ 、 $DF$  之间的数量关系为 \_\_\_\_\_.

(2)类比引申



如图2，点E、F分别在正方形ABCD的边CB、DC的延长线上， $\angle EAF=45^\circ$ ，连接EF，试猜想EF、BE、DF之间的数量关系为\_\_\_\_\_，并给出证明。

(3)联想拓展

如图3，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle BAC=90^\circ$ ， $AB=AC$ ，点D、E均在边BC上，且 $\angle BAD+\angle EAC=45^\circ$ ，若 $BD=3$ ， $EC=6$ ，求DE的长。

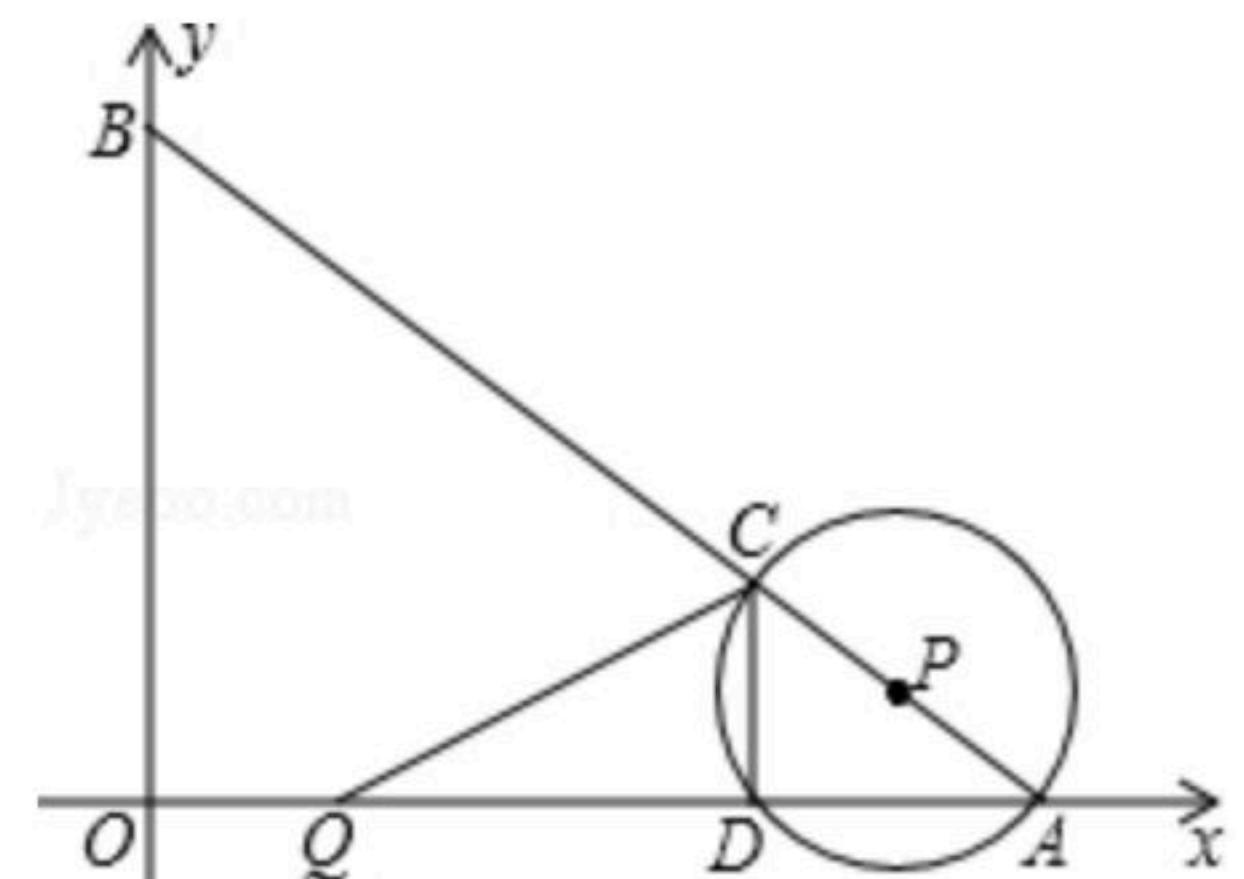
22. 某商场用2500元购进A、B两种新型节能台灯共50盏，这两种台灯的进价、标价如下表所示。

类型 价格	A型	B型
进价(元/盏)	40	65
标价(元/盏)	60	100

(1)这两种台灯各购进多少盏？

(2)若A型台灯以标价的9折，B型台灯以标价的8折全部售出，则在这次台灯的买卖中商场共盈利多少元？

23. 如图，在平面直角坐标系中，O为坐标原点，点A、B分别为直线 $y=-\frac{3}{4}x+6$ 与x轴、y轴的交点。动点Q从点O、动点P从点A同时出发，分别沿着OA方向、AB方向均以1个单位长度/秒的速度匀速运动，运动时间为t秒( $0 < t \leq 5$ )，以P为圆心，PA长为半径的 $\odot P$ 与AB、OA的交点分别为C、D，连接CD、QC。



(1)求当t为何值时，点Q与点D重合？

(2)设 $\triangle QCD$ 的面积为S，试求S与t之间的函数关系式，并求S的最大值；

(3)若 $\odot P$ 与线段QC只有一个交点，请直接写出t的取值范围。