



扫码查看解析

# 2020-2021学年湖北省鄂州市八年级（下）期末试卷

## 数 学

注：满分为120分。

### 一、选择题（本大题共10个小题，每小题3分，共30分）

1. 若式子 $\sqrt{x}$ 有意义，则 $x$ 的取值范围是( )  
A.  $x < 0$       B.  $x \geq 0$       C.  $x > 0$       D.  $x \leq 0$
2. 若正比例函数的图象经过点(2, 4)，则这个图象也必经过点( )  
A. (2, 1)      B. (-1, -2)      C. (1, -2)      D. (4, 2)
3. 下列根式中是最简二次根式的是( )  
A.  $\sqrt{4x}$       B.  $\sqrt{x^2}$       C.  $\sqrt{\frac{1}{2}}$       D.  $\sqrt{x^2+y^2}$
4. 某学习小组9名学生参加“数学竞赛”，他们的得分情况如表：

人数(人)	1	3	4	1
分数(分)	80	85	90	95

那么这9名学生所得分数的众数和中位数分别是( )  
A. 90, 90      B. 90, 85      C. 90, 87.5      D. 85, 85

5. 如果一次函数 $y=kx+b(k \neq 0)$ 的图象经过第二象限，且与 $y$ 轴的负半轴相交，那么( )  
A.  $k > 0, b < 0$       B.  $k > 0, b > 0$       C.  $k < 0, b > 0$       D.  $k < 0, b < 0$

6. 把 $(2-x)\sqrt{\frac{1}{x-2}}$ 的根号外的 $(2-x)$ 适当变形后移入根号内，得( )  
A.  $\sqrt{2-x}$       B.  $\sqrt{x-2}$       C.  $-\sqrt{2-x}$       D.  $-\sqrt{x-2}$

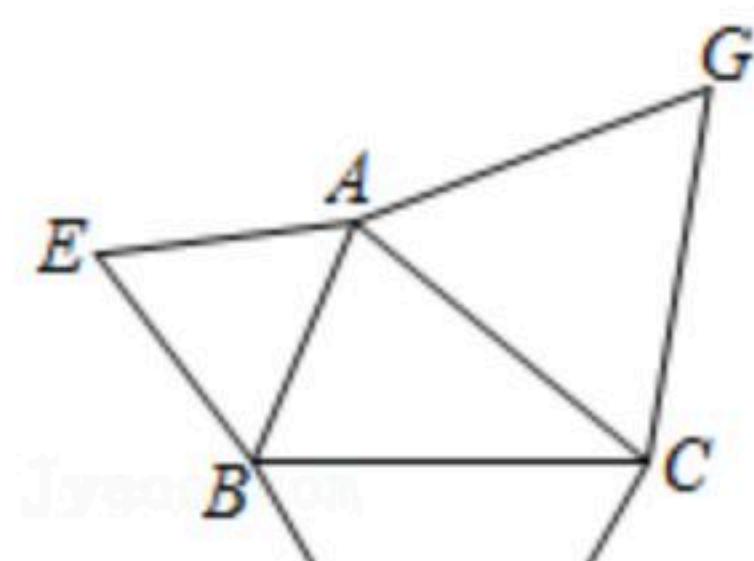
7. 小红同学周末在家做家务，不慎把家里的一块平行四边形玻璃打碎成如图所示的四块，为了能从玻璃店配到一块与原来相同的玻璃，他应该带其中( )两块去玻璃店。



- A. ①②      B. ②④      C. ②③      D. ①③
8. 如图，在 $\triangle ABC$ 中，在同一平面内，分别以 $AB$ 、 $BC$ 、 $AC$ 为边向外作等边 $\triangle ABE$ 、等边 $\triangle BCF$ 、等边 $\triangle ACG$ ，若 $S_{\triangle AEB}+S_{\triangle ACG}=S_{\triangle BCF}$ ，且 $AB=2$ ， $BC=3$ ，则 $S_{\triangle ABC}=$ ( )

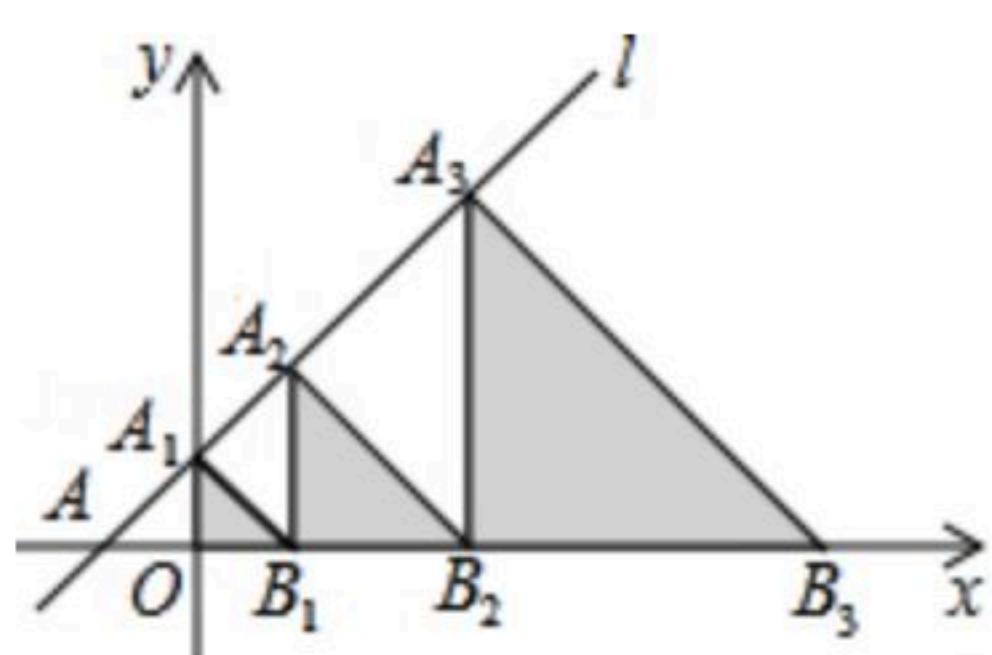


扫码查看解析



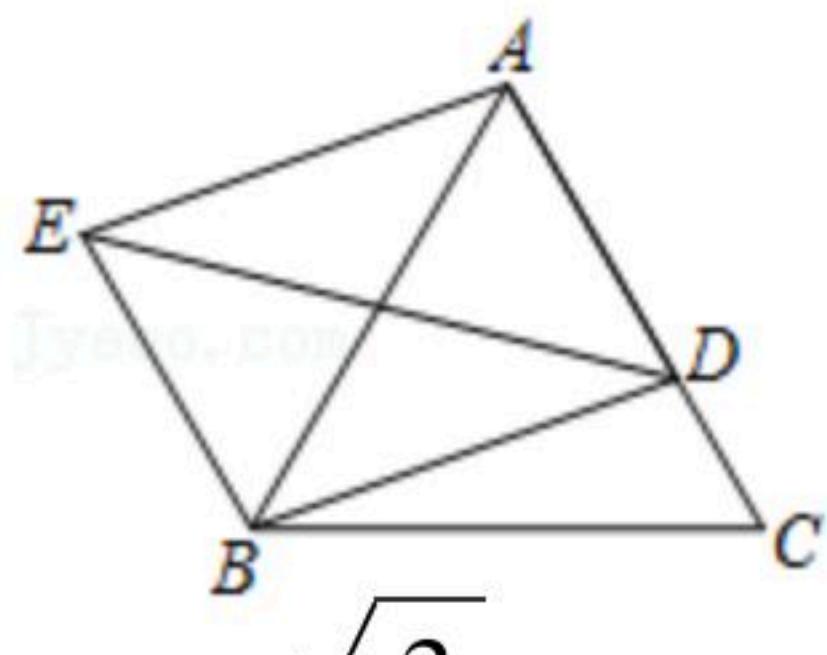
- A.  $\frac{\sqrt{5}}{2}$       B. 3      C.  $\sqrt{5}$       D.  $\frac{3\sqrt{5}}{2}$

9. 如图，在平面直角坐标系中，直线 $l: y=x+1$ 交 $x$ 轴于点 $A$ ，交 $y$ 轴于点 $A_1, A_2, A_3, \dots$ 在直线 $l$ 上，点 $B_1, B_2, B_3, \dots$ 在 $x$ 轴的正半轴上，若 $\triangle A_1OB_1, \triangle A_2B_1B_2, \triangle A_3B_2B_3, \dots$ ，依次均为等腰直角三角形，直角顶点都在 $x$ 轴上，则第10个等腰直角三角形是 $A_{10}B_9B_{10}$ ，其点 $B_{10}$ 的横坐标为( )



- A. 512      B. 1023      C. 2047      D. 2048

10. 在边长为2的等边 $\triangle ABC$ 中， $D$ 是 $AC$ 上一动点，连接 $BD$ ，以 $BD$ 、 $AD$ 为邻边作平行四边形 $BDAE$ ，则对角线 $DE$ 的最小值为( )



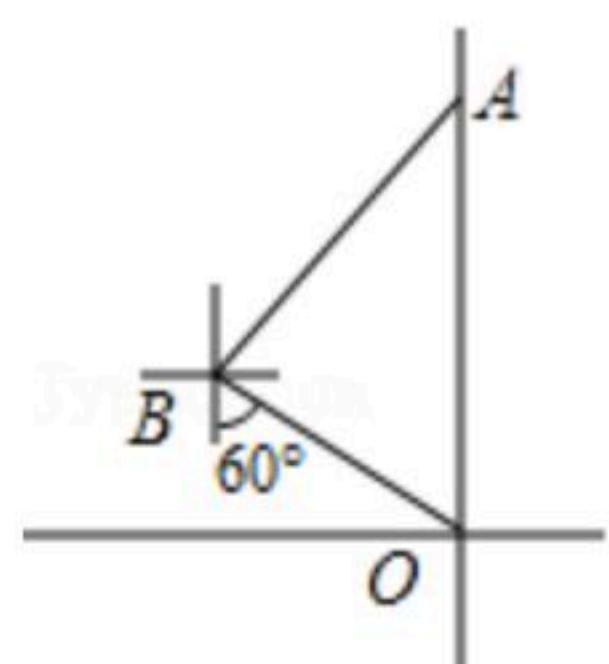
- A.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       B. 1      C.  $\sqrt{3}$       D. 2

## 二、填空题（本大题共6小题，每小题3分，共18分）

11. 比较大小  $\sqrt{2}$  \_\_\_\_\_  $\sqrt{3}$ .

12. 某组数据的方差是  $S^2 = \frac{1}{5}[(x_1-4)^2 + (x_2-4)^2 + \dots + (x_5-4)^2]$  中，则该组数据的总和等于 \_\_\_\_\_.

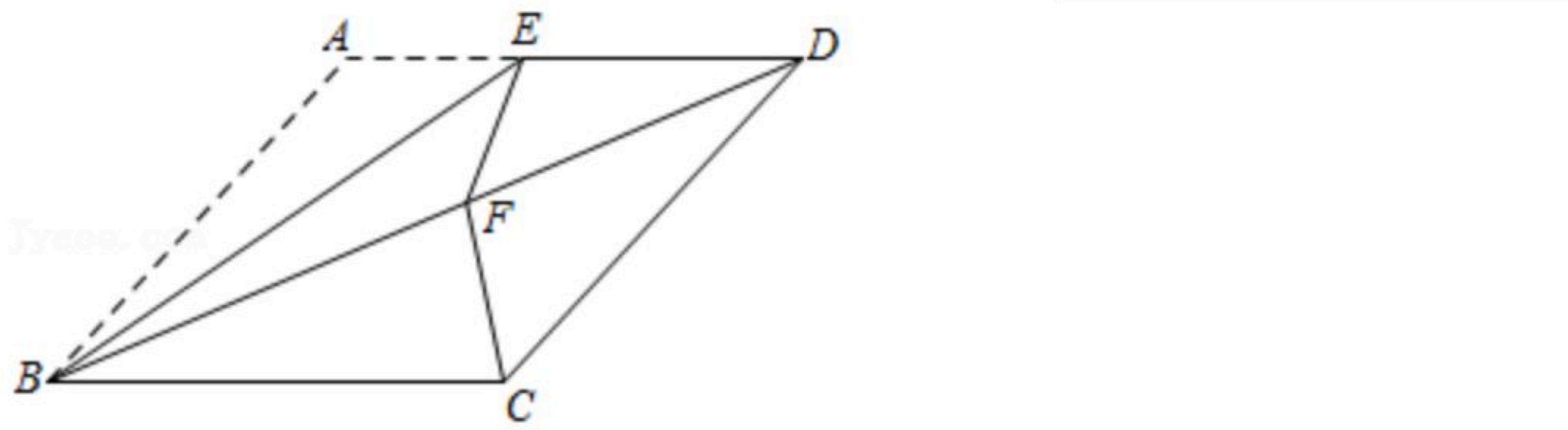
13. 如图，一个机器人从 $A$ 地沿着西南方向前进了  $4\sqrt{2}$  米到达 $B$ 地，观察到原点 $O$ 地在它的南偏东  $60^\circ$  的方向上，则 $A, O$ 两地的距离等于 \_\_\_\_\_ 米。



14. 如图，在菱形 $ABCD$ 中， $E$ 是 $AD$ 上一点，沿 $BE$ 折叠 $\triangle ABE$ ，点 $A$ 恰好落在 $BD$ 上的点 $F$ 处，连接 $CF$ ，若  $\angle DFC=110^\circ$ ，则  $\angle A=$  \_\_\_\_\_.

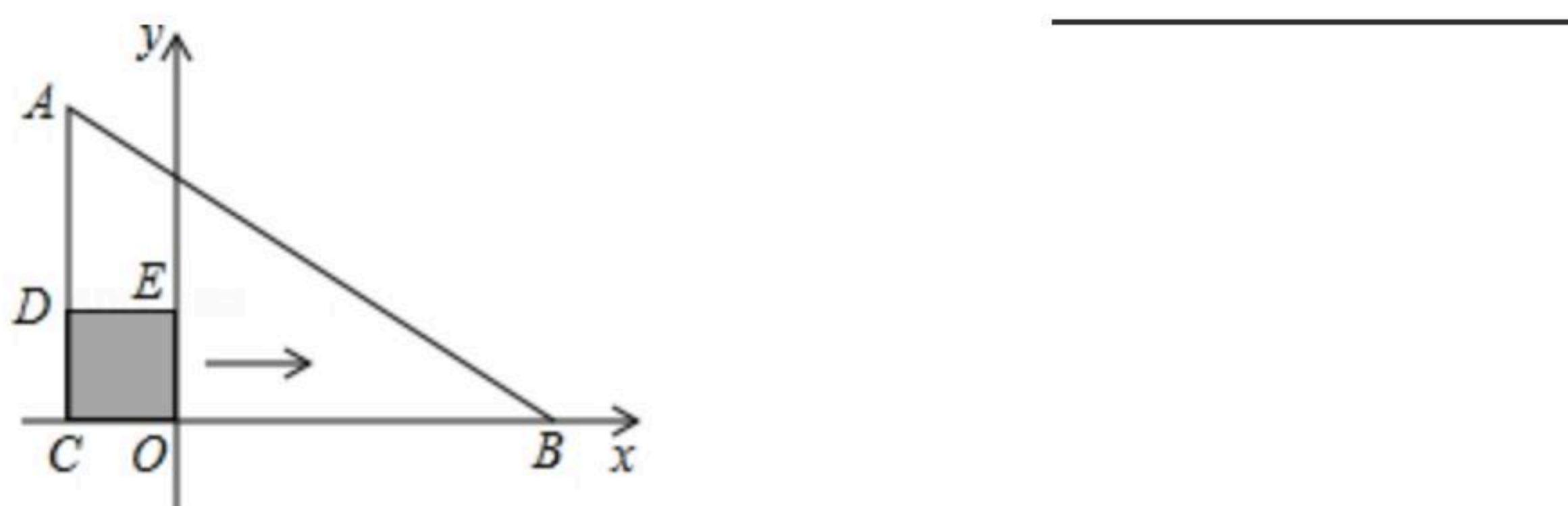


扫码查看解析



15. 已知直线 $l_1: y=-2x+3$ 和直线 $l_2: y=x-6$ , 若直线 $l_3: y=kx-2$ 与 $l_1$ 、 $l_2$ 不能围成三角形, 则 $k=$ \_\_\_\_\_.

16. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中,  $\angle ACB=90^\circ$ , 边 $BC$ 在 $x$ 轴上,  $AC=9$ ,  $AB=15$ ,  $D$ 、 $E$ 两点分别在边 $AC$ 和 $y$ 轴的正半轴上, 现将边长为2的正方形 $OCDE$ 沿 $x$ 轴向右平移, 当点 $D$ 落在 $AB$ 边上时, 则正方形 $OCDE$ 移动的距离为\_\_\_\_\_.



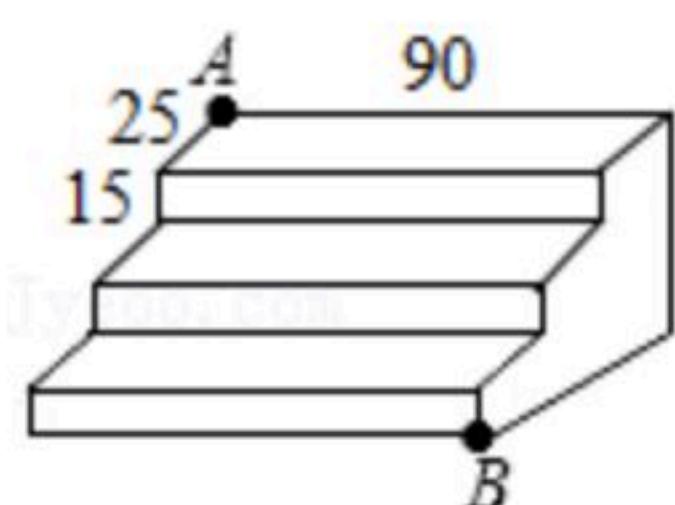
### 三、解答题 (本大题共8小题, 共72分)

17. 计算:

$$(1)(\sqrt{8}-\sqrt{2}) \times \sqrt{\frac{1}{2}};$$

$$(2)(\pi+1)^0-\sqrt{27}+|-\sqrt{3}|.$$

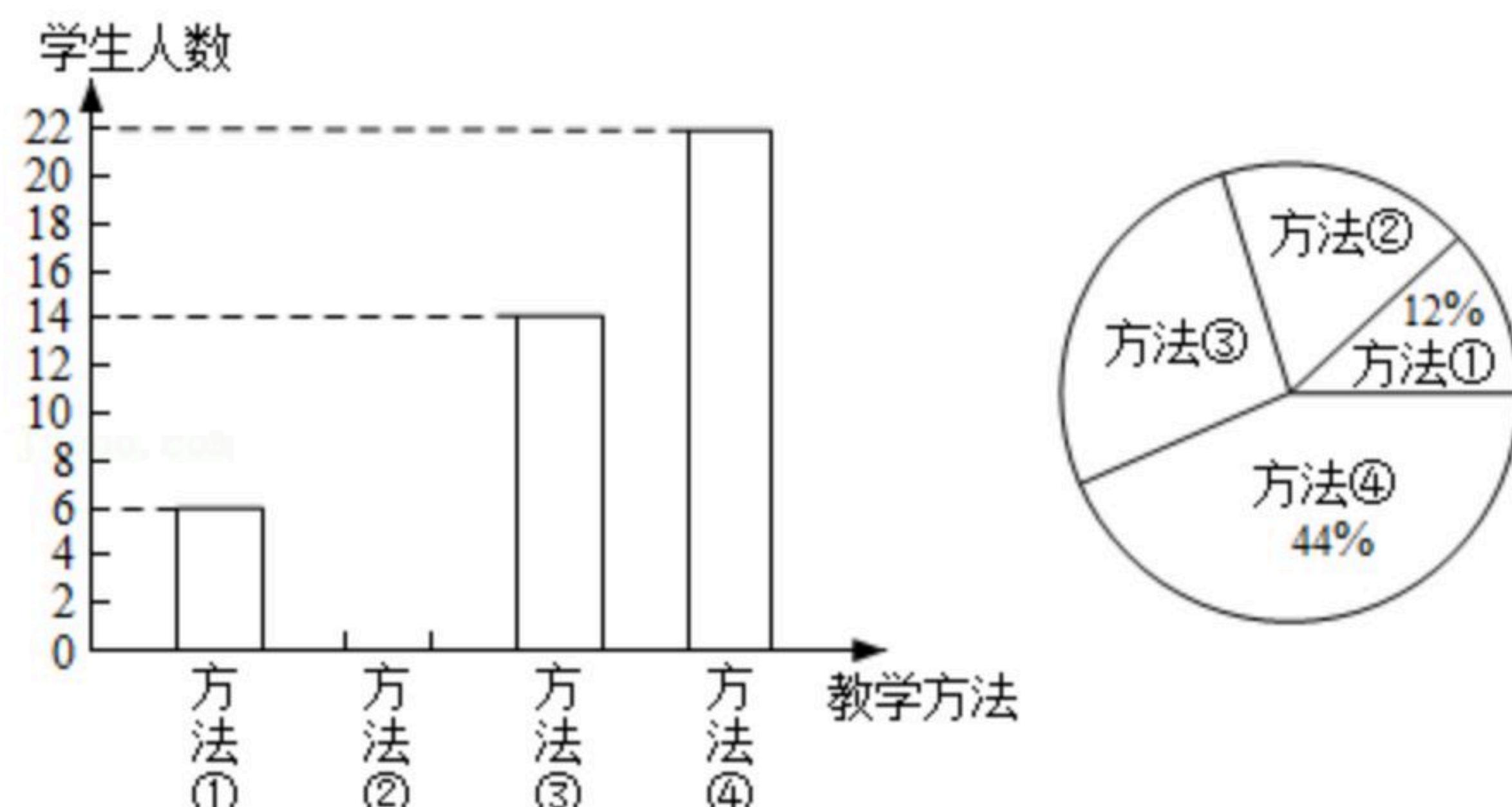
18. 如图是一个三级台阶, 每级台阶都是长、宽和高分别等于 $90\text{cm}$ ,  $25\text{cm}$ 和 $15\text{cm}$ 的长方体,  $A$ 和 $B$ 是这个台阶的两个相对的端点. 在 $A$ 点处有一只蚂蚁, 想到 $B$ 点去吃可口的食物, 请你算一算, 这只蚂蚁从 $A$ 点出发, 沿着台阶面爬到 $B$ 点, 最短路程是多少?



19. 我市某中学八年级二班数学教师在讲授“轴对称”时, 设计了如下四种教学方法, ①教师讲, 学生听; ②学生自己做; ③教师引导学生画图发现规律; ④教师让学生对折纸, 观察发现的规律, 然后画图. 为了调查本班教学效果, 要求每位学生选出自己喜欢的一种, 现将调查结果绘制成如图所示的两种统计图.



扫码查看解析

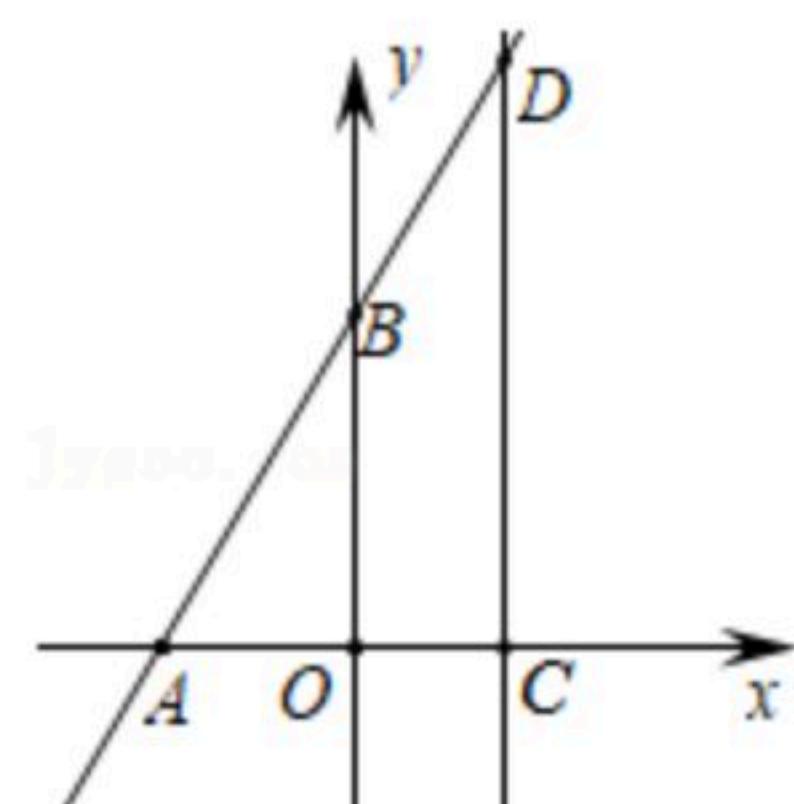


请结合这两幅统计图，解决下列问题：

- (1) 本班一共有 \_\_\_\_\_ 名学生。
- (2) 请补全条形统计图，并在图上标出相应人数。
- (3) 若该校八年级共有500名学生，选择方法④约有多少名学生？

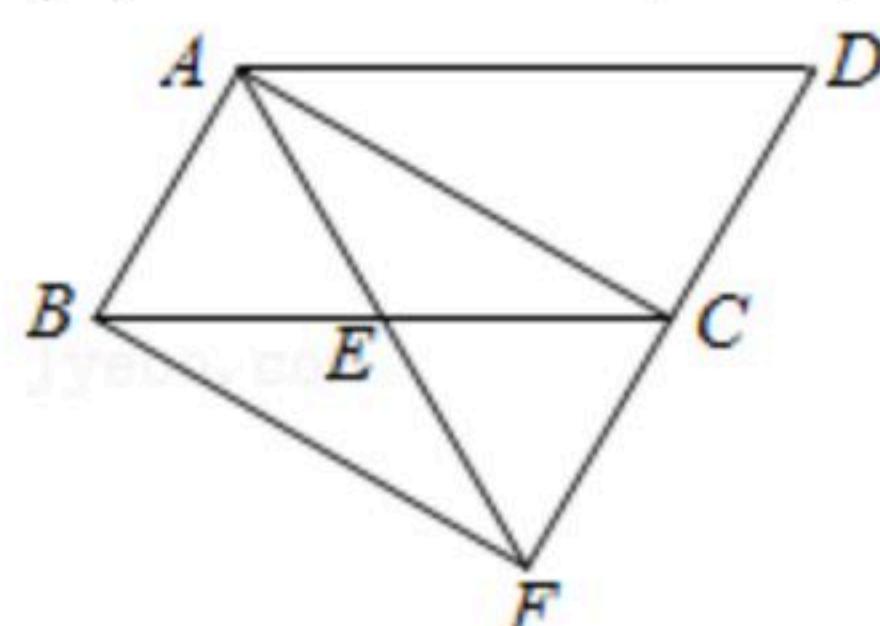
20. 如图：直线 $y=2x+3$ 的图象与 $x$ 轴相交于点 $A$ ，与 $y$ 轴交于点 $B$ .

- (1) 求 $A$ 、 $B$ 两点的坐标。
- (2) 点 $C(a, 0)$ 为 $x$ 轴上一个动点，过点 $C$ 作 $x$ 轴的垂线，交直线 $y=2x+3$ 于点 $D$ ，若线段 $CD < 5$ ，求 $a$ 的取值范围。



21. 已知：如图，在平行四边形 $ABCD$ 中，点 $E$ 是 $BC$ 的中点，连接 $AE$ 并延长交 $DC$ 的延长线于点 $F$ ，连接 $BF$ .

- (1) 求证： $\triangle ABE \cong \triangle FCE$ 。
- (2) 若 $AF=AD$ ，猜想：四边形 $ABFC$ 是否是矩形？请证明猜想。



22. 某药店购进N95型口罩和普通医用口罩共4000包，这两种口罩的进价和售价如下表所示：

	N95口罩	普通医用口罩
进价(元/包)	18	6
售价(元/包)	22	9



若该药店购进普通医用口罩 $x$ 包，两种口罩全部销售完后可获得利润为 $y$ 元，请解决下面问题.

扫码查看解析

(1)求出利润 $y$ 与 $x$ 的函数关系式.

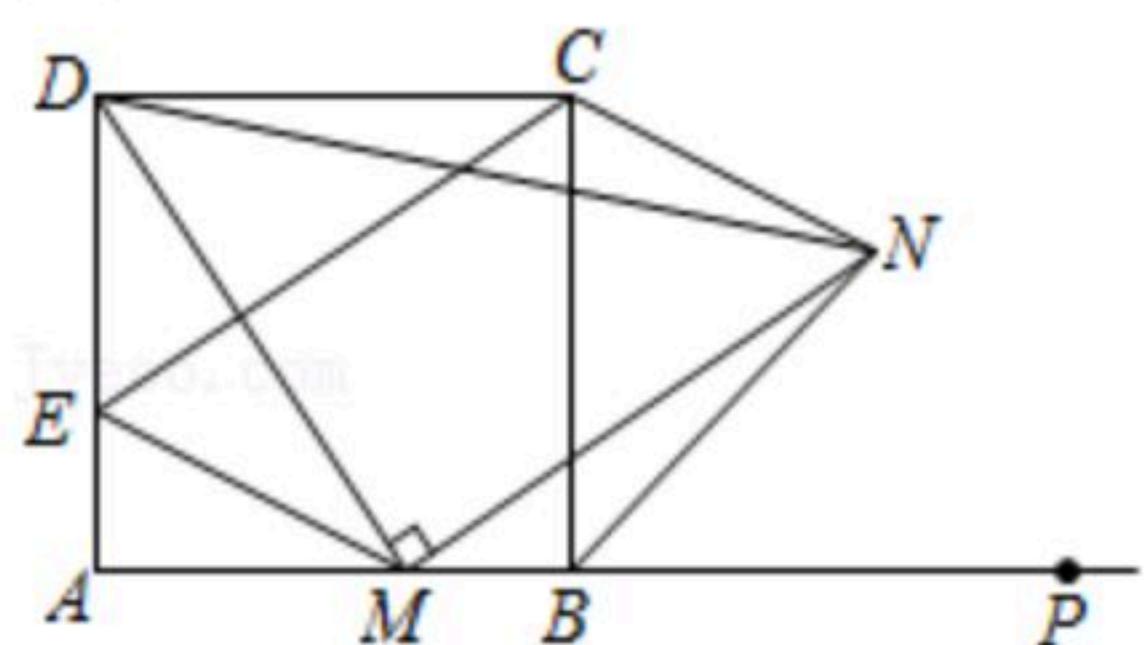
(2)已知N95口罩的数量不多于普通医用口罩数量的3倍，该药店决定：不管何种类型口罩，每销售一包口罩，就抽出 $a(a>0)$ 元钱捐给正在接种新冠肺炎疫苗的医疗机构。所有口罩都销售完后，若除去捐款后，所获得的最大利润为11000元，求 $a$ 的值。

23. 如图，四边形 $ABCD$ 是正方形，点 $P$ 是线段 $AB$ 的延长线上一点，点 $M$ 是线段 $AB$ 上一点，连接 $DM$ ，以点 $M$ 为直角顶点作 $MN \perp DM$ 交 $\angle CBP$ 的角平分线于 $N$ ，过点 $C$ 作 $CE \parallel MN$ 交 $AD$ 于 $E$ ，连接 $EM$ ， $CN$ ， $DN$ .

(1)求证： $DM=MN$ .

(2)求证： $EM \parallel CN$ .

(3)若 $AE=1$ ， $BN=3\sqrt{2}$ ，求 $DN$ 的长。

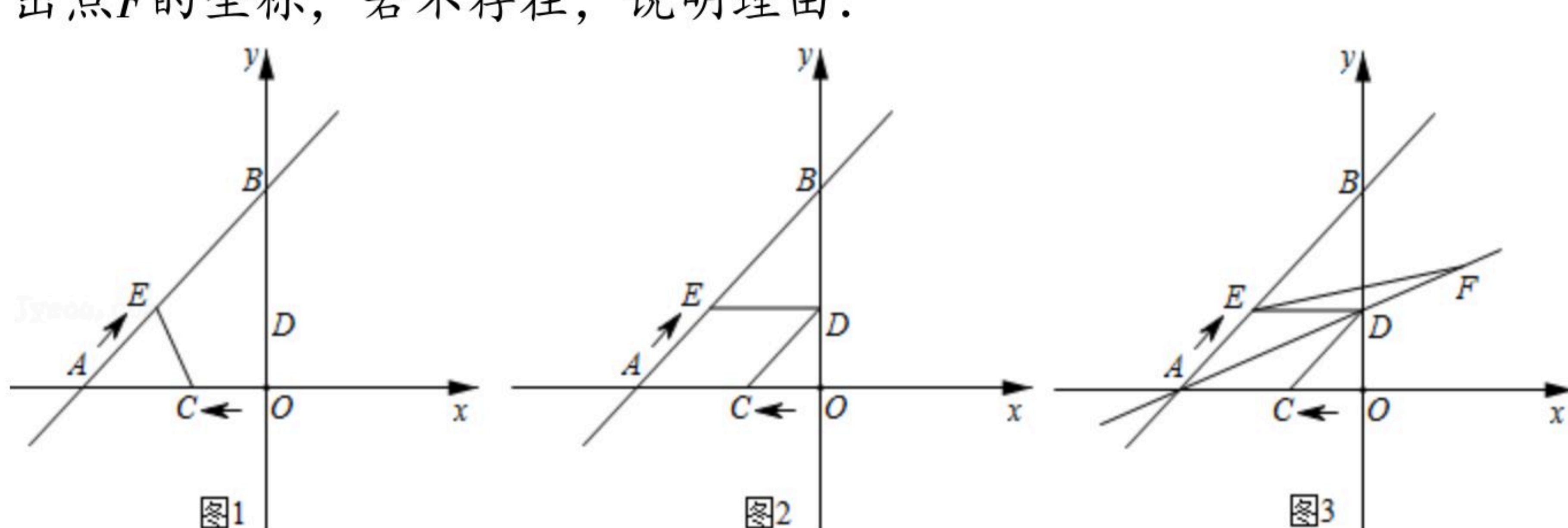


24. 如图1，在平面直角坐标系，点 $A(-3, 0)$ ，点 $B(0, 4)$ ，点 $E$ 从点 $A$ 出发，以每秒1个单位的速度沿 $AB$ 方向运动，同时点 $C$ 从点 $O$ 出发，以每秒0.6个单位长度沿 $OA$ 方向运动，设运动时间为 $t$ 秒( $0 < t < 5$ ).

(1)当 $\triangle AEC$ 是等腰三角形且 $CE$ 为底时(如图1)，求 $AC$ 的长。

(2)在(1)问的条件下，如图2，若点 $D(0, \frac{3}{2})$ ，连接 $CD$ 、 $DE$ ，四边形 $ACDE$ 能否是菱形？试证明之。

(3)在第(2)问条件下，如图3，直线 $AD$ 上是否存在点 $F$ ，满足 $S_{\triangle AEF}=S_{\triangle ADB}$ ，若存在，求出点 $F$ 的坐标，若不存在，说明理由。





扫码查看解析