



扫码查看解析

# 2020-2021学年广东省汕头市龙湖区八年级（下）期末试卷

## 数 学

注：满分为120分。

一、选择题（本大题10小题，每小题3分，共30分）在每小题列出的四个选项中，只有一个正确的，请将下列各题的正确答案填写在答题卡相应的位置上。

1. 下列式子中，属于最简二次根式的是( )

- A.  $\sqrt{7}$       B.  $\sqrt{9}$       C.  $\sqrt{20}$       D.  $\sqrt{\frac{1}{3}}$

2. 下列各组数中，不能构成直角三角形的一组是( )

- A. 3, 4, 5      B. 1, 2,  $\sqrt{3}$       C. 5, 12, 13      D. 6, 8, 12

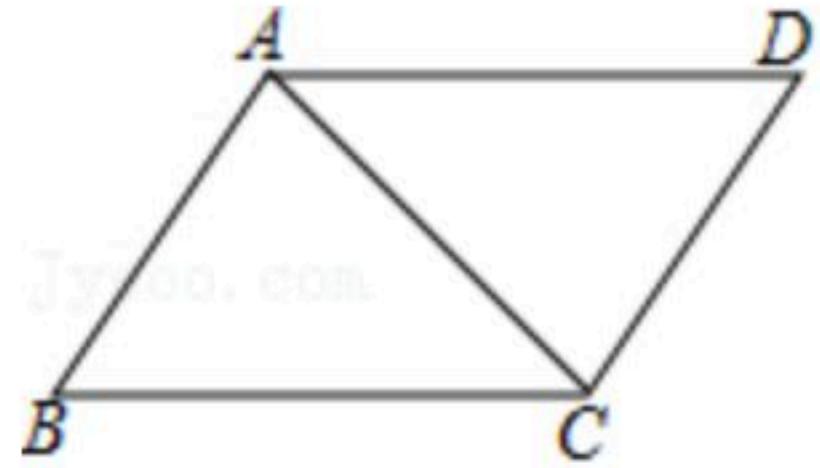
3. 下列计算正确的是( )

- A.  $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{5}$       B.  $3\sqrt{2} - \sqrt{2} = 3$   
C.  $\sqrt{(-2)^2} = -2$       D.  $\sqrt{8} \div \sqrt{2} = 2$

4. 数据3、4、6、7、 $x$ 的平均数是5，则这组数据的中位数是( )

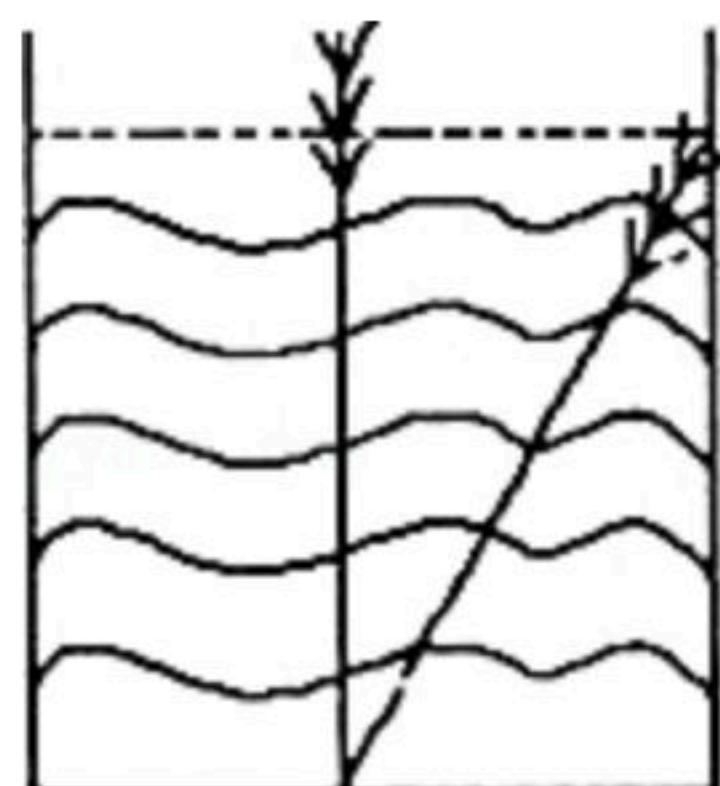
- A. 4      B. 4.5      C. 5      D. 6

5. 如图，在 $\square ABCD$ 中，已知 $AC=4cm$ ，若 $\triangle ACD$ 的周长为 $13cm$ ，则 $\square ABCD$ 的周长为( )



- A. 26cm      B. 24cm      C. 20cm      D. 18cm

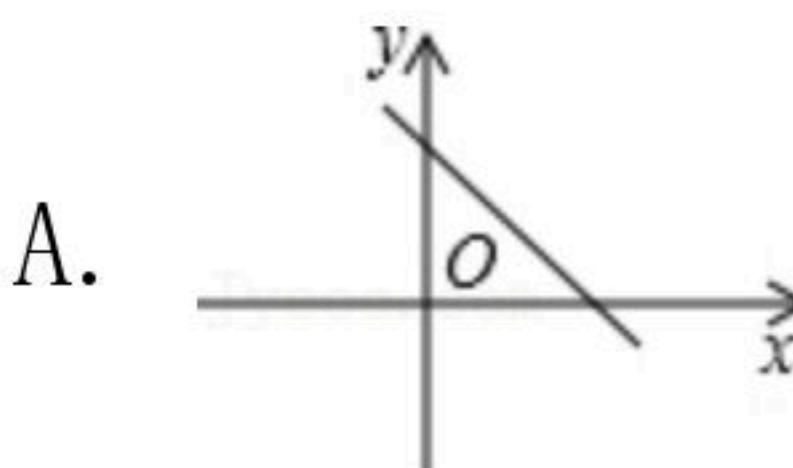
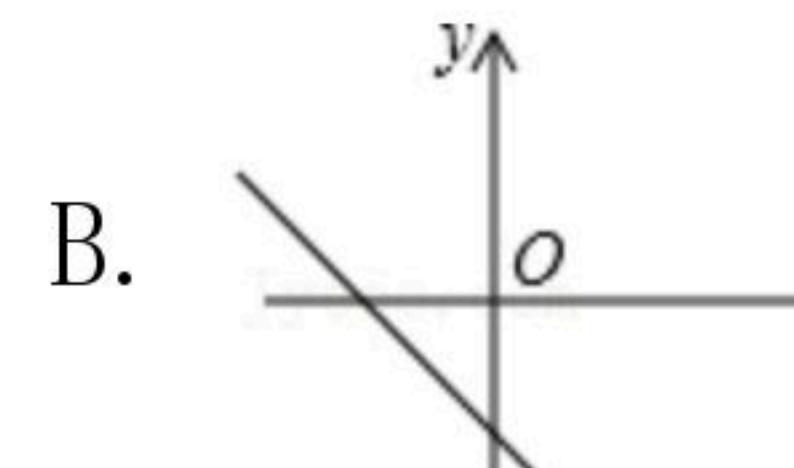
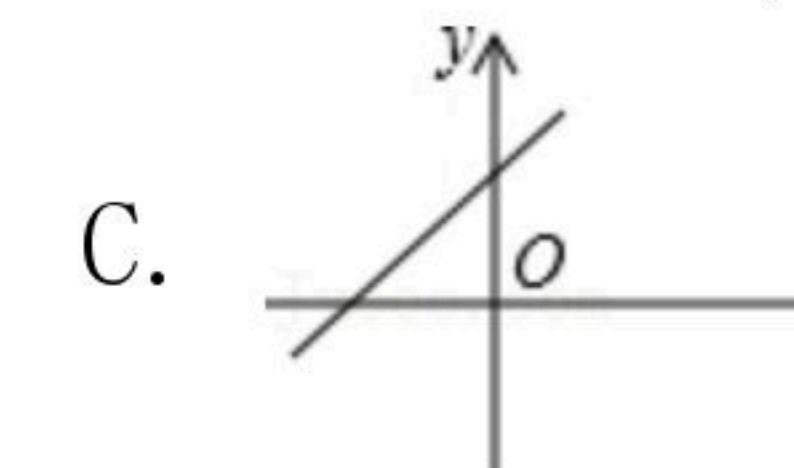
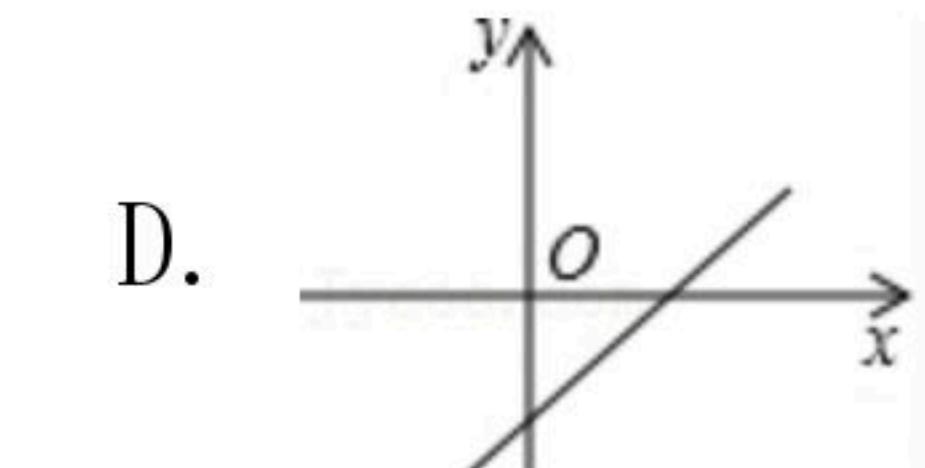
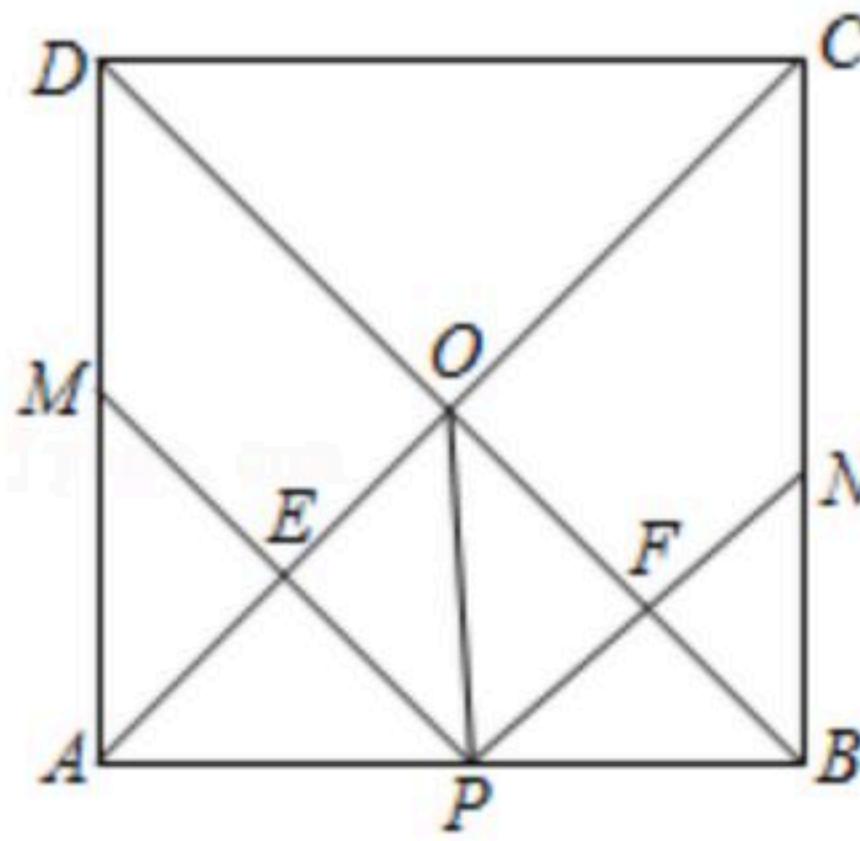
6. 我国古代数学著作《九章算术》记载了一道有趣的问题。原文是：今有池方一丈，葭生其中央，出水一尺，引葭赴岸，适与岸齐。问水深、葭长各几何。译为：有一个水池，水面是一个边长为10尺的正方形，在水池正中央有一根芦苇，它高出水面1尺，如果把这根芦苇拉向水池一边，它的顶端恰好到达池边的水面，水的深度与这根芦苇的长度分别是多少？设芦苇的长度是 $x$ 尺。根据题意，可列方程为( )



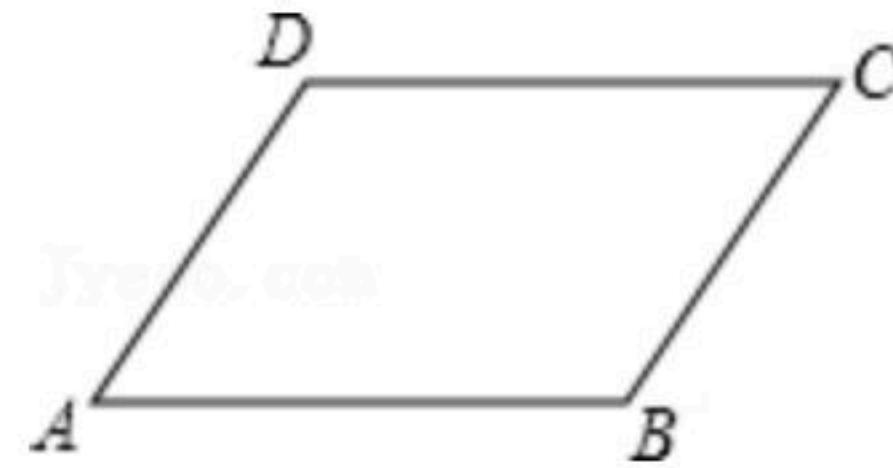
- A.  $x^2 + 10^2 = (x+1)^2$       B.  $(x-1)^2 + 5^2 = x^2$   
C.  $x^2 + 5^2 = (x+1)^2$       D.  $(x-1)^2 + 10^2 = x^2$



扫码查看解析

7. 对于函数 $y=-3x+4$ , 下列结论正确的是( )
- A. 它的图象必经过点(-1, 1)      B. 它的图象不经过第三象限  
C. 当 $x>0$ 时,  $y>0$       D.  $y$ 的值随 $x$ 值的增大而增大
8. 菱形具有而一般平行四边形不具有的性质是( )
- A. 对边相等      B. 对角相等  
C. 对角线互相垂直      D. 对角线互相平分
9. 如图, 在平面直角坐标系中, 一次函数 $y=x+1$ 的图象是( )
- A.  B.  C.  D. 
10. 如图, 在正方形ABCD中, 点P是AB上一动点(不与AB重合), 对角线AC、BD相交于点O, 过点P分别作AC、BD的垂线, 分别交AC、BD于点E、F, 交AD、BC于点M、N. 下列结论: ① $\triangle APE \cong \triangle AME$ ; ② $PM+PN=AC$ ; ③ $PE^2+PF^2=PO^2$ ; ④ $BN=\sqrt{3}PF$ , 其中正确结论的有( )个.
- 
- A. 1      B. 2      C. 3      D. 4

**二、填空题 (本大题7小题, 每小题4分, 共28分) 请将下列各题的正确答案填写在答题卡相应的位置上**

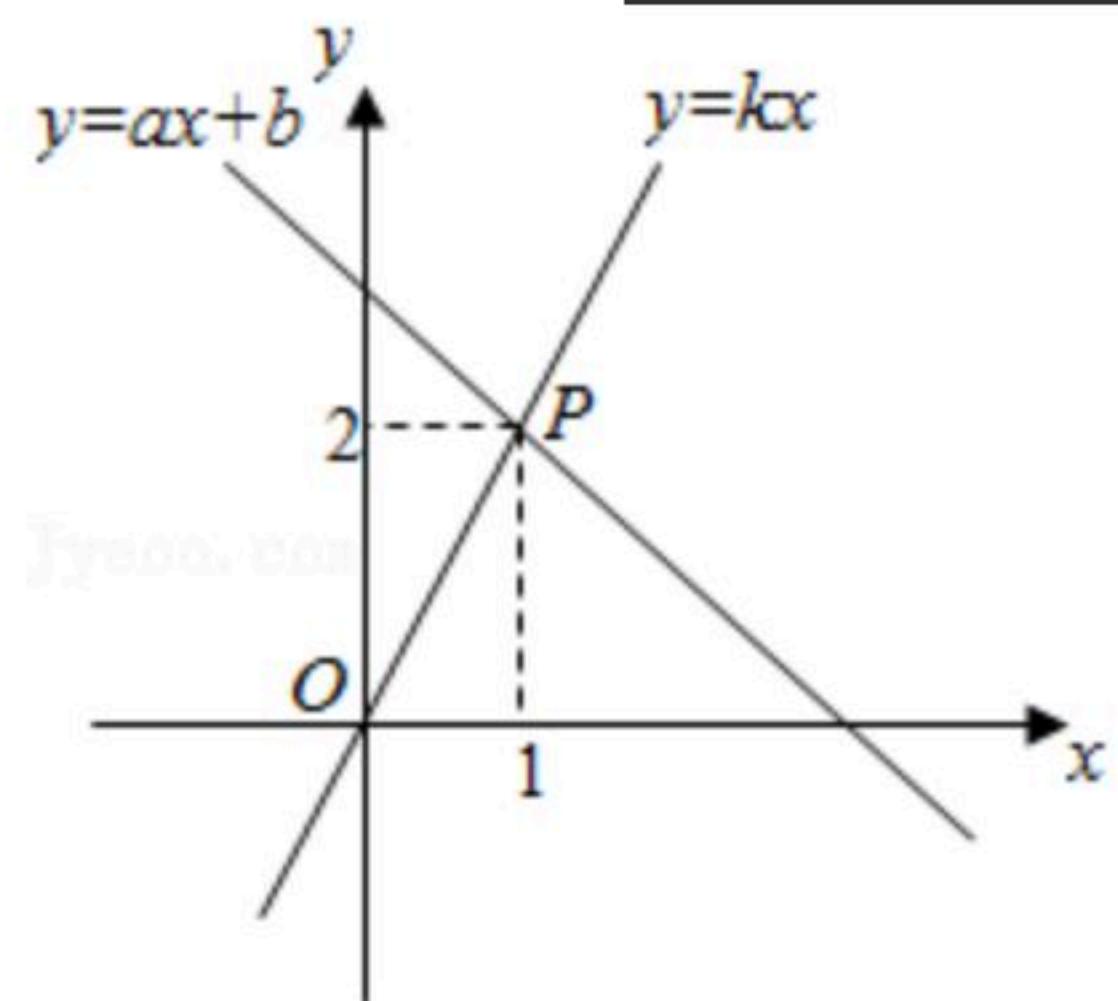
11. 若二次根式 $\sqrt{3-x}$ 有意义, 则 $x$ 的取值范围是 \_\_\_\_\_.
12. 如图, 在四边形ABCD中, 已知 $AB=CD$ , 再添加一个条件 \_\_\_\_\_ (写出一个即可), 则四边形ABCD是平行四边形. (图形中不再添加辅助线)
- 
13. 一次函数 $y=(m+1)x+5$ 中,  $y$ 值随 $x$ 的增大而减少, 则 $m$ 的取值范围是 \_\_\_\_\_.
14. 现有甲、乙两个合唱队, 队员的平均身高都是175cm, 方差分别为 $S^2_{\text{甲}}=0.51$ ,  $S^2_{\text{乙}}=0.35$ , 那么两个队中队员的身高较整齐的是 \_\_\_\_\_ 队. (填“甲”、“乙”中的一个)



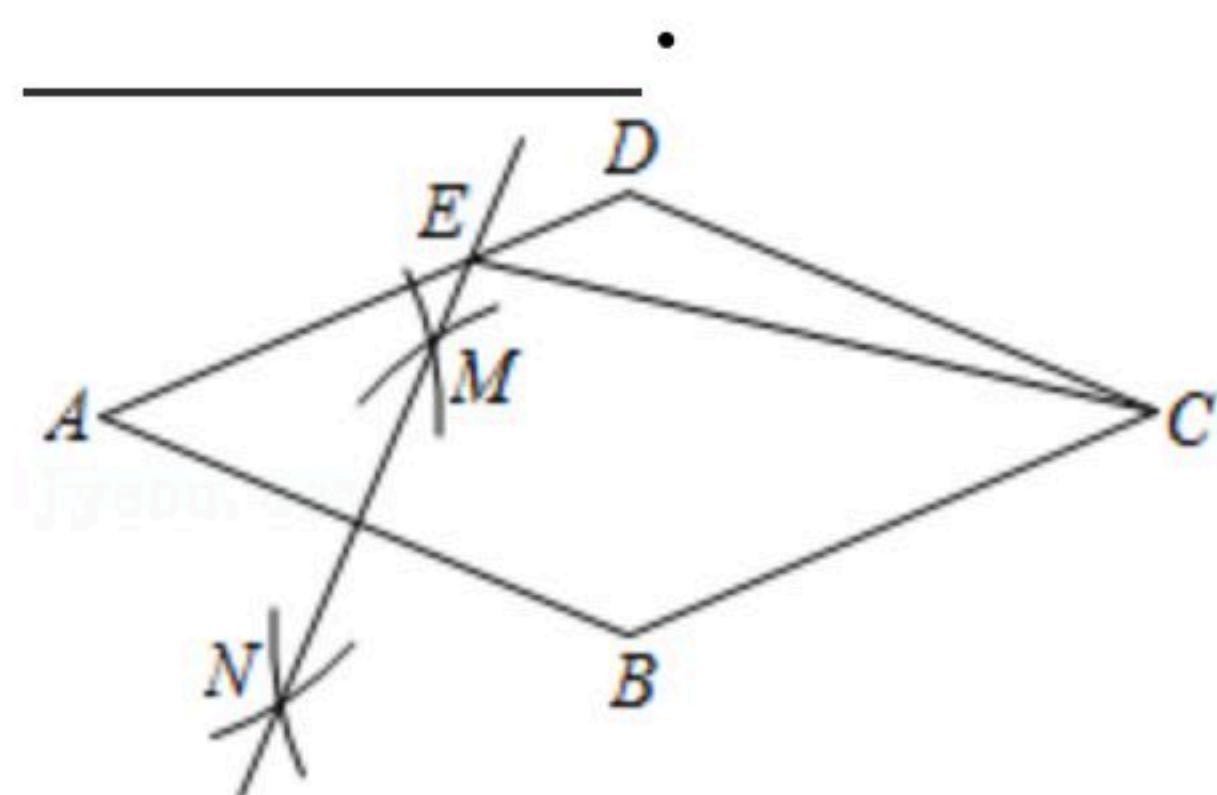
扫码查看解析

15. 如图, 已知直线 $y=ax+b$ 和直线 $y=kx$ 交于点 $P$ , 若二元一次方程组 $\begin{cases} y=kx \\ y=ax+b \end{cases}$ 的解为 $x$ 、 $y$ ,

则关于 $x+y=$ \_\_\_\_\_.

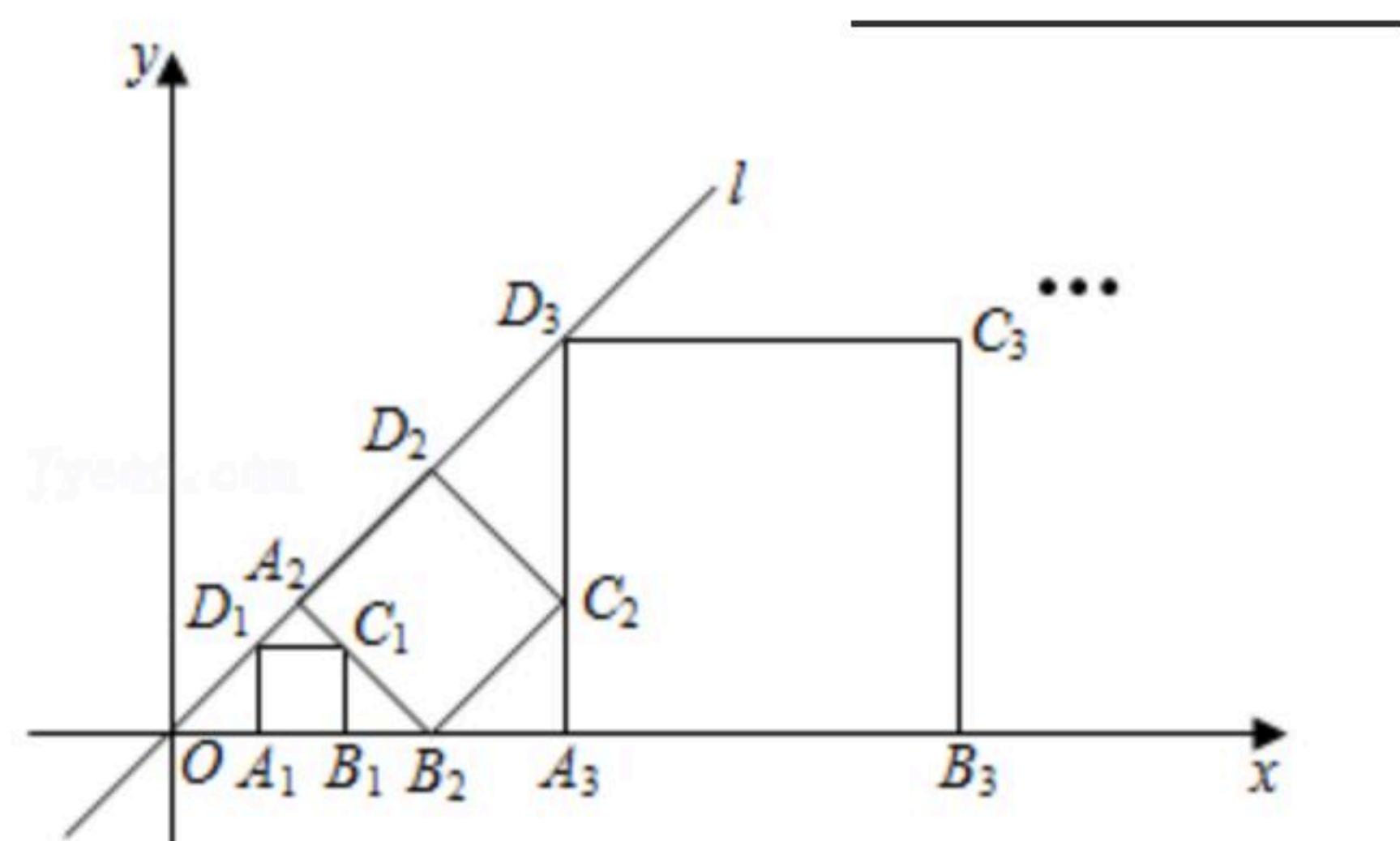


16. 如图, 菱形 $ABCD$ 的边长为4,  $\angle A=45^\circ$ , 分别以点 $A$ 和点 $B$ 为圆心, 大于 $\frac{1}{2}AB$ 的长为半径作弧, 两弧相交于 $M$ ,  $N$ 两点, 直线 $MN$ 交 $AD$ 于点 $E$ , 连接 $CE$ , 则 $CE$ 的长为



17. 如图, 在平面直角坐标系中, 直线 $l$ 为正比例函数 $y=x$ 的图象, 点 $A_1$ 的坐标为 $(1, 0)$ , 过点 $A_1$ 作 $x$ 轴的垂线交直线 $l$ 于点 $D_1$ , 以 $A_1D_1$ 为边作正方形 $A_1B_1C_1D_1$ ; 过点 $C_1$ 作直线 $l$ 的垂线, 垂足为 $A_2$ , 交 $x$ 轴于点 $B_2$ , 以 $A_2B_2$ 为边作正方形 $A_2B_2C_2D_2$ ; 过点 $C_2$ 作 $x$ 轴的垂线, 垂足为 $A_3$ , 交直线 $l$ 于点 $D_3$ , 以 $A_3D_3$ 为边作正方形 $A_3B_3C_3D_3$ , ..., . 依此类推, 则正方形

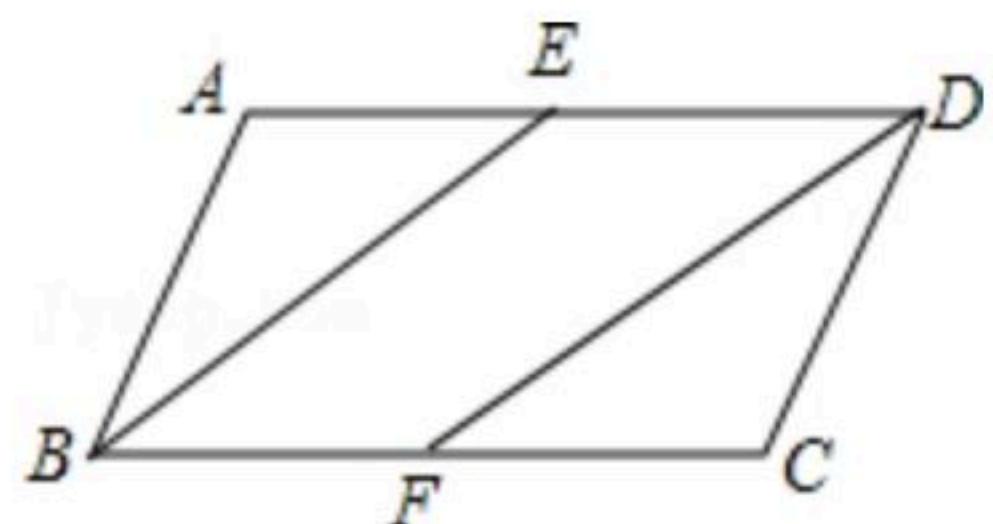
$A_2B_2C_2D_2$ 的面积为 \_\_\_\_\_; 正方形 $A_nB_nC_nD_n$ 的面积为 \_\_\_\_\_.



### 三、解答题 (一) (本大题3小题, 每小题6分, 共18分)

18. 计算:  $\sqrt{3}+(\pi-\sqrt{2})^0-\sqrt{12}-(-1)^{2020}$ .

19. 已知: 如图, 在平行四边形 $ABCD$ 中,  $E$ 、 $F$ 分别是 $AD$ 、 $BC$ 的中点, 求证:  $BE=DF$ .





扫码查看解析

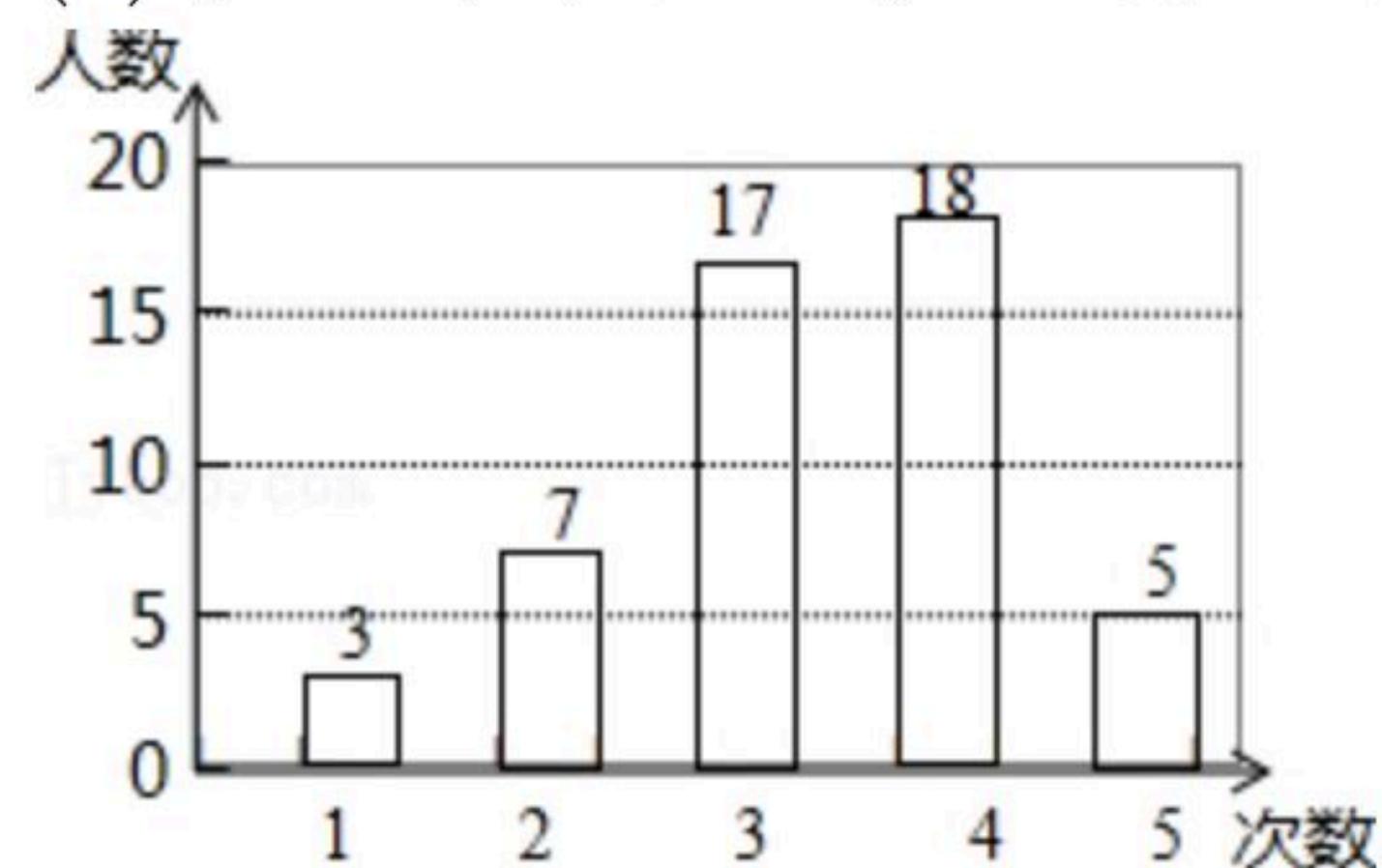
20. 已知一次函数的图象经过点 $(2, 1)$ 和 $(0, -2)$ .

- (1)求该函数的解析式;  
(2)判断点 $(-4, 6)$ 是否在该函数图象上.

#### 四、解答题（二）（本大题3小题，每小题8分，共24分）

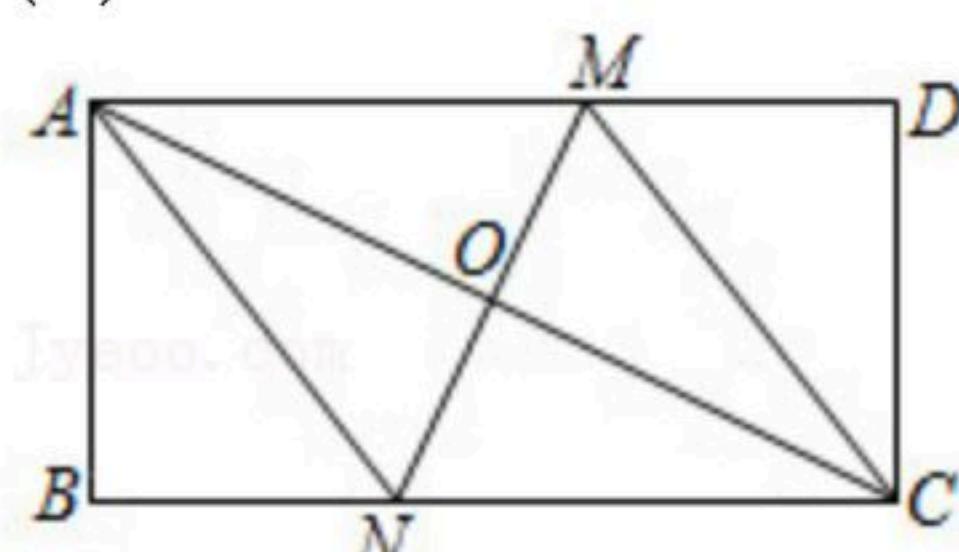
21. 在开展“学雷锋社会实践”活动中，某校为了解全校1000名学生参加活动的情况，随机调查了50名学生每人参加活动的次数，并根据数据绘成如图的条形统计图：

- (1)这50个样本数据的中位数是\_\_\_\_\_次，众数是\_\_\_\_\_次；  
(2)求这50个样本数据的平均数；  
(3)根据样本数据，估算该校1000名学生大约有多少人参加了4次实践活动.



22. 如图，在矩形 $ABCD$ 中， $O$ 为对角线 $AC$ 的中点，过点 $O$ 作直线分别与矩形的边 $AD$ ， $BC$ 交于 $M$ ， $N$ 两点，连接 $CM$ ， $AN$ .

- (1)求证：四边形 $ANCM$ 为平行四边形；  
(2)若 $AD=4$ ， $AB=2$ ，且 $MN \perp AC$ ，求 $DM$ 的长.



23. 某工厂计划生产 $A$ 、 $B$ 两种产品共50件，已知 $A$ 产品成本2000元/件，售价2300元/件； $B$ 种产品成本3000元/件，售价3500元/件，设该厂每天生产 $A$ 种产品 $x$ 件，两种产品全部售出后共可获利 $y$ 元.

- (1)求出 $y$ 与 $x$ 的函数表达式；  
(2)如果该厂每天最多投入成本140000元，那么该厂生产的两种产品全部售出后最多能获利多少元？

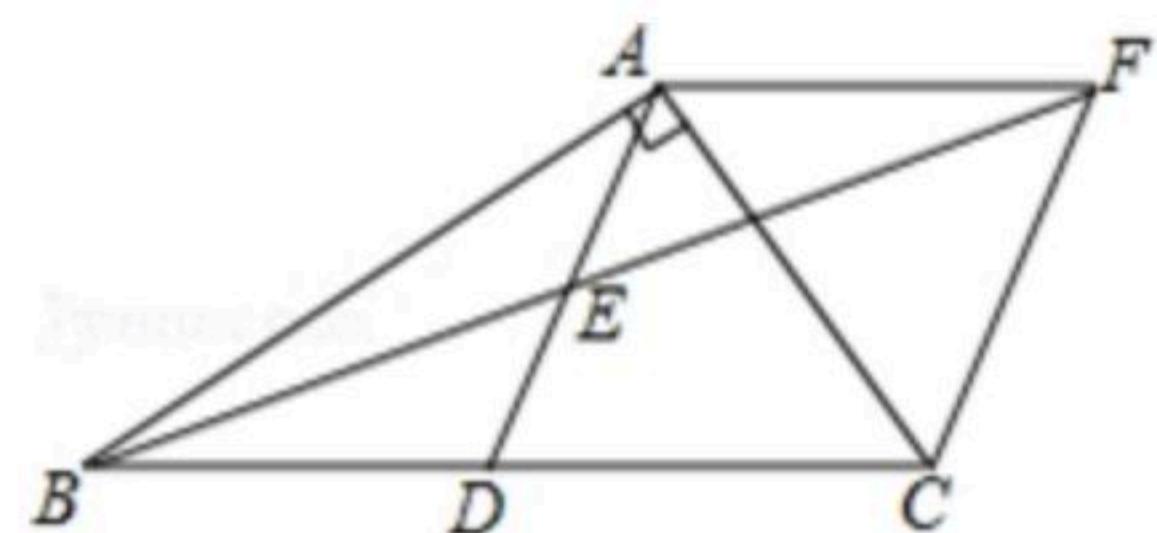
#### 五、解答题（三）（本大题2小题，每小题10分，共20分）

24. 在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle BAC=90^\circ$ ， $D$ 是 $BC$ 的中点， $E$ 是 $AD$ 的中点，过点 $A$ 作 $AF \parallel BC$ 交 $BE$ 的延长线于点 $F$ .

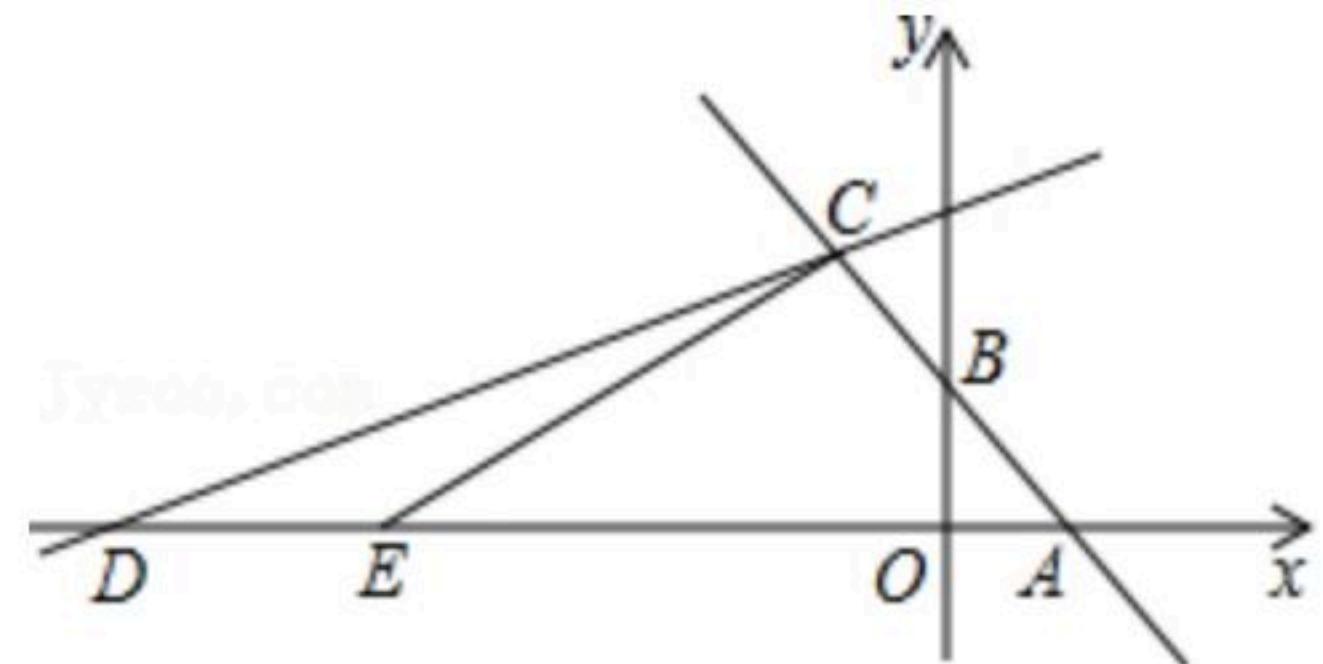
- (1)求证： $\triangle AEF \cong \triangle DEB$ ；  
(2)证明四边形 $ADCF$ 是菱形；  
(3)若 $AC=4$ ， $AB=5$ ，求菱形 $ADCF$ 的面积.



扫码查看解析



25. 如图，在平面直角坐标系中，函数 $y=-x+2$ 的图象与 $x$ 轴， $y$ 轴分别交于点 $A$ ， $B$ ，与函数 $y=\frac{1}{3}x+b$ 的图象交于点 $C(-2, m)$ .



- (1)求 $m$ 和 $b$ 的值；  
(2)函数 $y=\frac{1}{3}x+b$ 的图象与 $x$ 轴交于点 $D$ ，点 $E$ 从点 $D$ 出发沿 $DA$ 方向，以每秒2个单位长度匀速运动到点 $A$ (到 $A$ 停止运动). 设点 $E$ 的运动时间为 $t$ 秒.  
①当 $\triangle ACE$ 的面积为12时，求 $t$ 的值；  
②在点 $E$ 运动过程中，是否存在 $t$ 的值，使 $\triangle ACE$ 为直角三角形？若存在，直接写出 $t$ 的值；若不存在，请说明理由.



扫码查看解析