



扫码查看解析

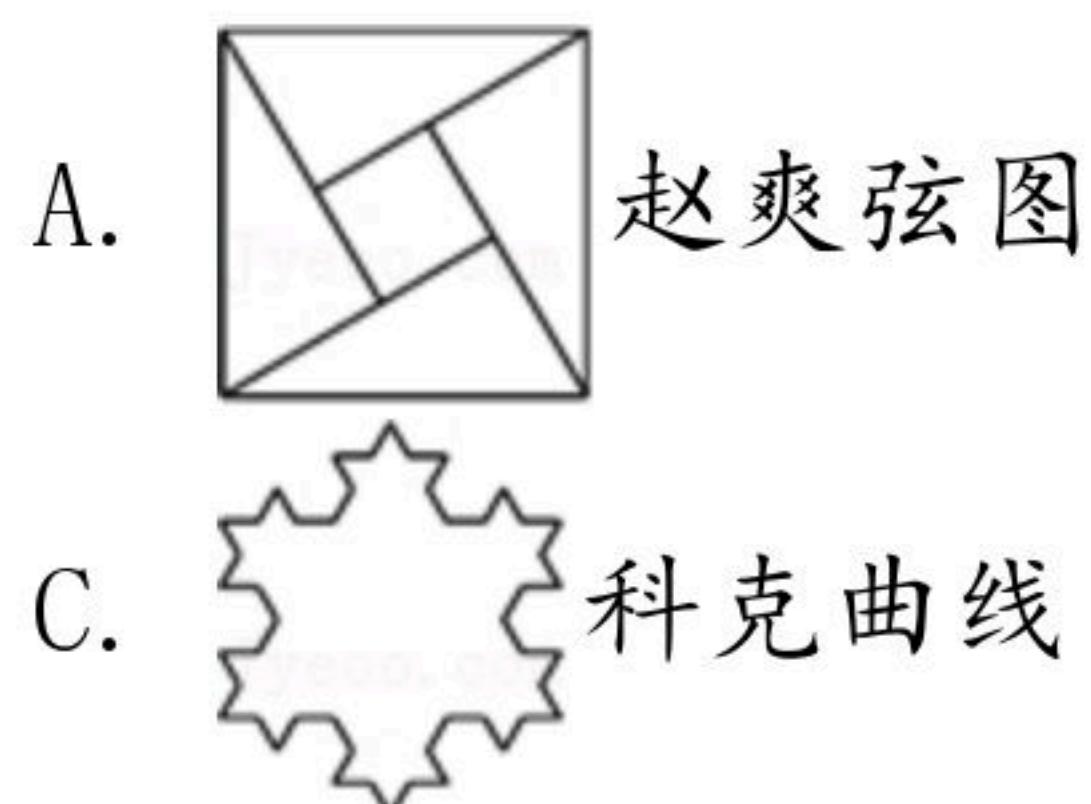
# 2020-2021学年山东省菏泽市牡丹区八年级（下）期末试卷

## 数 学

注：满分为100分。

一、选择题（本大题共8个小题，每小题3分，共24分，在每小题给出的四个选项中，一个选项是正确的，请把正确选项的序号涂在答题卡的相应位置。）

1. 下面的图形是用数学家名字命名的，其中既是轴对称图形又是中心对称图形的是（ ）



2. 下列各式从左到右的变形中，属于因式分解的是（ ）

- A.  $-6x^2y^3 = -2x^2 \cdot 3y^3$       B.  $y^2 - 3y + 1 = y(y-3) + 1$   
C.  $ma + mb = m(a+b)$       D.  $a(b-1) = ab - a$

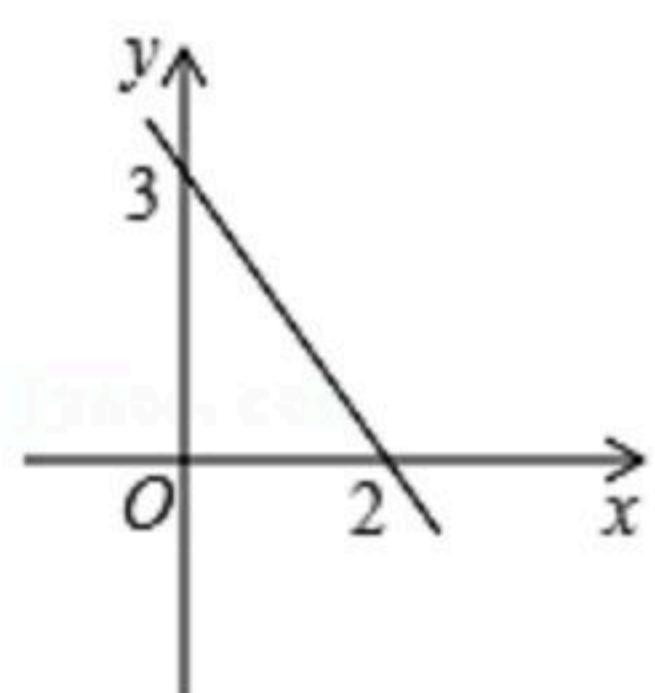
3. 已知  $a > b$ ，则下列不等式中正确的是（ ）

- A.  $-2a > -2b$       B.  $\frac{a}{2} < \frac{b}{2}$       C.  $2-a > 2-b$       D.  $a+m^2 > b+m^2$

4. 在分式  $\frac{x}{x+y}$  中，把  $x$ 、 $y$  的值都扩大到原来的3倍，则分式的值（ ）

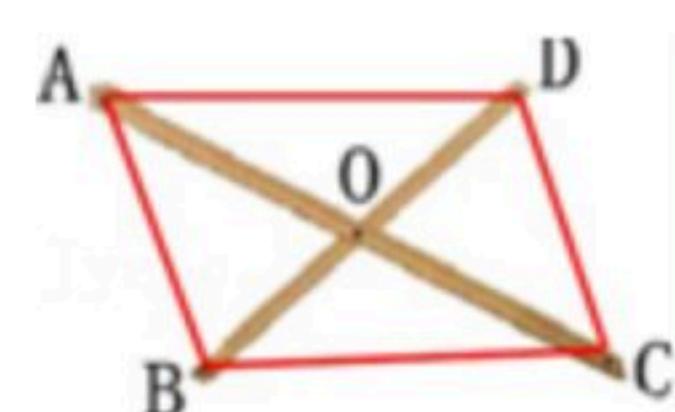
- A. 扩大到原来的3倍      B. 扩大到原来的6倍  
C. 缩小到原来的  $\frac{1}{3}$       D. 不变

5. 如图，直线  $y=kx+3$  经过点  $(2, 0)$ ，则关于  $x$  的不等式  $kx+3 \geq 0$  的解集是（ ）



- A.  $x > 2$       B.  $x < 2$       C.  $x \geq 2$       D.  $x \leq 2$

6. 小玲的爸爸在钉制平行四边形框架时，采用了一种方法：如图所示，将两根木条  $AC$ 、 $BD$  的中点重叠并用钉子固定，则四边形  $ABCD$  就是平行四边形，这种方法的依据是（ ）



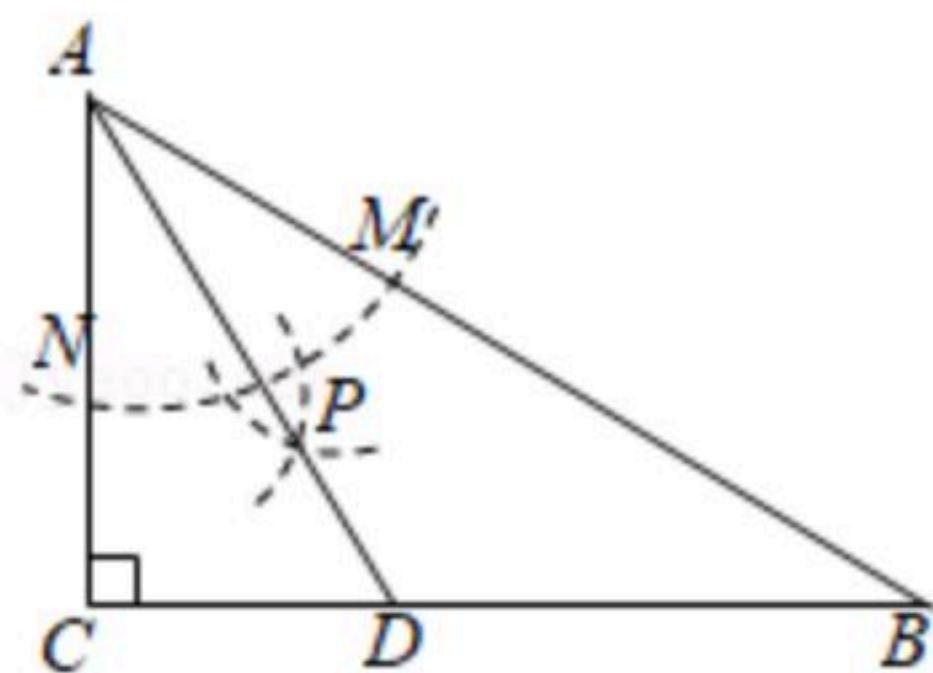
- A. 对角线互相平分的四边形是平行四边形



扫码查看解析

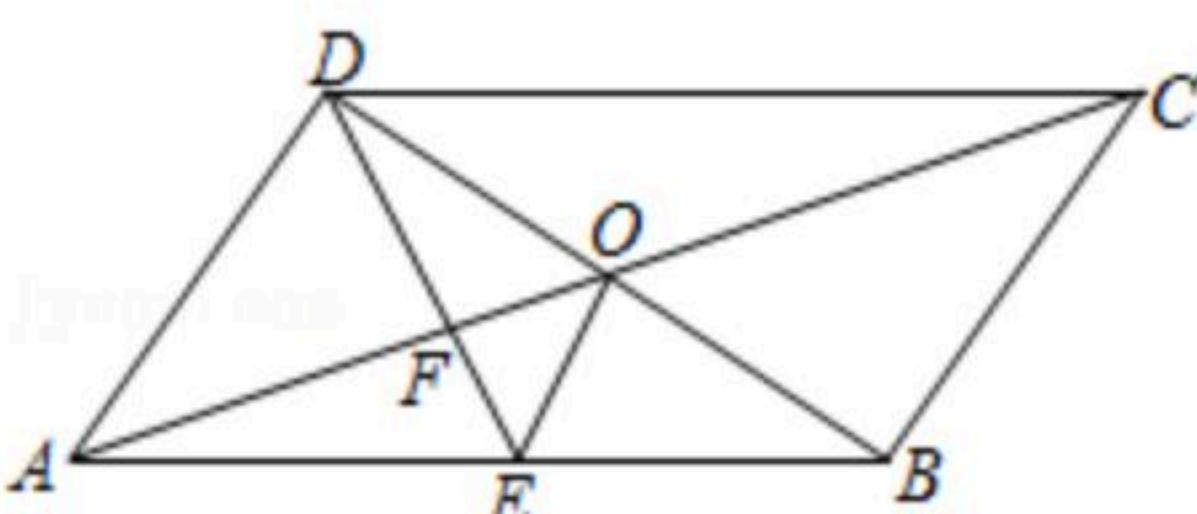
- B. 一组对边平行且相等的四边形是平行四边形
- C. 两组对边分别相等的四边形是平行四边形
- D. 两组对角分别相等的四边形是平行四边形

7. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $\angle B=30^\circ$ ，以点A为圆心，任意长为半径画弧分别交AB，AC于点M和N，再分别以M，N为圆心，大于 $\frac{1}{2}MN$ 的长为半径画弧，两弧交于点P，连接AP并延长，交BC于点D，则下列结论不正确的是( )



- A.  $AD$ 平分 $\angle BAC$
- B.  $\angle ADC=60^\circ$
- C. 点D在AB的垂直平分线上
- D.  $S_{\triangle DAC}: S_{\triangle ABC}=1: 2$

8. 如图，平行四边形ABCD的对角线AC、BD交于点O，DE平分 $\angle ADC$ 交AB于点E， $\angle BCD=60^\circ$ ， $AD=\frac{1}{2}AB$ ，连接OE. 下列结论：① $S_{\text{平行四边形}ABCD}=AD \cdot BD$ ；②DB平分 $\angle CDE$ ；③ $AO=DE$ ；④OE垂直平分BD. 其中正确的个数有 ( )



- A. 1个
- B. 2个
- C. 3个
- D. 4个

**二、填空题 (本大题共6个小题，每小题3分，共18分，只要求把最后结果填写在答题卡的相应区域内.)**

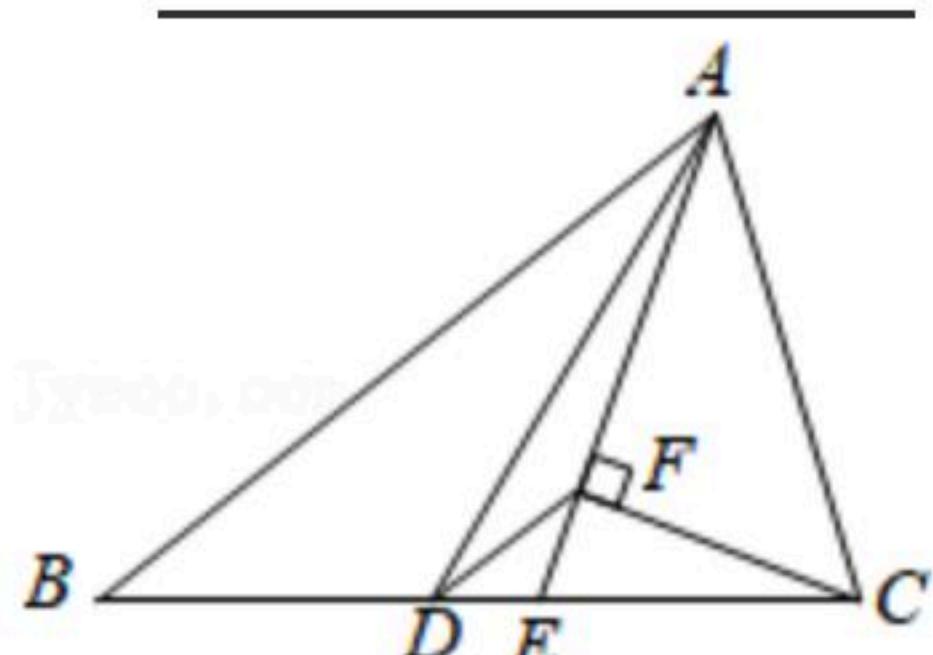
9. 把点 $P(4, 5)$ 先向上平移2个单位，再向右平移4个单位后的坐标为 \_\_\_\_\_.

10. 一个n边形的每个外角都是 $45^\circ$ ，则这个n边形内角和是 \_\_\_\_\_.

11. 若关于x的分式方程 $\frac{m}{x-1}-\frac{3}{1-x}=1$ 的解是非负数，则m的取值范围是 \_\_\_\_\_.

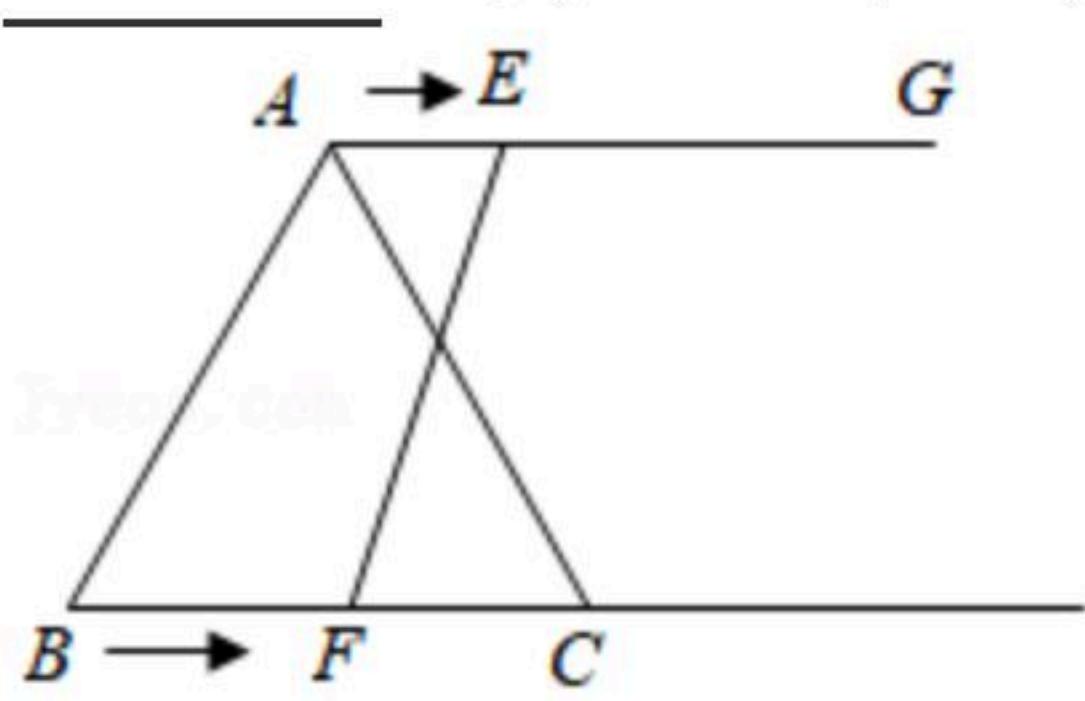
12. 化简： $a+1+a(a+1)+a(a+1)^2+\cdots+a(a+1)^{2021}=$  \_\_\_\_\_.

13. 如图， $\triangle ABC$ 中， $AD$ 是中线， $AE$ 是角平分线， $CF \perp AE$ 于F， $AB=13$ ， $AC=8$ ，则 $DF$ 的长为 \_\_\_\_\_.





14. 如图，在等边 $\triangle ABC$ 中， $BC=8cm$ ，射线 $AG//BC$ ，点 $E$ 从点 $A$ 出发沿射线 $AG$ 以 $1cm/s$ 的速度运动；点 $F$ 从点 $B$ 出发沿射线 $BC$ 以 $3cm/s$ 的速度运动。设运动时间为 $t(s)$ ，当 $t$ 为\_\_\_\_\_s时，以 $A, C, E, F$ 为顶点的四边形是平行四边形。



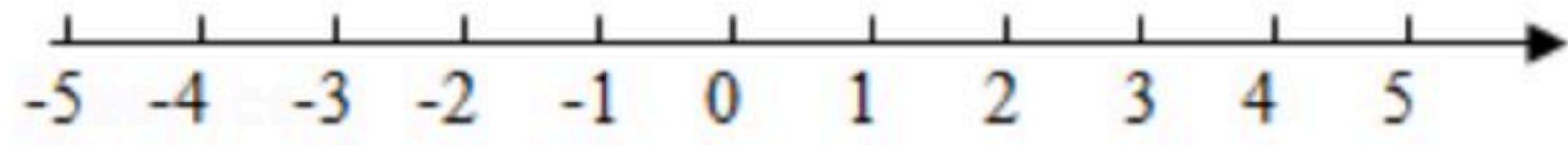
扫码查看解析

三、解答题（本大题共8个小题，共58分，请把解答或证明过程写在答题卡的相应区域内。）

15. 分解因式：

(1)  $a^3 - 2a^2 + a$ ;  
(2)  $(2x+y)^2 - (x+2y)^2$ .

16. 解不等式组  $\begin{cases} x - \frac{3}{2}(x-2) \leqslant 5 \\ \frac{1+3x}{2} > 2x-1 \end{cases}$  并把不等式组的解集在数轴上表示出来。



17. 解方程： $\frac{1}{x+1} + \frac{2}{x-1} = \frac{4}{x^2-1}$

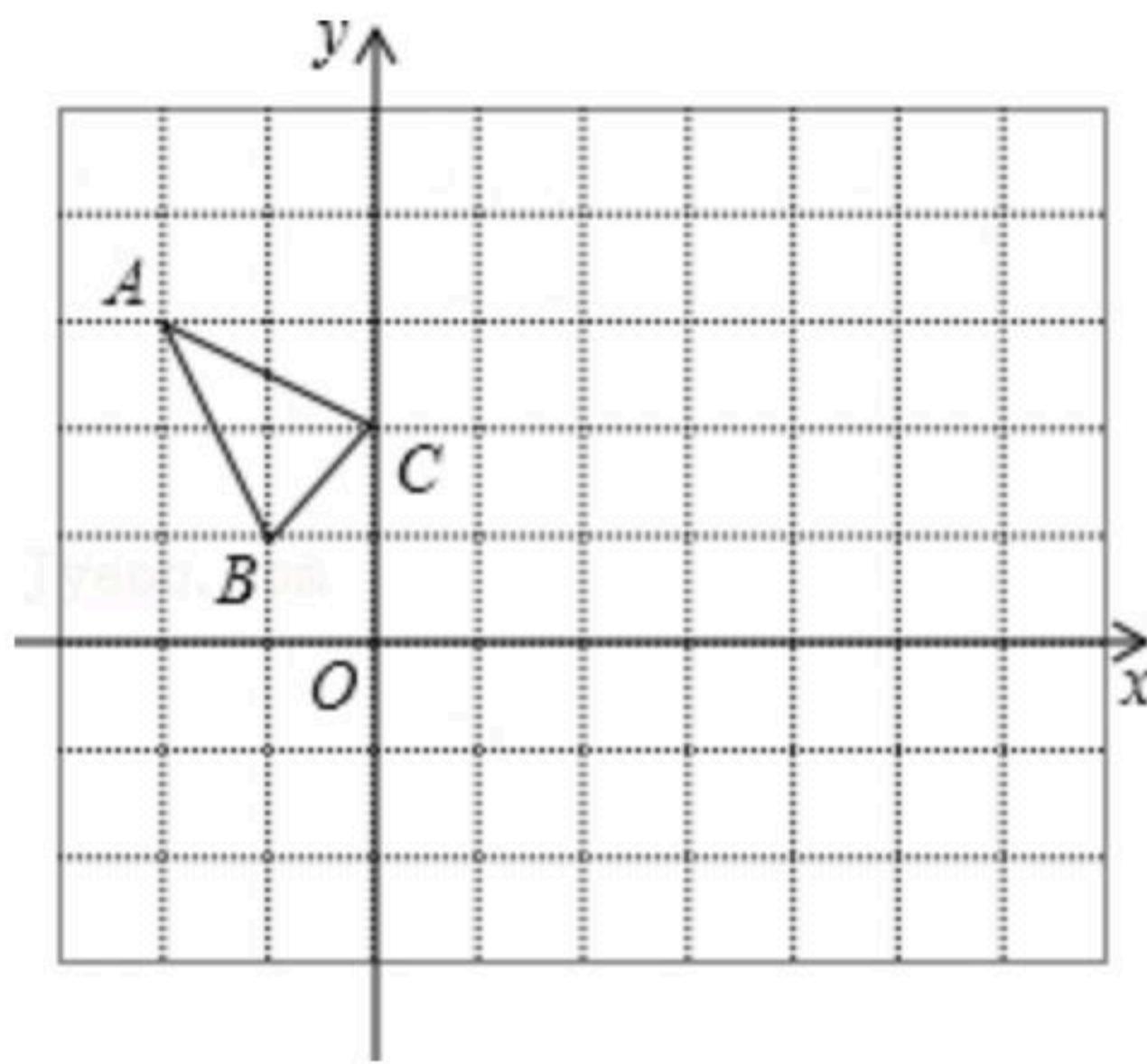
18. 先化简，再求值： $(\frac{3}{a+1} - a+1) \div \frac{a^2-4}{a^2+2a+1}$ ，其中从 $a$ 从 $-1, 2, 3$ 中取一个你认为合适的数代入求值。

19.  $\triangle ABC$ 在平面直角坐标系 $xOy$ 中的位置如图所示。 $A(-2, 3)$ ,  $B(-1, 1)$ ,  $C(0, 2)$ .

- (1) 将 $\triangle ABC$ 向右平移2个单位，作出平移后的 $\triangle A_1B_1C_1$ ；  
(2) 作出 $\triangle A_1B_1C_1$ 关于点 $C_1$ 成中心对称的图形 $\triangle A_2B_2C_2$ ；  
(3) 连接 $A_2B_1$ ，则 $\triangle A_2B_2B_1$ 的面积为\_\_\_\_\_.



扫码查看解析



20. 为应对新冠疫情，某药店到厂家选购A、B两种品牌的医用外科口罩，B品牌口罩每个进价比A品牌口罩每个进价多0.7元，若用7200元购进A品牌数量是用5000元购进B品牌数量的2倍。

- (1)求A、B两种品牌的口罩每个进价分别为多少元？  
(2)若A品牌口罩每个售价为2元，B品牌口罩每个售价为3元，药店老板决定一次性购进A、B两种品牌口罩共6000个，在这批口罩全部出售后的所获利润不低于1800元。则最少购进B品牌口罩多少个？

21. 如图， $\triangle ABC$ 中 $\angle ACB$ 是钝角，点P在边BC的垂直平分线上。

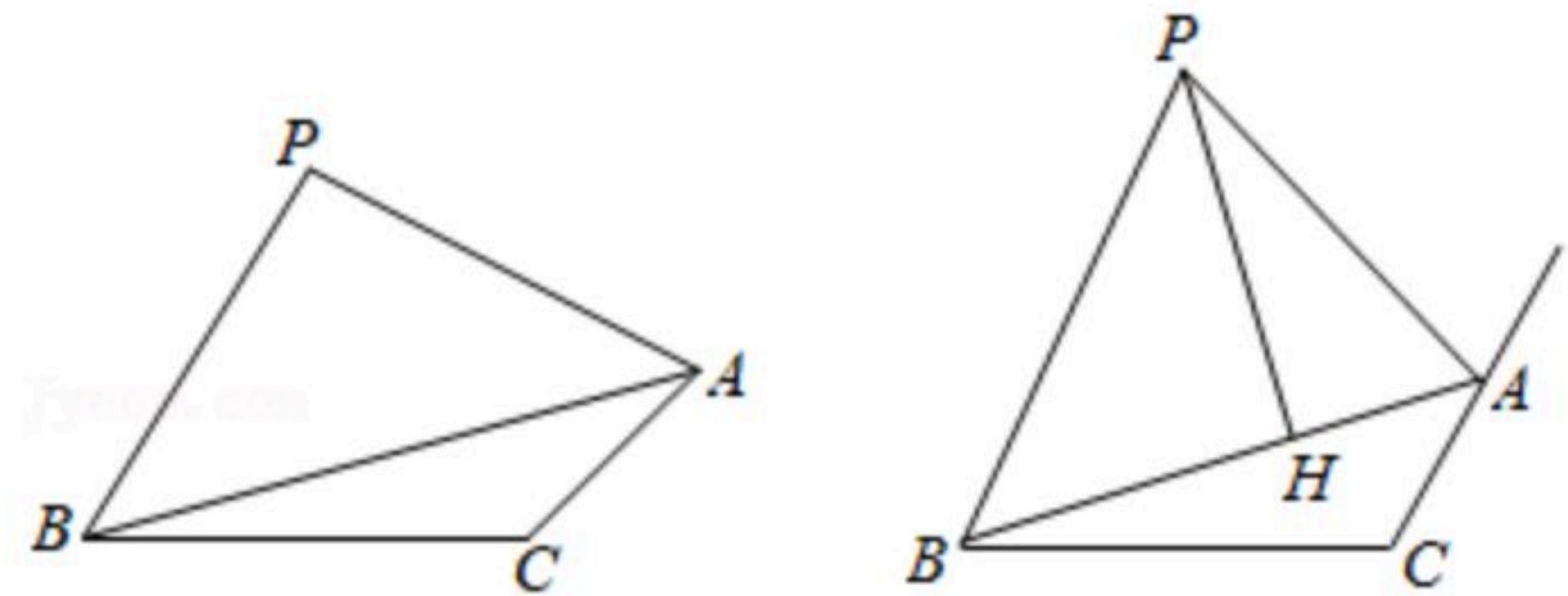


图1

图2

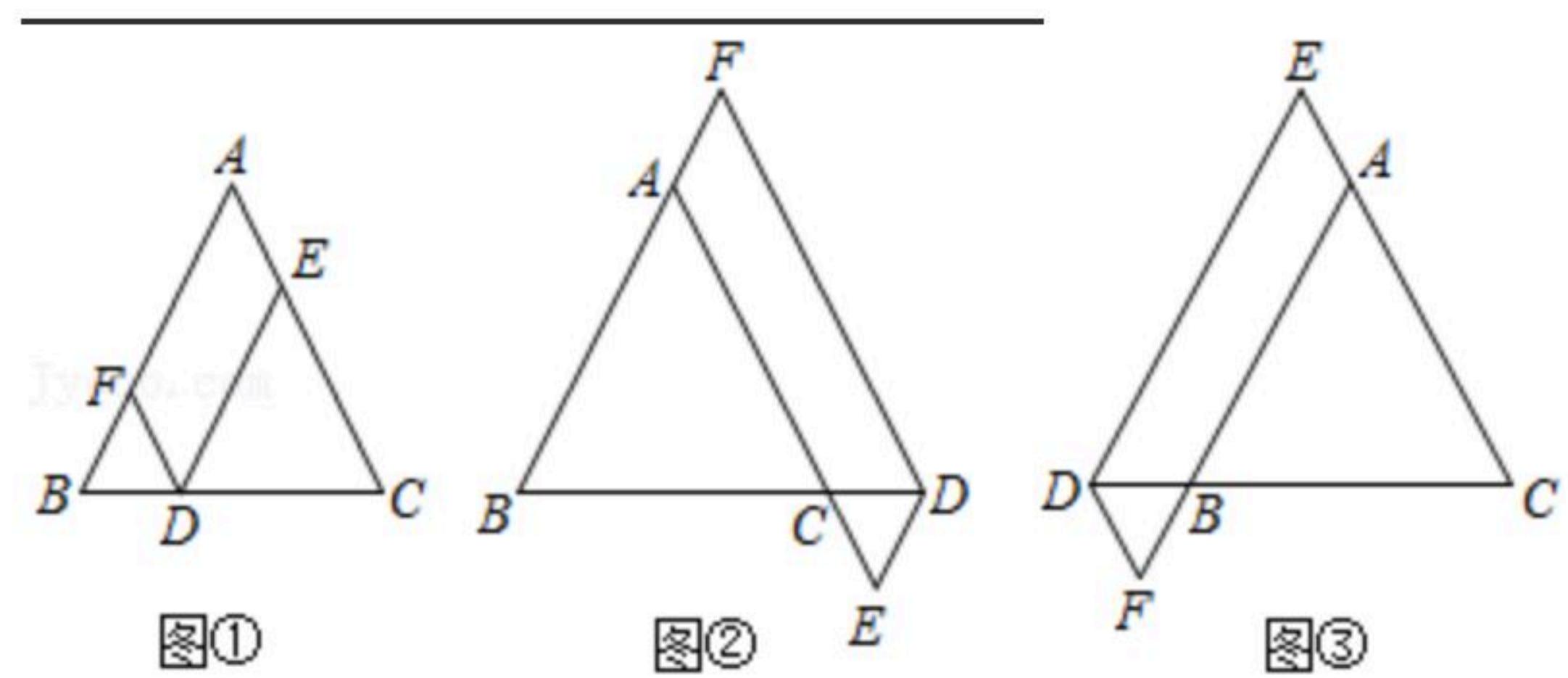
- (1)如图1，若点P也在边AC的垂直平分线上，且 $\angle ACB=110^\circ$ ，求 $\angle APB$ 的度数；  
(2)如图2，若点P也在 $\angle BAC$ 的外角平分线上，过点P作 $PH \perp AB$ 于H，试找出线段AB、AH、AC之间的数量关系，并说明理由。

22. 在 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ，点D在边BC所在的直线上，过点D作 $DF \parallel AC$ 交直线AB于点F， $DE \parallel AB$ 交直线AC于点E。

- (1)当点D在边BC上时，如图①，求证 $DE+DF=AC$ 。  
(2)当点D在边BC的延长线上时，如图②，线段DE，DF，AC之间的数量关系是  
\_\_\_\_\_，为什么？  
(3)当点D在边BC的反向延长线上时，如图③，线段DE，DF，AC之间的数量关系是  
(不需要证明)。



扫码查看解析





扫码查看解析