



扫码查看解析

# 2020-2021学年安徽省马鞍山市八年级（下）期末试卷

## 数 学

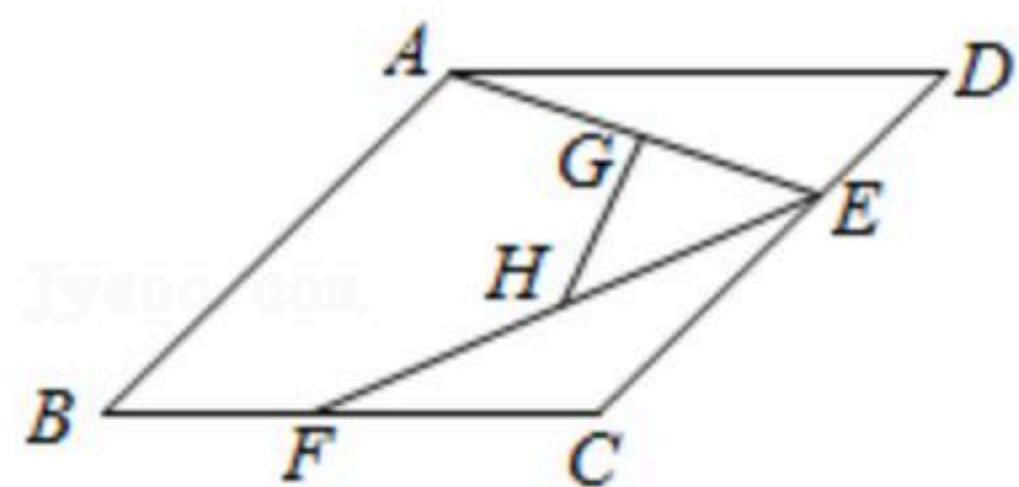
注：满分为100分。

一、选择题（本大题共10个小题，每小题3分，满分30分）每小题都给出A、B、C、D四个选项，其中只有一个符合题目要求的。

1. 下列二次根式与 $\sqrt{3}$ 是同类二次根式的是( )  
A.  $\sqrt{24}$       B.  $\sqrt{18}$       C.  $\sqrt{12}$       D.  $\sqrt{9}$
2. 下列几组数中，能作为直角三角形三边长度的是( )  
A. 6, 9, 10      B. 5, 12, 17      C. 4, 5, 6      D. 1,  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$
3. 下列各式中，运算正确的是( )  
A.  $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{5}$       B.  $3\sqrt{2} - \sqrt{2} = 3$   
C.  $5 \times \sqrt{\frac{1}{5}} = 1$       D.  $\sqrt{12} \div \sqrt{3} = 2$
4. 下列一元二次方程中，没有实数根的是( )  
A.  $x^2 = 2x$       B.  $2x^2 + 3 = 0$       C.  $x^2 + 4x - 1 = 0$       D.  $x^2 - 8x + 16 = 0$
5. 已知一个菱形的边长是5cm，两条对角线长的比是4:3，则这个菱形的面积是( )  
A.  $12cm^2$       B.  $24cm^2$       C.  $48cm^2$       D.  $96cm^2$
6. 一组数据3、4、 $x$ 、1、4、3有唯一的众数3，则这组数据的方差是( )  
A. 1      B. 2      C. 3      D. 4
7. 如果一个多边形的内角和是外角和的3倍，那么这个多边形是( )  
A. 四边形      B. 六边形      C. 八边形      D. 十边形
8. 某单位为响应国家“厉行节约，反对浪费”的号召，减少了对办公经费的投入，在两个月内将开支从每月2500元降到1600元，若平均每月降低开支的百分率为 $x$ ，则下列方程中符合题意的是( )  
A.  $2500(1-x)^2 = 1600$       B.  $1600(1+x)^2 = 2500$   
C.  $2500(1+x)^2 = 1600$       D.  $1600(1-x)^2 = 2500$
9. 如图，在菱形ABCD中， $\angle B=45^\circ$ ， $BC=2\sqrt{3}$ ，E，F分别是边CD，BC上的动点，连接AE和EF，G，H分别为AE，EF的中点，连接GH，则GH的最小值为( )



扫码查看解析



A.  $\sqrt{3}$

B.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$

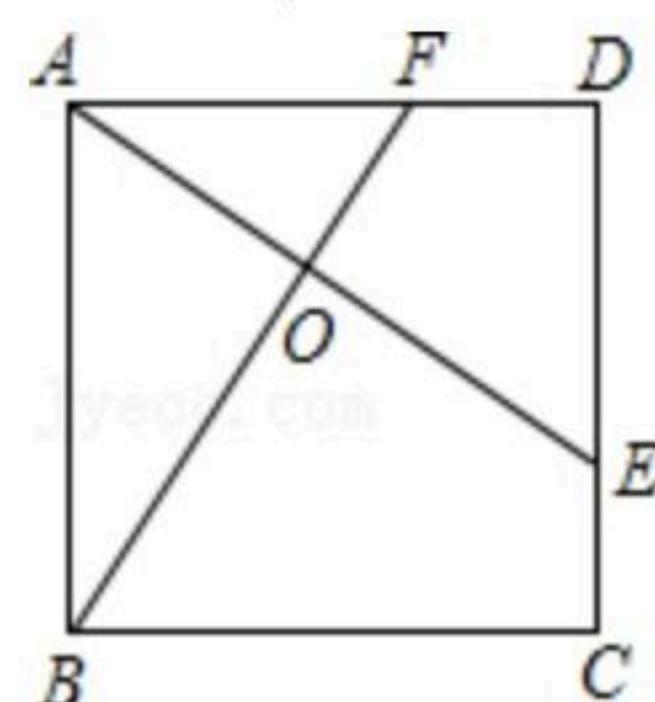
C.  $\frac{\sqrt{6}}{3}$

D. 1

10. 如图所示,  $E$ 、 $F$ 分别是正方形 $ABCD$ 的边 $CD$ 、 $AD$ 上的点, 且 $CE=DF$ ,  $AE$ 、 $BF$ 相交于点 $O$ , 下列结论:

- ① $AE=BF$ ; ② $AE \perp BF$ ; ③ $AO=OE$ ; ④ $S_{\triangle AOB}=S_{\text{四边形} DEOF}$ ; ⑤ $\angle BAE=\angle AFB$

其中, 正确的有( )



A. 2个

B. 3个

C. 4个

D. 5个

## 二、填空题 (本大题共8个小题, 每小题3分, 满分24分) 答案写在答题卷上的指定区域内.

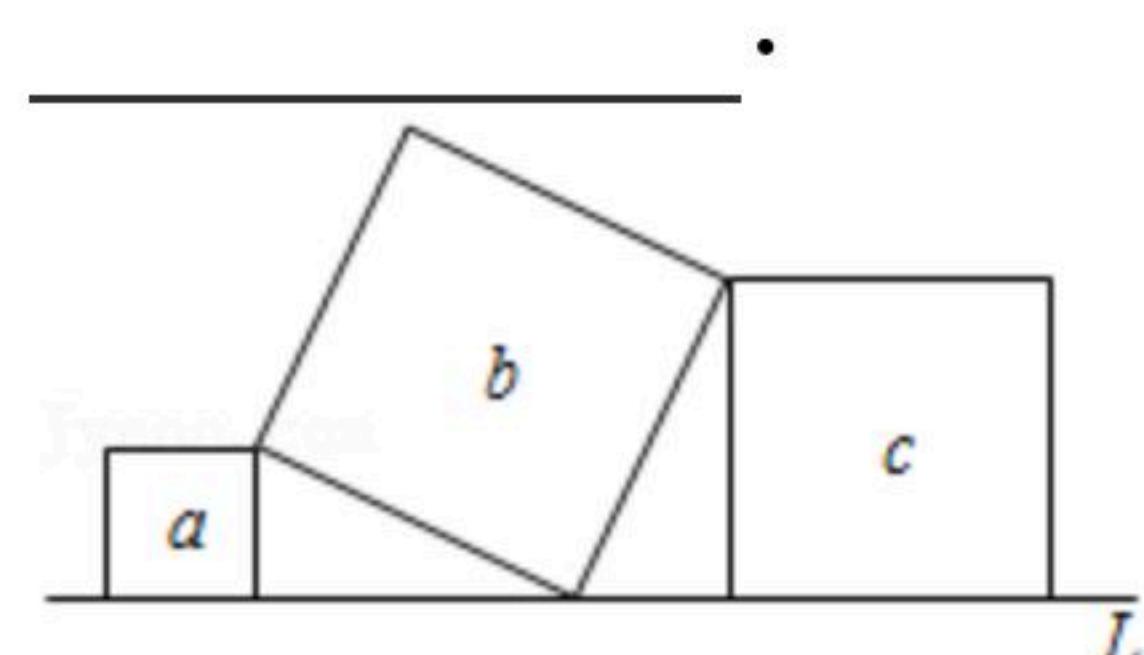
11. 若 $\sqrt{4a+1}$ 有意义, 则 $a$ 能取到的最小整数为\_\_\_\_\_.

12. 已知平行四边形 $ABCD$ 的对角线 $AC$ ,  $BD$ 相交于点 $O$ ,  $AC=24cm$ ,  $BD=38cm$ ,  $AD=14cm$ , 则 $\triangle OBC$ 的周长为\_\_\_\_\_cm.

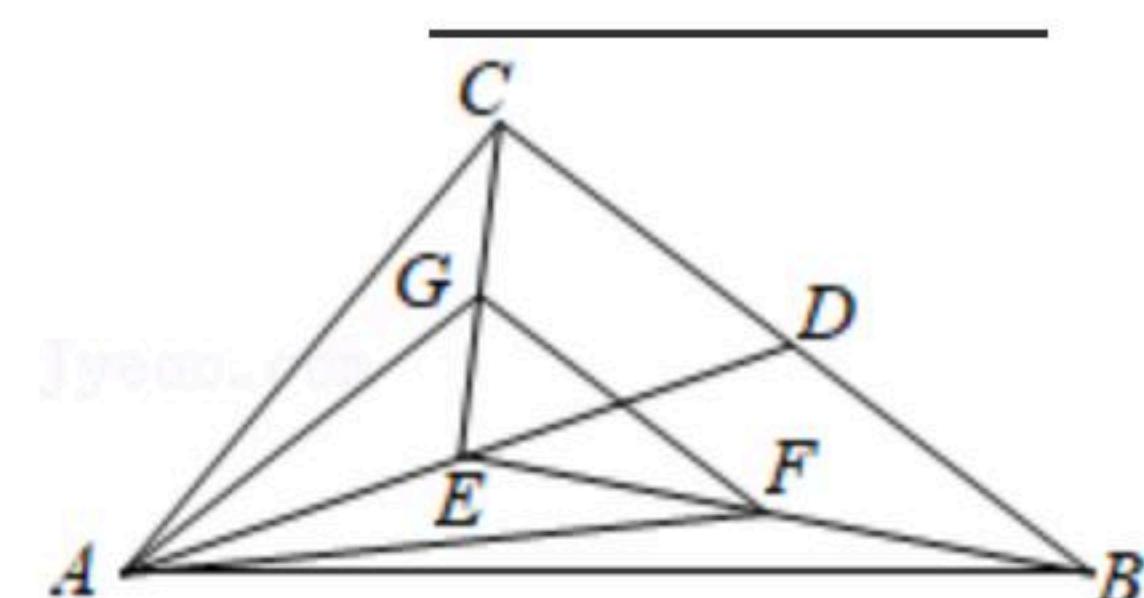
13. 若数据2、3、5、3、8的众数是 $a$ , 则中位数是 $b$ , 则 $a-b$ 等于\_\_\_\_\_.

14. 若 $m$ 是方程 $x^2+3x-2=0$ 的一个根, 则 $3m^2+9m+2021$ 的值是\_\_\_\_\_.

15. 如图, 直线 $L$ 上有三个正方形 $a$ ,  $b$ ,  $c$ , 若 $a$ ,  $c$ 的面积分别为1和9, 则 $b$ 的面积为\_\_\_\_\_.



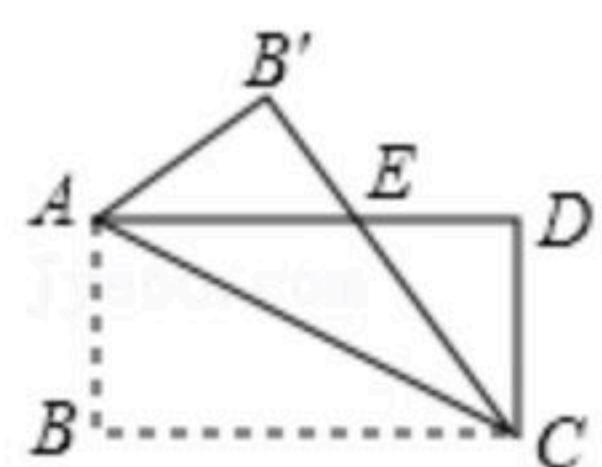
16. 如图,  $\triangle ABC$ 的面积是16, 点 $D$ ,  $E$ ,  $F$ ,  $G$ 分别是 $BC$ ,  $AD$ ,  $BE$ ,  $CE$ 的中点, 则 $\triangle AFG$ 的面积是\_\_\_\_\_.



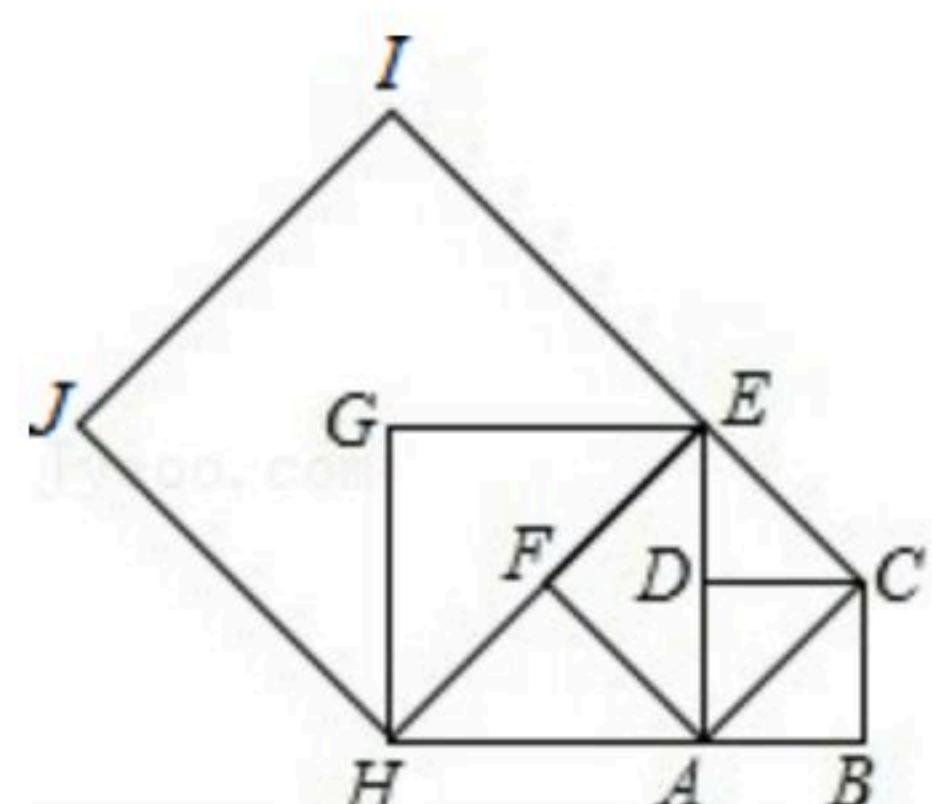
17. 如图, 将长方形 $ABCD$ 沿对角线 $AC$ 折叠, 得到如图所示的图形, 点 $B$ 的对应点是点 $B'$ ,  $B'C$ 与 $AD$ 交于点 $E$ . 若 $AB=2$ ,  $BC=4$ , 则 $AE$ 的长是\_\_\_\_\_.



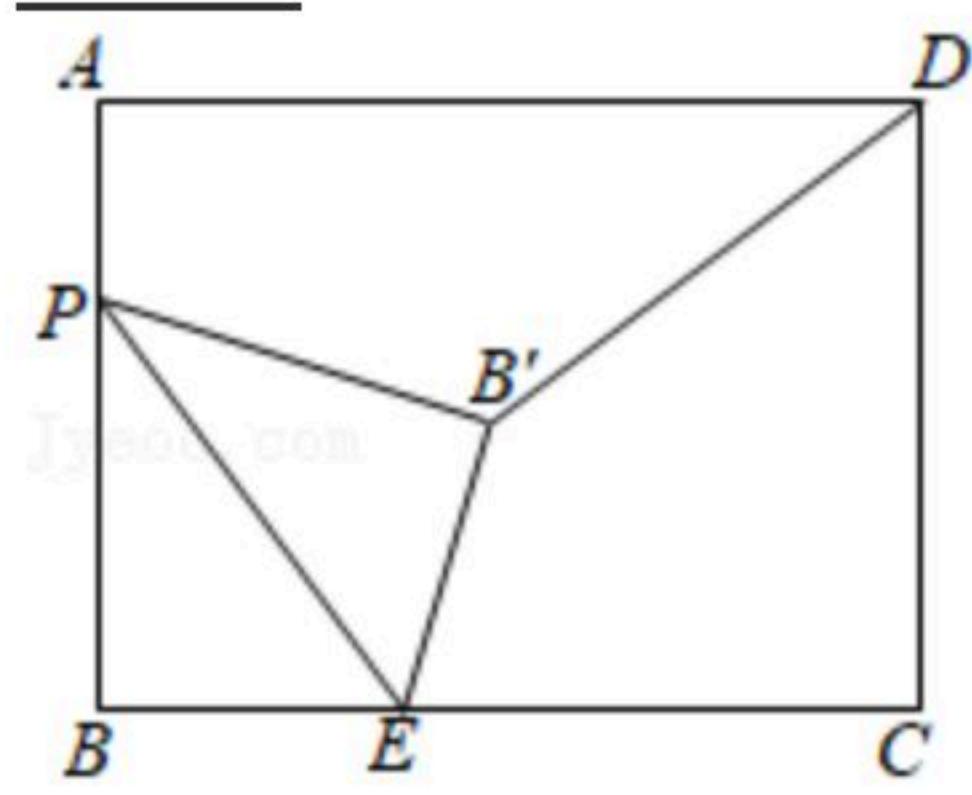
扫码查看解析



18. 如图, 已知四边形 $ABCD$ 是边长为1的正方形, 以正方形 $ABCD$ 的对角线 $AC$ 为边作第2个正方形 $ACEF$ , 再以第2个正方形的对角线 $AE$ 为边作第3个正方形 $AEGH$ , 如此下去, 则第 $n$ 个正方形的面积 $S_n=$ \_\_\_\_\_.



19. 如图, 长方形 $ABCD$ 中,  $AD=4$ ,  $AB=3$ , 点 $P$ 是 $AB$ 上一点,  $AP=1$ , 点 $E$ 是 $BC$ 上一动点, 连接 $PE$ , 将 $\triangle BPE$ 沿 $PE$ 折叠, 使点 $B$ 落在 $B'$ , 连接 $DB'$ , 则 $PB'+DB'$ 的最小值是\_\_\_\_\_.



**三、解答题 (本大题共6题, 满分46分) .** 解答题应写出文字说明、演算步骤或证明过程.  
解答写在答题卷上的指定区域内.

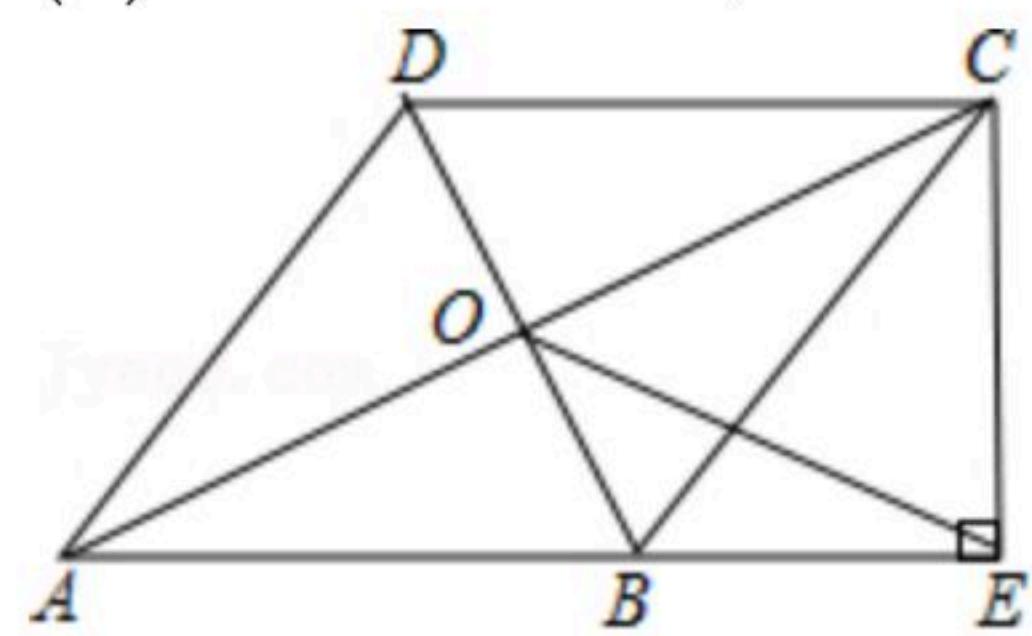
20. 计算:  $(2-\sqrt{3})^0 - \sqrt[3]{-64} - (\frac{1}{4})^{-1} + |\sqrt{3}-2|$ .

21. 已知: 关于 $x$ 的方程 $x^2+4x+2m=0$ 有实数根.

- (1)求 $m$ 的取值范围;  
(2)若 $m$ 为正整数, 且该方程的根都是整数, 求 $m$ 的值.

22. 如图, 在四边形 $ABCD$ 中,  $AB \parallel DC$ ,  $AB=AD$ , 对角线 $AC$ ,  $BD$ 交于点 $O$ ,  $AC$ 平分 $\angle BAD$ , 过点 $C$ 作 $CE \perp AB$ 交 $AB$ 的延长线于点 $E$ , 连接 $OE$ .

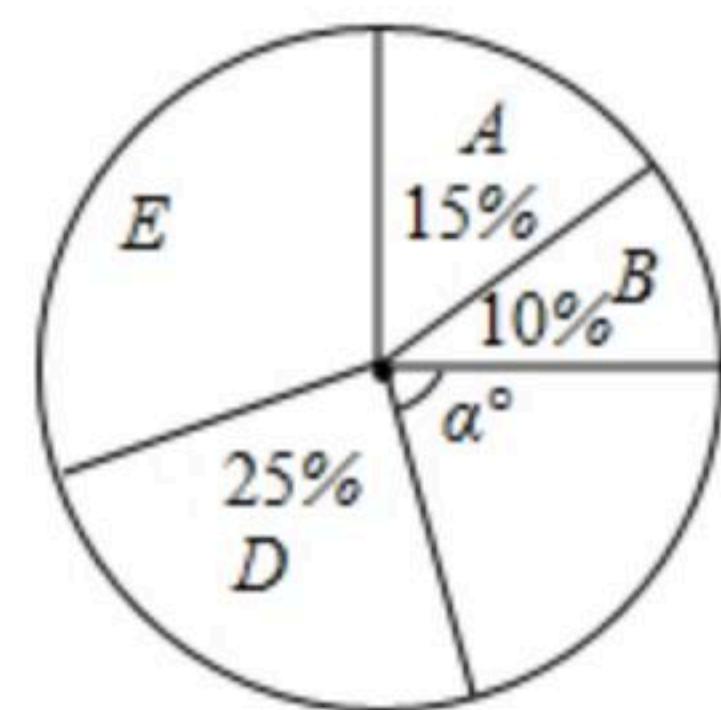
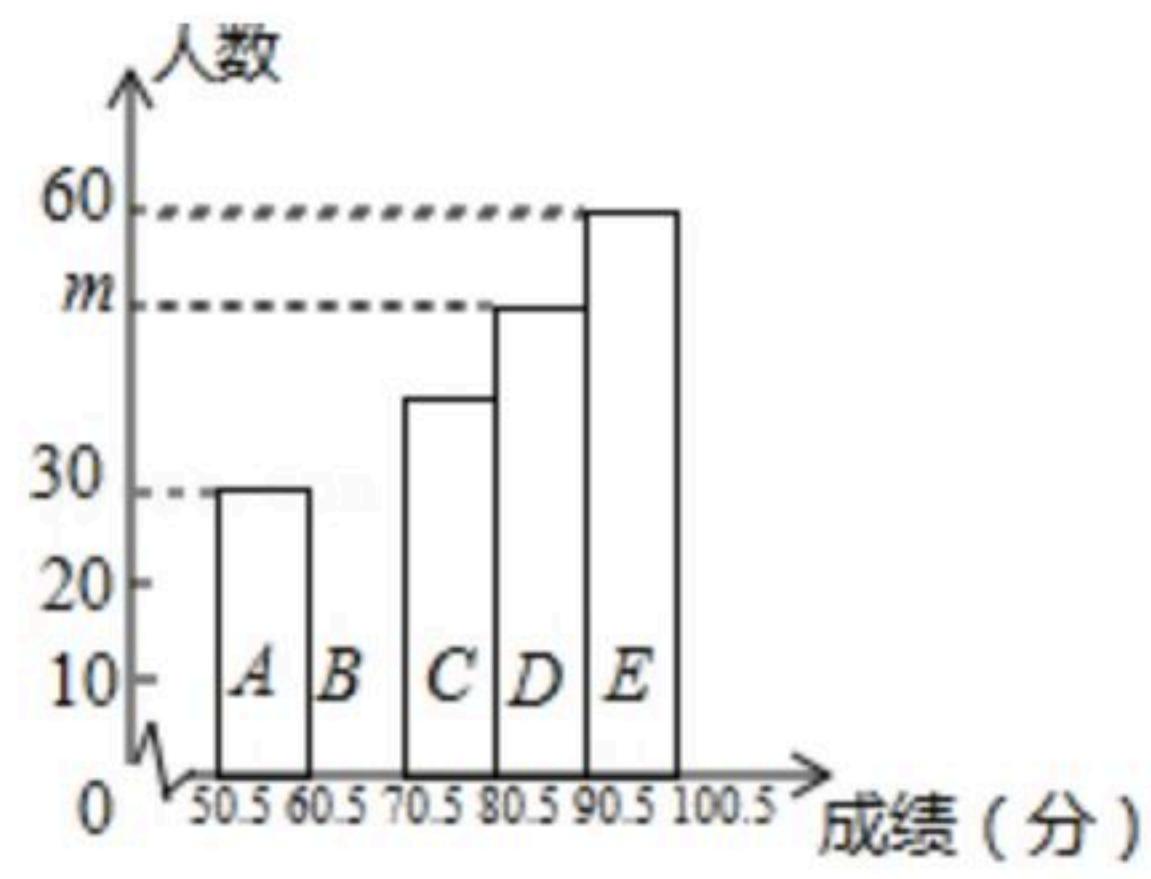
- (1)求证: 四边形 $ABCD$ 是菱形;  
(2)若 $AB=\sqrt{5}$ ,  $BD=2$ , 求 $OE$ 的长.





扫码查看解析

23. 某校为加强学生的安全意识，每周通过安全教育APP软件，向家长和学生推送安全教育作业。在最近一期的防溺水安全知识竞赛中，从中抽取了部分学生成绩进行统计。绘制了图中两幅不完整的统计图。请回答如下问题：



$$(1) m = \underline{\hspace{2cm}}, a = \underline{\hspace{2cm}}$$

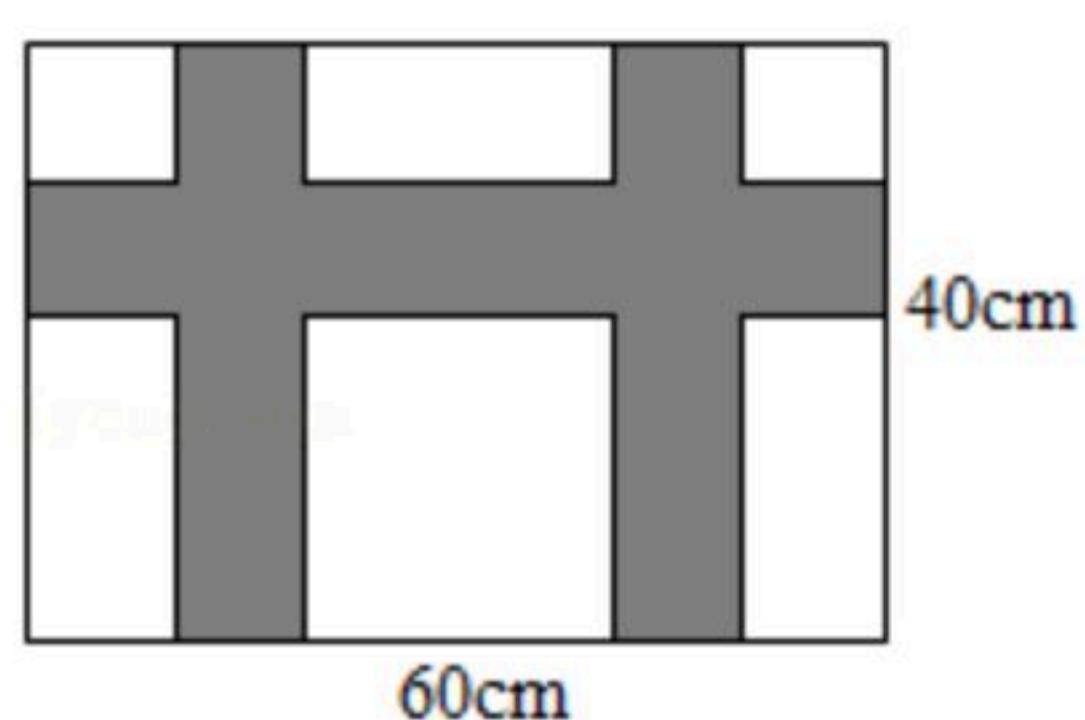
(2) 补全频数分布直方图；

(3) 该校共有1600名学生。若认定成绩在60分及以下(含60分)的学生安全意识不强，有待进一步加强安全教育，请估计该校安全意识不强的学生约有多少人？

24. 在丝绸博览会期间，某公司展销如图所示的长方形工艺品，该工艺品长60cm，宽40cm，中间镶有宽度相同的三条丝绸条带。

(1) 若丝绸条带的面积为 $650\text{cm}^2$ ，求丝绸条带的宽度；

(2) 已知该工艺品的成本是40元/件，如果以单价为100元/件销售，那么每天可售出200件，另外每天除工艺品的成本外所需支付的各种费用是2000元，根据销售经验，如果将销售单价降低1元，每天可多售出20件，请问该公司每天把销售单价定为多少元时，当日所获利润为22500元。



25. 如图，矩形ABCD中， $AD=2AB$ ，E是AD边上一点， $DE=\frac{1}{n}AD$ (n为大于2的整数)，连接BE，作BE的垂直平分线分别交AD，BC于点F，G，FG与BE的交点为O，连接BF和EG。

(1) 试判断四边形BFEG的形状，并说明理由；

(2) 当 $AB=a$ (a为常数)， $n=3$ 时，求FG的长；

(3) 记四边形BFEG的面积为 $S_1$ ，矩形ABCD的面积为 $S_2$ ，当 $\frac{S_1}{S_2}=\frac{17}{30}$ 时，求n的值。(直接写出结果，不必写出解答过程)

