



扫码查看解析

# 2020-2021学年四川省自贡市八年级(下)期末试卷

## 数 学

注：满分为100分。

一. 选择题(本题有8个小题, 每小题3分, 满分24分; 每个小题只有一个选项符合题意)

1. 函数 $y = \frac{\sqrt{x}}{x-1}$ 的自变量 $x$ 的取值范围是( )

- A.  $x > 1$                       B.  $x \geq 0$                       C.  $0 \leq x \leq 1$                       D.  $x \geq 0$ 且 $x \neq 1$

2. 下列各组数据中, 以它们为边长的线段不能构成直角三角形的是( )

- A. 4, 5, 6                      B. 5, 12, 13                      C. 7, 24, 25                      D. 8, 15, 17

3. 顺次连接矩形四边中点所得的四边形一定是( )

- A. 正方形                      B. 矩形                      C. 菱形                      D. 等腰梯形

4. 下列运算正确的是( )

- A.  $\sqrt{8} \div \sqrt{2} = 4$                       B.  $\sqrt{18} - \sqrt{8} = \sqrt{2}$   
C.  $\sqrt{(-5)^2} = -5$                       D.  $\sqrt{5} + \sqrt{2} = \sqrt{7}$

5. 下表记录了甲、乙、丙、丁四名运动员参加了男子跳高选拔赛成绩的平均数 $\bar{x}$ 与方差 $S^2$ :

	甲	乙	丙	丁
平均数 $\bar{x}(cm)$	155	153	151	156
方差 $S^2(cm^2)$	3.5	3.7	12.8	15

根据表中数据, 要从中选择一名成绩好又发挥稳定的运动员参加比赛, 应该选择( )

- A. 甲                      B. 乙                      C. 丙                      D. 丁

6. 图象过点(0, -1)且 $y$ 随 $x$ 的增大而增大的函数表达式为( )

- A.  $y = -x$                       B.  $y = x + 1$                       C.  $y = 2x - 1$                       D.  $y = -2x - 1$

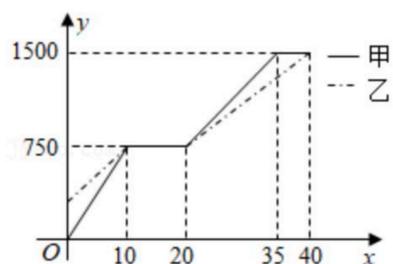
7. 甲、乙二人约好同时出发, 沿同一路线去自贡恐龙博物馆参加科普活动. 下图是甲、乙二人走的图象,  $x$ 表示的是行走时间(单位: 分),  $y$ 表示的是与学校的距离(单位: 米), 最后两人都到达了目的地; 根据图中提供的信息, 下面有四个推断:

- ①甲、乙二人第一次相遇后, 停留了10分钟;  
②甲先到达目的地;  
③甲停留10分钟之后提高了行走速度;  
④甲行走的平均速度要比乙行走的平均速度快.



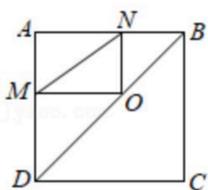
扫码查看解析

所有正确的推断的序号是( )



- A. ①②      B. ①②③      C. ①③④      D. ①②④

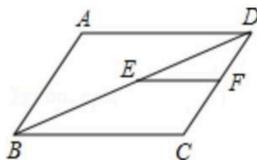
8. 如图, 正方形 $ABCD$ 的边长为 $2\sqrt{2}$ ,  $O$ 是对角线 $BD$ 上一动点(点 $O$ 与端点 $B, D$ 不重合),  $OM \perp AD$ 于点 $M$ ,  $ON \perp AB$ 于点 $N$ , 连接 $MN$ , 则 $MN$ 长的最小值为( )



- A. 1      B. 2      C.  $\sqrt{2}$       D.  $2\sqrt{2}$

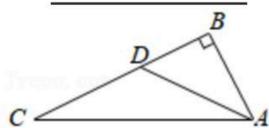
## 二. 填空题 (本题有6个小题, 每小题3分, 共计18分)

9. 如图, 在 $\square ABCD$ 中,  $AD=8$ , 点 $E, F$ 分别是 $BD, CD$ 的中点, 则 $EF=$ \_\_\_\_\_.



10. 某人练习打靶, 1次打中10环, 7次打中8环, 2次打中6环, 则此人10靶的平均成绩是\_\_\_\_\_环.

11.  $Rt\triangle ABC$ 中,  $\angle B=90^\circ$ ,  $D$ 为 $BC$ 上的一点, 若 $DC=DA=5$ ,  $\triangle ACD$ 的面积为10, 则 $BD$ 的长为\_\_\_\_\_.



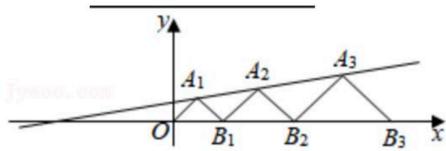
12. 已知 $x=\sqrt{3}+2$ ,  $y=\sqrt{3}-2$ , 则 $\frac{y+x}{x-y}$ 的值为\_\_\_\_\_.

13. 已知一次函数 $y_1=x$ 和 $y_2=\begin{cases} -x-2(x<0) \\ 2x-2(x\geq 0) \end{cases}$ , 当 $y_1>y_2$ 时,  $x$ 的取值范围是\_\_\_\_\_.

14. 如图, 在平面直角坐标系中, 点 $A_1, A_2, A_3$ 在直线 $y=\frac{1}{6}x+b$ 上, 点 $B_1, B_2, B_3$ 在 $x$ 轴上;  $\triangle OA_1B_1, \triangle B_1A_2B_2, \triangle B_2A_3B_3$ 都是等腰直角三角形, 若已知点 $A_1(1, 1)$ , 则点 $A_3$ 的纵坐标是\_\_\_\_\_.



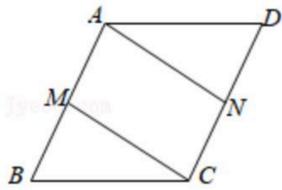
扫码查看解析



三. (本题有5个小题, 每小题5分, 共计25分)

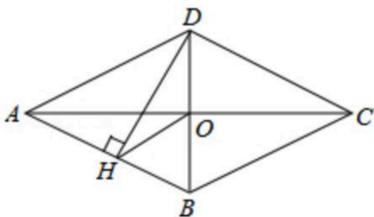
15. 计算:  $\sqrt{12} + (\pi - 3)^0 - |2 - \sqrt{27}|$ .

16. 如图, 在平行四边形ABCD中, M, N分别是边AB, CD的中点, 求证:  $AN \parallel MC$ .



17. 已知  $a - \frac{1}{a} = \sqrt{5}$ , 求  $a + \frac{1}{a}$  的值.

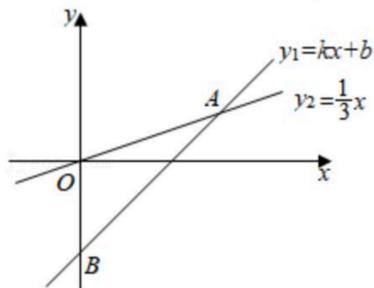
18. 如图, 四边形ABCD是菱形, 对角线AC、BD相交于点O,  $DH \perp AB$ 于H, 连接OH, 求证:  $\angle DHO = \angle DCO$ .



19. 如图, 已知一次函数  $y_1 = kx + b$  的图象经过  $(-1, -5)$ , 与y轴交于点B, 且与正比例函数  $y_2 = \frac{1}{3}x$  的图象相交于点  $A(6, a)$ .

(1) 求直线  $y_1 = kx + b$  的解析式;

(2) 求这两条直线与y轴围成的三角形的面积.



四. (本题有3个小题, 每小题6分, 共计18分)

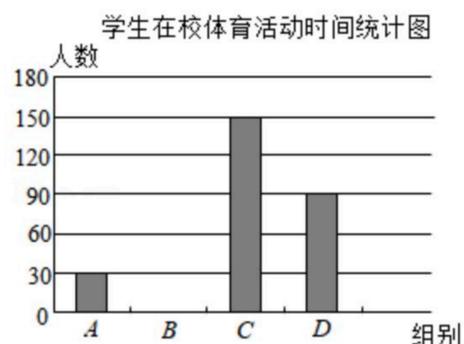
20. 某地为了了解“阳光体育”运动推进情况, 就“中小学每天在校体育活动时间”的问题随机调查了330名中小學生; 根据调查结果绘制成的统计图的一部分如图(其中分组情况见



扫码查看解析

下表):

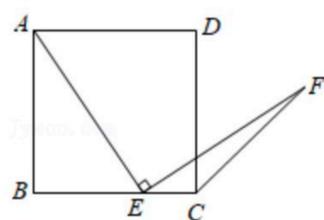
组别	
A	$t < 0.5$
B	$0.5 \leq t < 1$
C	$1 \leq t < 1.5$
D	$t \geq 1.5$



请根据上述信息解答下列问题:

- (1) 补全条形统计图;
- (2) 本次调查数据(指体育活动时间)的中位数落在 \_\_\_\_\_ 组内;
- (3) 若某地约有6600名中小學生, 请你估计其中没有达到国家规定体育活动时间(不低于1小时)的人数约有多少?

21. 如图, 四边形ABCD是正方形, 点E是BC边上的一点,  $\angle AEF = 90^\circ$ , 且  $AE = EF$ , 连接CF, 求  $\angle DCF$  的度数.



22. 有这样一个问题: 探究函数  $y = x + \frac{1}{x}$  的图象与性质.

下面是小艺的探究过程, 请补充完整:

- (1) 下表是  $y$  与  $x$  的几组对应值.

$x$	...	-2	-1	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	2	...
$y$	...	$-\frac{5}{2}$	-2	$-\frac{5}{2}$	$-\frac{17}{4}$	$\frac{17}{4}$	$\frac{5}{2}$	2	$\frac{5}{2}$	...

画出该函数的图象.

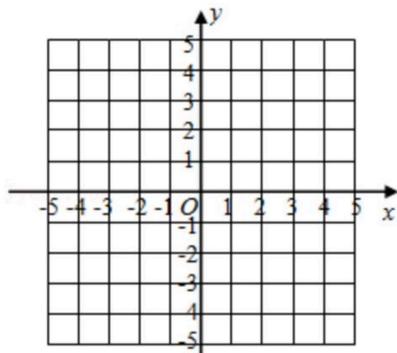
- (2) 已知点  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$  在函数图象上, 仔细观察函数图象填空: 若  $1 < x_1 < x_2$ , 则  $y_1$



扫码查看解析

\_\_\_\_\_  $y_2$ ; 若  $-1 < x_1 < x_2 < 0$ , 则  $y_1$  \_\_\_\_\_  $y_2$ . (填 “>”, “=”, “<”)

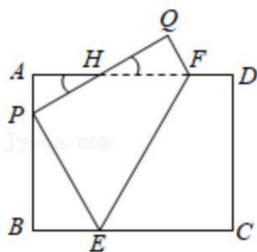
(3)请写出该函数的一条性质: \_\_\_\_\_.



五. (本题共有2个小题, 第23题7分, 第24题8分, 共计15分)

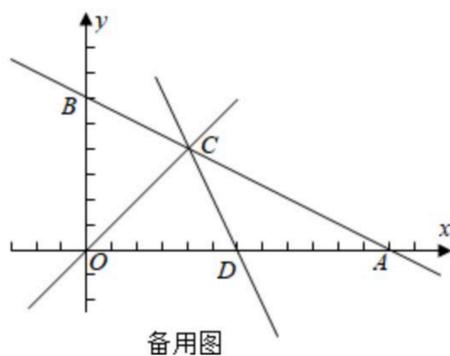
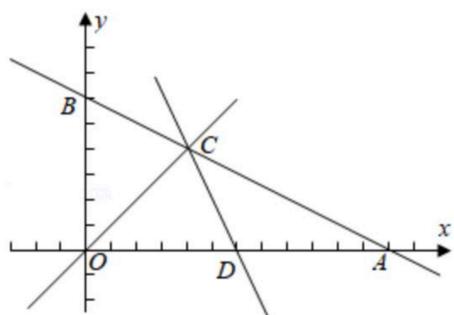
23. 如图, 在矩形  $ABCD$  中,  $AB=4\sqrt{3}$ ,  $BC=9$ , 沿  $EF$  折叠后, 点  $C$  落在  $AB$  边上的点  $P$  处, 点  $D$  落在点  $Q$  处,  $AD$  与  $PQ$  相交于点  $H$ ,  $\angle QHF=30^\circ$ .

- (1)求  $BE$ 、 $QF$  的长;
- (2)求四边形  $PEFH$  的面积.



24. 如图, 直线  $y=-\frac{1}{2}x+3$  分别与  $x$  轴、 $y$  轴交于  $A$ ,  $B$  两点, 与直线  $y=x$  交于点  $C$ , 过点  $C$  平分  $\triangle AOC$  面积的直线交  $x$  轴于点  $D$ .

- (1)求线段  $CD$  的长;
- (2)点  $E$  在  $y$  轴上, 当  $\triangle DCE$  周长最小时, 求点  $E$  的坐标(不用证明周长最小);
- (3)点  $P$  是直线  $AB$  上的一个动点, 在平面内是否存在点  $Q$ , 使以  $A$ 、 $D$ 、 $P$ 、 $Q$  为顶点的四边形是平行四边形, 且面积等于  $\triangle AOC$  的面积? 若存在, 直接写出点  $Q$  的坐标; 若不存在, 请说明理由.





扫码查看解析