



扫码查看解析

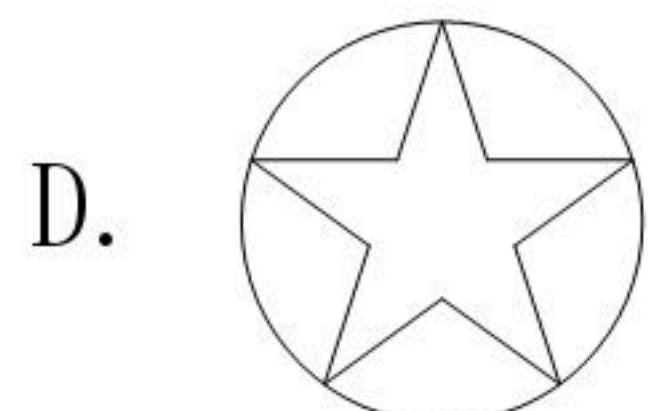
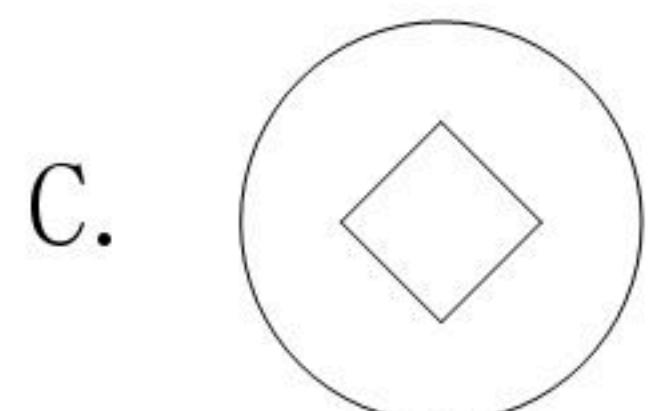
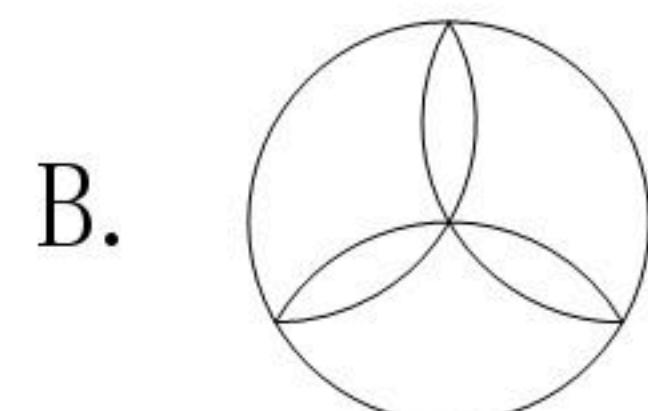
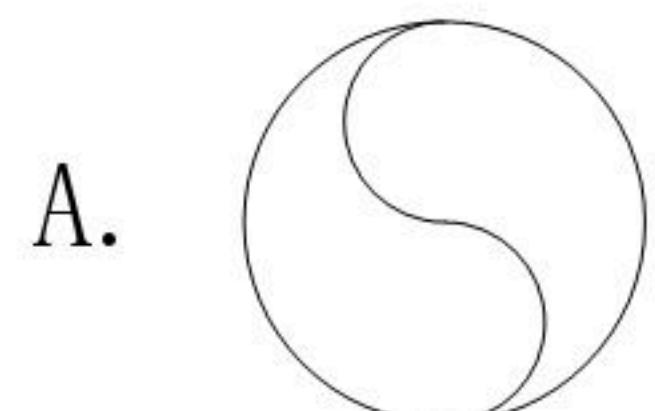
# 2020-2021学年四川省宜宾市九年级（上）期中试卷

## 数 学

注：满分为100分。

### 一、选择题

1. 下列图形中，是中心对称图形，但不是轴对称图形的是( )



2. 涠水县某种植基地2018年蔬菜产量为100吨，预计2020年蔬菜产量达到120吨，求蔬菜产量的年平均增长率，设蔬菜产量的年平均增长率为 $x$ ，则可列方程为( )

A.  $100(1+x)^2=120$

B.  $120(1-x)^2=100$

C.  $100(1+2x)=120$

D.  $100(1+x^2)=120$

3. 反比例函数 $y=\frac{m-2}{x}$ 的图象在第一、三象限内，则 $m$ 的取值范围是( )

A.  $m < 0$

B.  $m < 2$

C.  $m > 0$

D.  $m > 2$

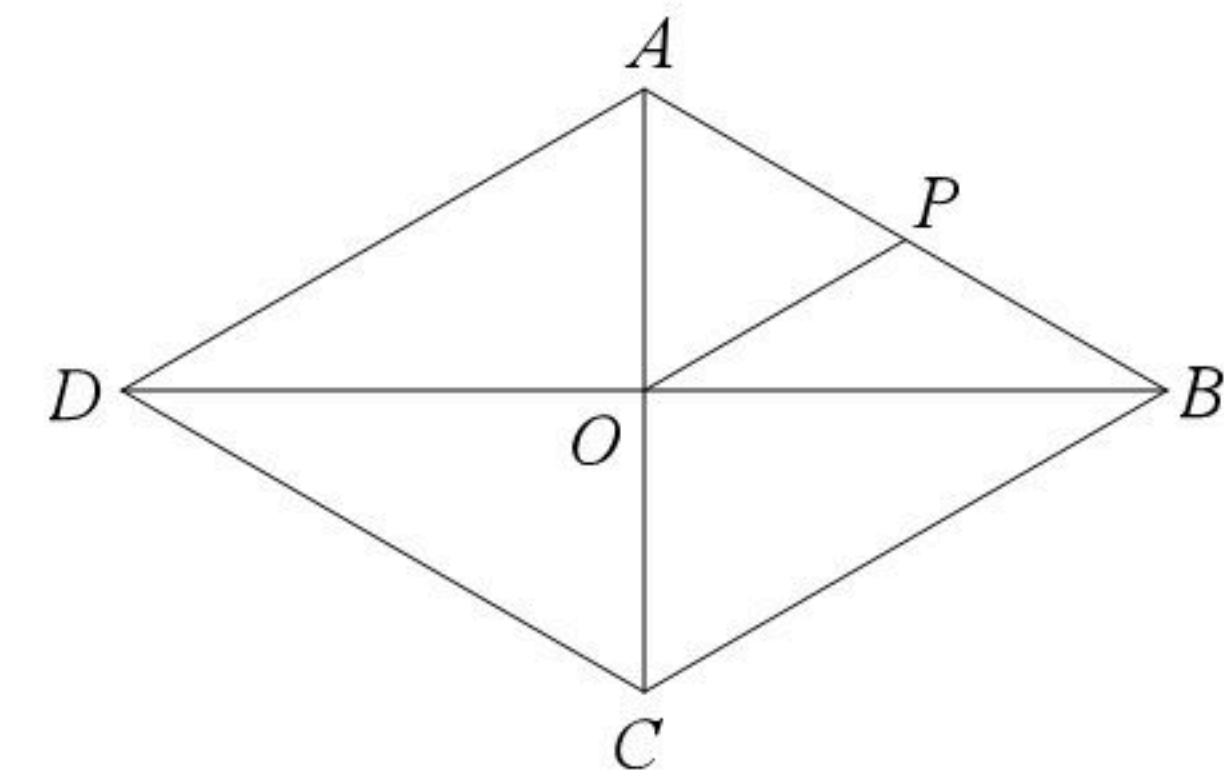
4. 如图，在菱形 $ABCD$ 中， $AC$ 与 $BD$ 相交于点 $O$ ，点 $P$ 是 $AB$ 的中点， $PO=2$ ，则菱形 $ABCD$ 的周长是( )

A. 4

B. 8

C. 16

D. 24



5. 如图， $\triangle ABC$ 中， $P$ 为 $AB$ 上一点，在下列四个条件中：

(1)  $\angle ACP = \angle B$ ;

(2)  $\angle APC = \angle ACB$ ;

(3)  $AC^2 = AP \cdot AB$ ;

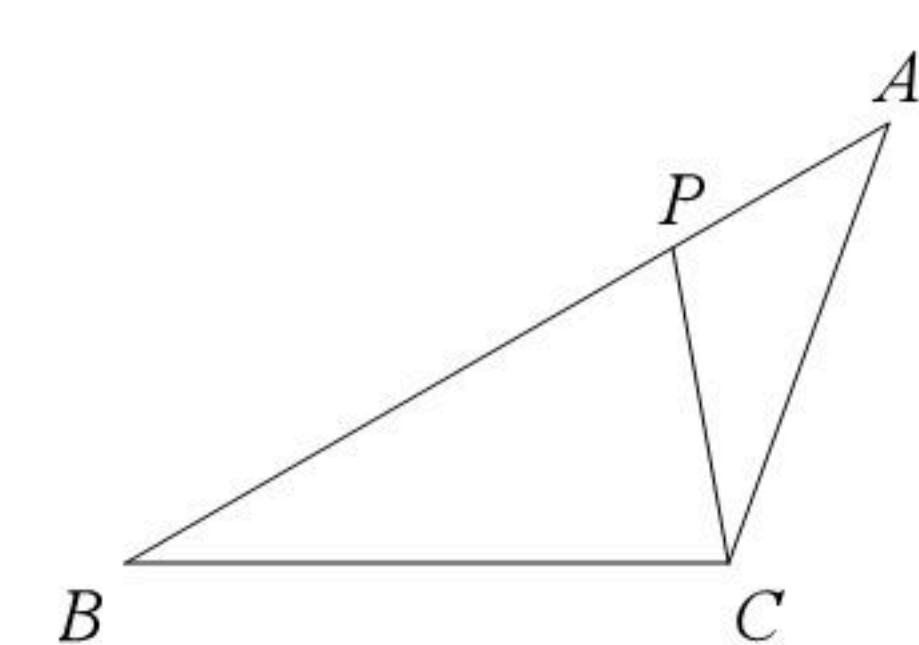
(4)  $AB \cdot CP = AP \cdot CB$ . 能使 $\triangle APC$ 与 $\triangle ACB$ 相似的条件是( )

A. (1)(2)(3)

B. (1)(3)(4)

C. (2)(3)(4)

D. (1)(2)(4)



6. 下列哪个方程是一元二次方程( )

A.  $2x+y=1$

B.  $x^2+1=2xy$

C.  $x^2+\frac{1}{x}=3$

D.  $x^2=2x-3$

7. 下列几何体中，三视图完全相同的是( )

A. 正方体

B. 圆柱体

C. 圆锥体

D. 五棱柱

8. 已知 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ ，且相似比为1:2，则 $\triangle ABC$ 与 $\triangle DEF$ 的面积比为( )



扫码查看解析

- A. 1:4      B. 4:1      C. 1:2      D. 2:1

9. 已知关于 $x$ 的一元二次方程 $x^2-(2m-1)x+m^2=0$ 有实数根，则 $m$ 的取值范围是( )

- A.  $m \neq 0$       B.  $m \leq \frac{1}{4}$       C.  $m < \frac{1}{4}$       D.  $m > \frac{1}{4}$

10. 已知点C是AB的黄金分割点( $AC > BC$ )，若 $AB=4cm$ ，则AC的长为( )

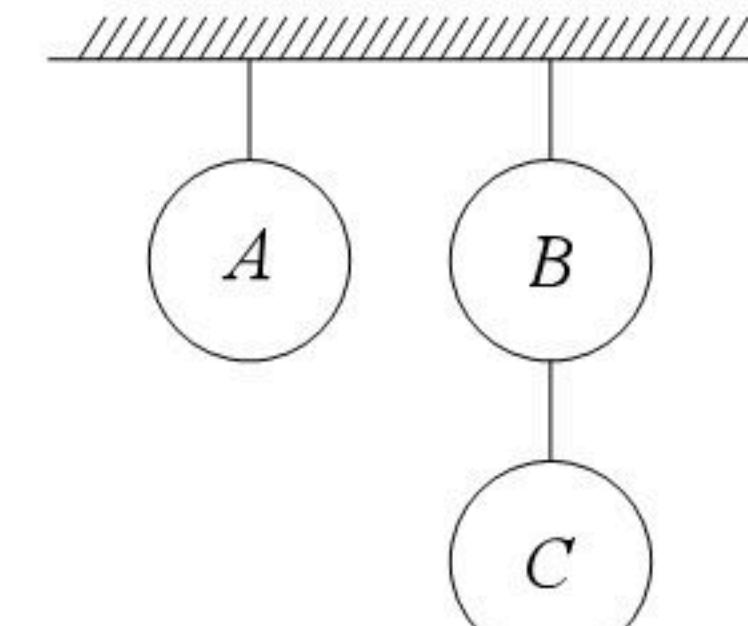
- A.  $(2\sqrt{5}-2)cm$       B.  $(6-2\sqrt{5})cm$       C.  $(\sqrt{5}-1)cm$       D.  $(3-\sqrt{5})cm$

## 二、填空题

11. 若标有A, B, C的三只灯笼按图所示悬挂，每次摘取一只(摘B前需先摘

C)，直到摘完，则最后一只摘到B的概率是\_\_\_\_\_.

\_\_\_\_\_.

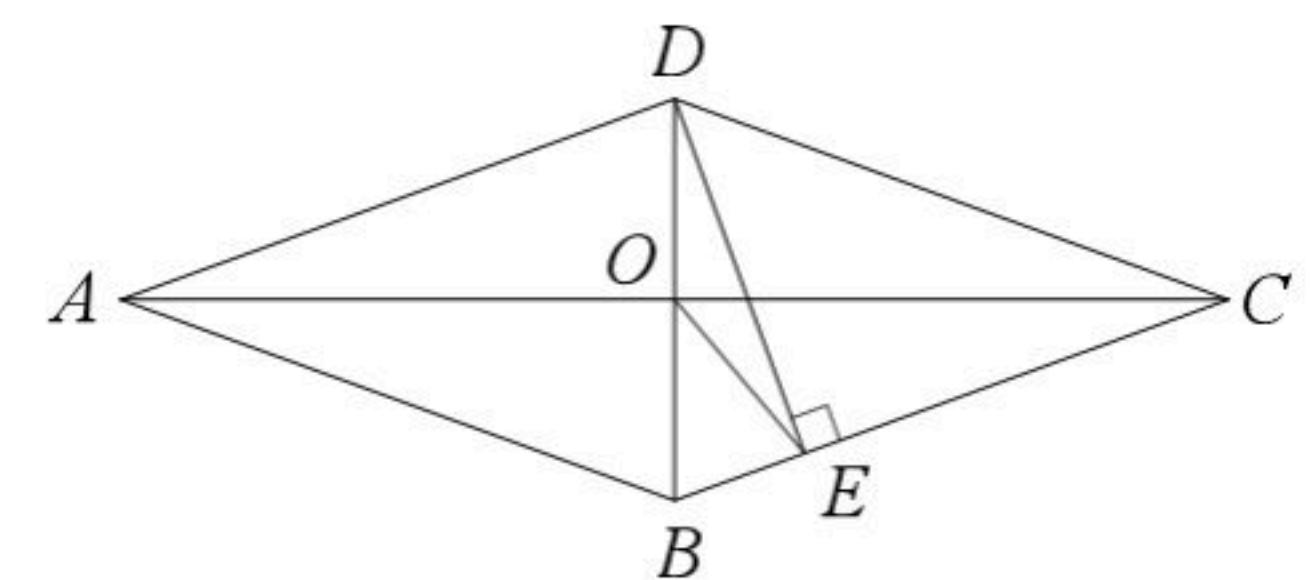


12. 圆锥的主视图与左视图都是\_\_\_\_\_，俯视图是\_\_\_\_\_.

\_\_\_\_\_.

13. 如图，菱形ABCD中，AC交BD于O， $DE \perp BC$ 于E，连接OE，

若 $\angle ABC=140^\circ$ ，则 $\angle OED=$ \_\_\_\_\_.

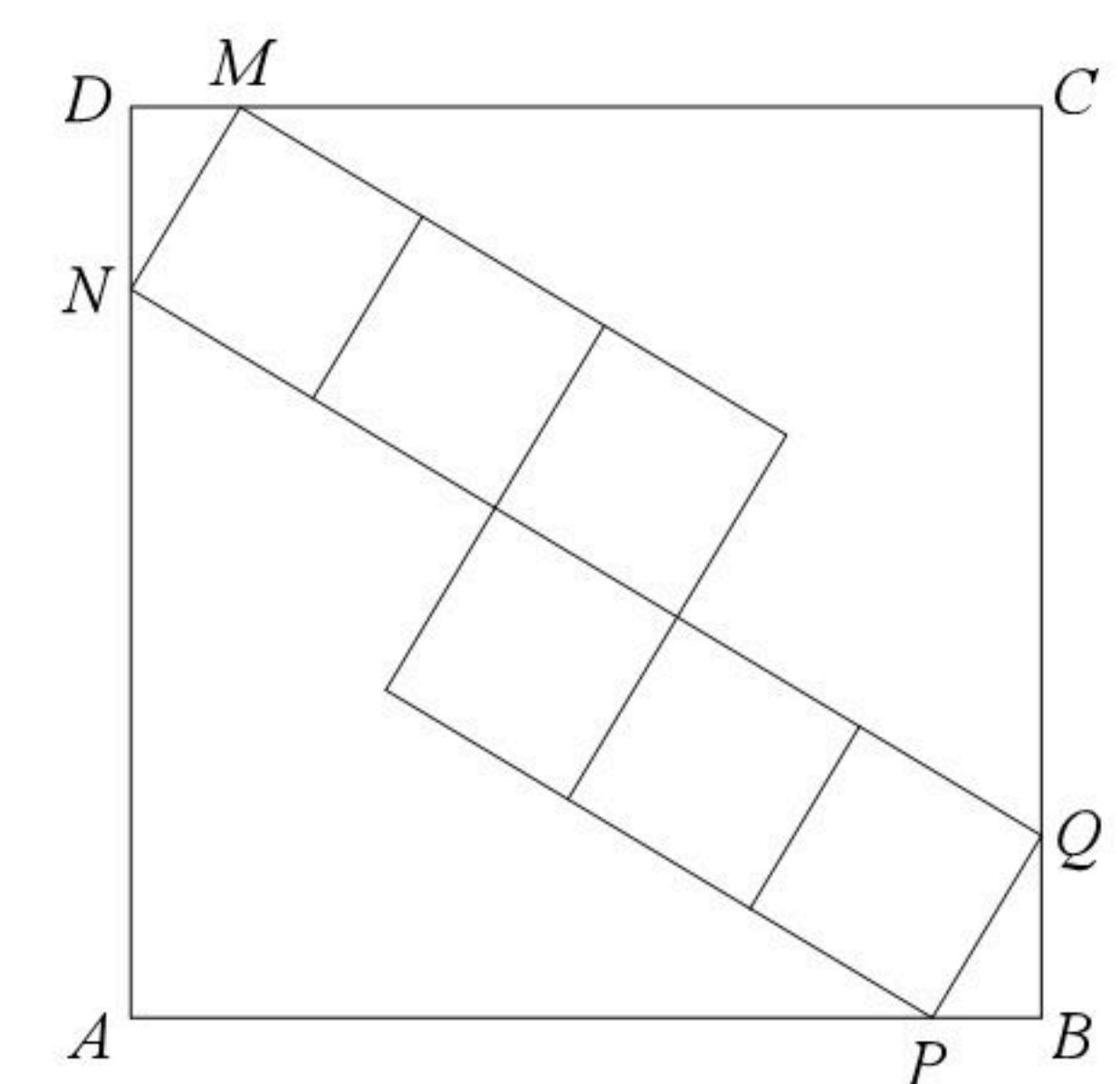


14. 比较大小： $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$  \_\_\_\_\_  $\frac{1}{2}$ (填“>”“<”“=”).

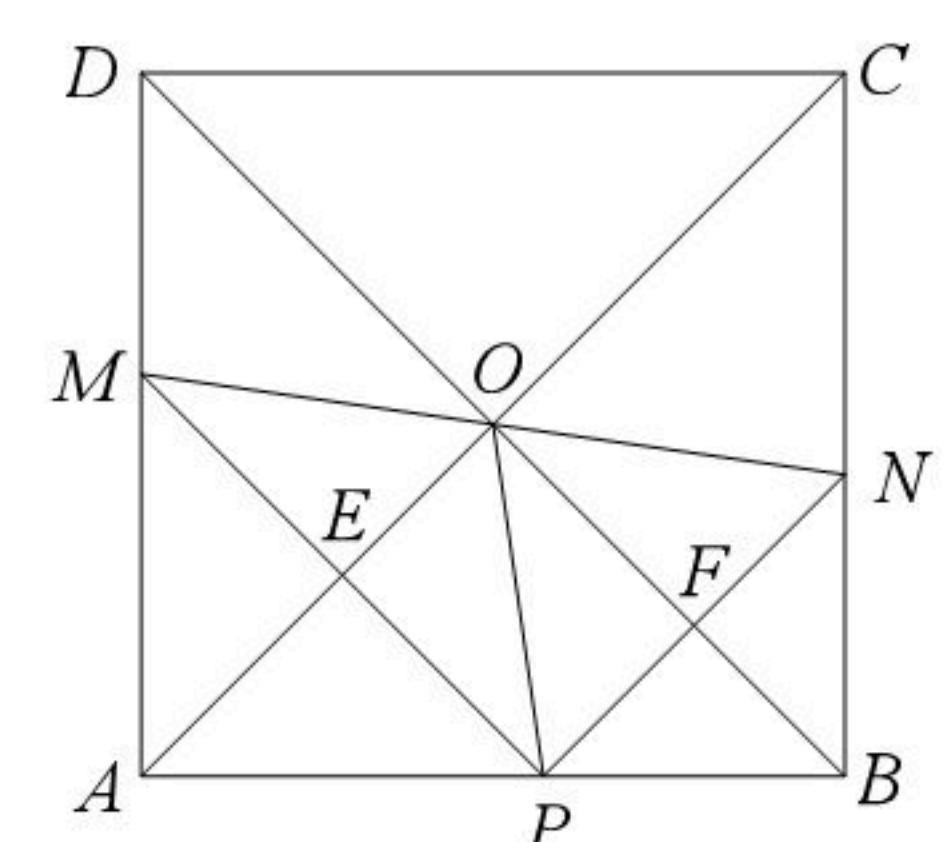
15. 如图，在边长为10的正方形ABCD中，内接有六个大小相同的正方形，点P, Q, M, N是落在大正方形边上的小正方形的顶

点，则每个小正方形的面积为\_\_\_\_\_.

\_\_\_\_\_.



16. 如图，在正方形ABCD中，点P是AB上一动点(不与A、B重合)，对角线AC、BD相交于点O，过点P分别作AC、BD的垂线，分别交AC、BD于点E、F，交AD、BC于点M、N. 下列结论：① $\triangle APE \cong \triangle AME$ ；  
② $PM+PN=AC$ ；③ $PE^2+PF^2=PO^2$ ；④ $\triangle POF \sim \triangle BNF$ ；⑤点O在M、N两点的连线上. 其中正确的是\_\_\_\_\_.



## 三、解答题

17. (1)解方程： $x^2+4x-21=0$ ；



扫码查看解析

(2)化简，求值： $\frac{x}{x^2-1} \div (1 - \frac{1}{x+1})$ ，其中 $x = \sqrt{2} + 1$ .

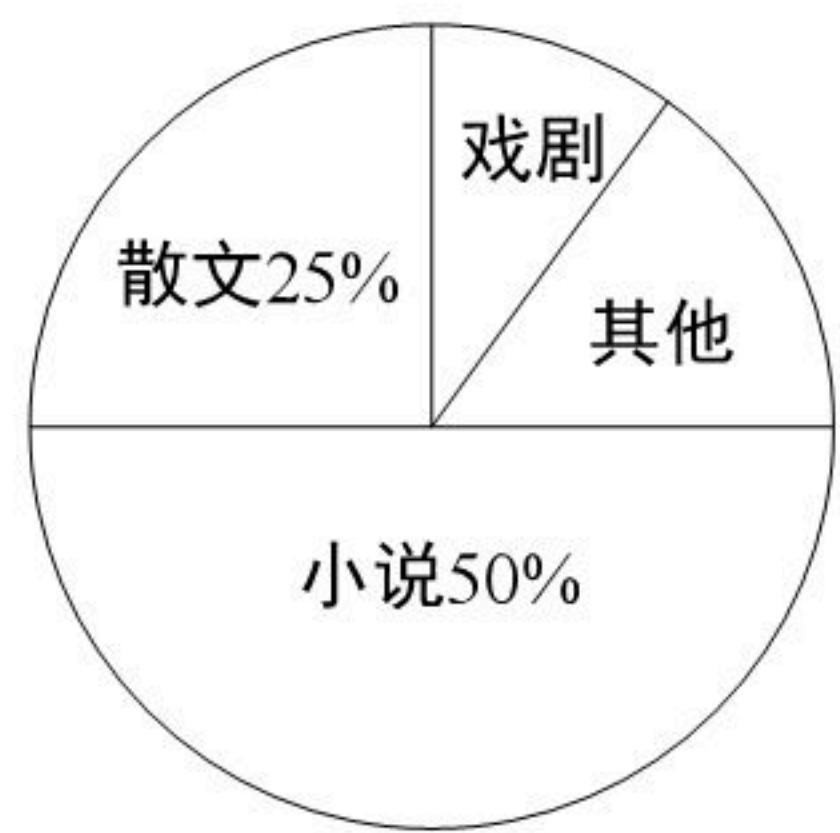
18. 已知方程 $5x^2+kx-6=0$ 的一个根是2，求它的另一个根及k的值.

19. 某班开展了“读一本好书”的活动，班委会对学生阅读书籍的情况进行了问卷调查，问卷设置了“小说”“戏剧”“散文”“其他”四个类型，每位同学仅选一项，根据调查结果绘制了不完整的频数分布表和扇形统计图.

类别	频数(人数)	频率
小说	①	0.5
戏剧	4	②
散文	10	0.25
其他	6	③
合计	④	1

根据图表提供的信息，解答下列问题：

- (1)该班有\_\_\_\_\_名学生；
- (2)请补全频数分布表，并求出扇形统计图中“其他”类所占的百分比；
- (3)在调查问卷中，甲、乙、丙、丁四位同学选择了“戏剧”类，现从以上四位同学中任意选出2名同学参加学校的戏剧兴趣小组，请用画树状图或列表法的方法，求选取的2人恰好是乙和丙的概率.



20. 如图，已知在正方形ABCD中，对角线AC与BD交于点O，点M在线段OD上，连接AM并延长交边DC于点E，点N在线段OC上，且 $ON=OM$ ，连接DN与线段AE交于点H，连接EN、MN.

- (1)求证： $AM=DN$ ；
- (2)如果 $EN \parallel BD$ ，求证：四边形DMNE是菱形；
- (3)如果 $EN \perp DC$ ，求证： $AN^2=NC \cdot AC$ .

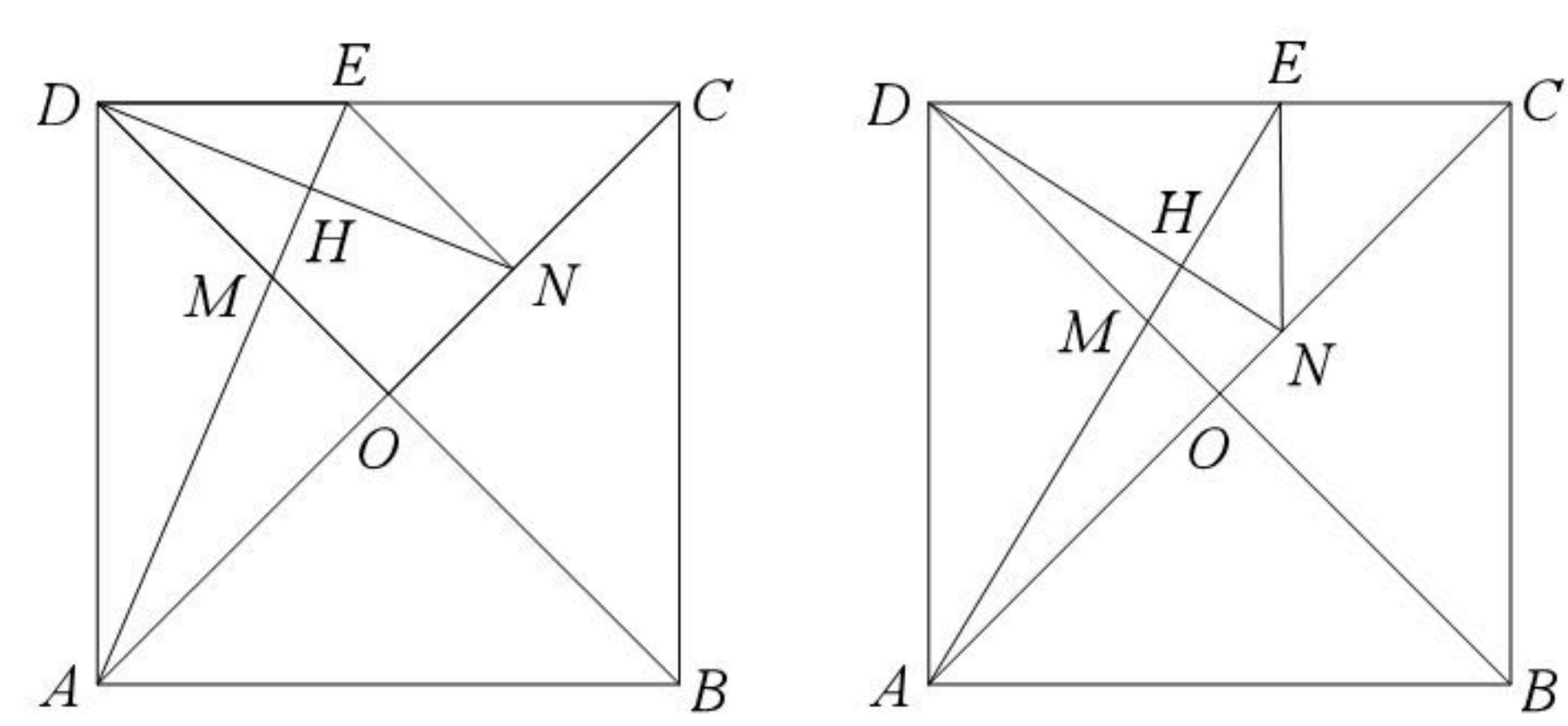


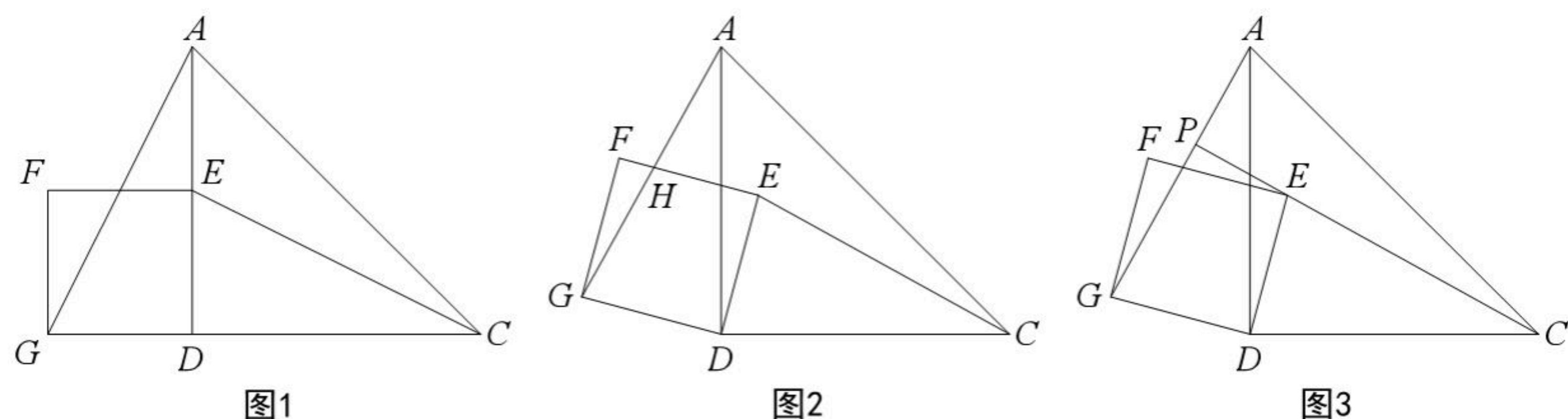
图1

图2



扫码查看解析

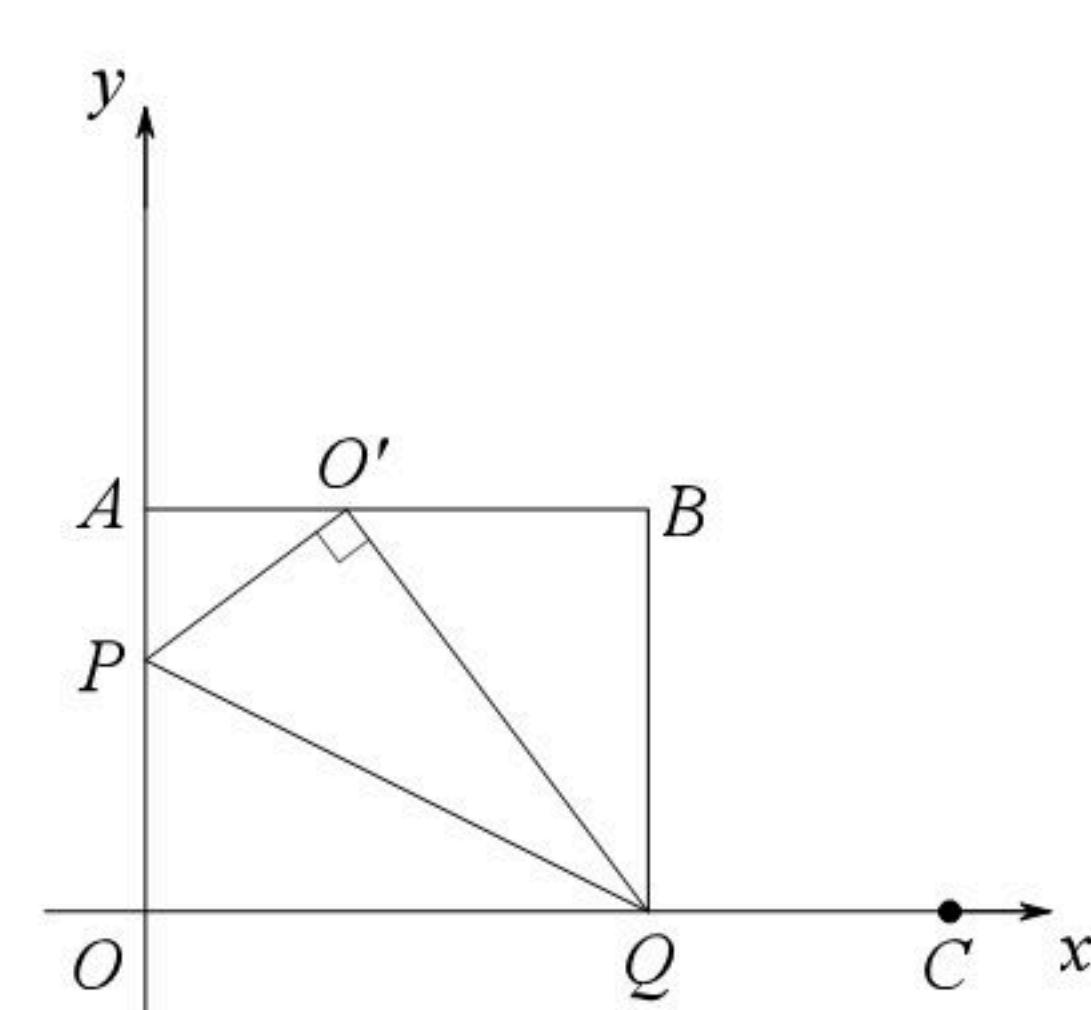
21. 如图1，在等腰直角三角形 $ADC$ 中， $\angle ADC=90^\circ$ ,  $AD=4$ . 点 $E$ 是 $AD$ 的中点，以 $DE$ 为边作正方形 $DEFG$ ，连接 $AG$ ,  $CE$ . 将正方形 $DEFG$ 绕点 $D$ 顺时针旋转，旋转角为 $\alpha(0^\circ < \alpha < 90^\circ)$ .



- (1)如图2，在旋转过程中，  
①判断 $\triangle AGD$ 与 $\triangle CED$ 是否全等，并说明理由；  
②当 $CE=CD$ 时， $AG$ 与 $EF$ 交于点 $H$ ，求 $GH$ 的长.  
(2)如图3，延长 $CE$ 交直线 $AG$ 于点 $P$ .  
①求证： $AG \perp CP$ ；  
②在旋转过程中，线段 $PC$ 的长度是否存在最大值？若存在，求出最大值；若不存在，请说明理由.

22. 如图，在平面直角坐标系中，四边形 $OABC$ 的边 $OC$ 在 $x$ 轴上， $OA$ 在 $y$ 轴上， $O$ 为坐标原点， $AB \parallel OC$ ，线段 $OA$ ,  $AB$ 的长分别是方程 $x^2 - 9x + 20 = 0$ 的两个根( $OA < AB$ )，延长 $CB$ 交 $y$ 轴于点 $H$ ,  $\frac{OH}{OC} = \frac{4}{3}$ .

- (1)求点 $B$ ,  $C$ 的坐标；  
(2) $P$ 为 $OA$ 上一点， $Q$ 为 $OC$ 上一点， $OQ=5$ ，将 $\triangle POQ$ 翻折，使点 $O$ 落在 $AB$ 上的点 $O'$ 处，双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 的一分支过点 $O'$ ，求 $k$ 的值；  
(3)在(2)的条件下， $M$ 为坐标轴上一点，在平面内是否存在点 $N$ ，使





扫码查看解析

以 $O'$ ,  $Q$ ,  $M$ ,  $N$ 为顶点四边形为矩形? 若存在, 请直接写出点 $N$ 的坐标; 若不存在, 请说明理由.



扫码查看解析