



扫码查看解析

# 2020年广东省珠海市斗门区中考一模试卷

## 数 学

注：满分为120分。

一、选择题（本大题共10小题，每小题3分，共30分）在每小题给出的四个选项中，只有一个是正确的，请将所选选项在答题卡上对应题目选项的答案信息点涂黑。

1. 2020的相反数是( )

- A. 2020                      B.  $\frac{1}{2020}$                       C. -2020                      D.  $-\frac{1}{2020}$

2. 在下列交通标志中，既是轴对称图形，又是中心对称图形的是( )

- A.                       B.                       C.                       D. 

3. 新冠病毒(COVID-19)肆虐全球，截止至4月17日，全球约有2180000人感染新冠病毒，将2180000用科学记数法可表示为( )

- A.  $218 \times 10^4$                       B.  $21.8 \times 10^5$                       C.  $2.18 \times 10^6$                       D.  $0.218 \times 10^6$

4. 已知直线 $y=x+b$ 经过第一、三、四象限，则 $b$ 的值可能是( )

- A. -1                      B. 0                      C.  $\frac{2}{3}$                       D. 3

5. 下列计算正确的是( )

- A.  $a^2+a^2=a^4$                       B.  $a^6 \div a^2=a^4$                       C.  $(a^2)^3=a^5$                       D.  $(a-b)^2=a^2-b^2$

6. 一组数据2,  $x$ , 4, 3, 3的平均数是3，则这组数据的中位数和众数分别是( )

- A. 3, 3                      B. 2, 3                      C. 3, 4                      D. 3, 2

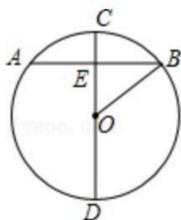
7. 对角线互相平分且垂直的四边形是( )

- A. 平行四边形                      B. 矩形                      C. 菱形                      D. 等腰梯形

8. 若关于 $x$ 的一元二次方程 $kx^2-2x+1=0$ 有两个不相等的实数根，则实数 $k$ 的取值范围是( )

- A.  $k > 1$                       B.  $k < 1$                       C.  $k > 1$ 且 $k \neq 0$                       D.  $k < 1$ 且 $k \neq 0$

9. 如图， $\odot O$ 的直径 $CD$ 垂直弦 $AB$ 于点 $E$ ，且 $CE=2$ ， $DE=8$ ，则 $BE$ 的长为( )

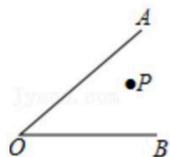




扫码查看解析

- A. 2                      B. 4                      C. 6                      D. 8

10. 如图,  $P$ 为 $\angle AOB$ 内一定点,  $M$ 、 $N$ 分别是射线 $OA$ 、 $OB$ 上一点, 当 $\triangle PMN$ 周长最小时,  $\angle OPM=40^\circ$ , 则 $\angle AOB=(\quad)$



- A.  $40^\circ$                       B.  $45^\circ$                       C.  $50^\circ$                       D.  $55^\circ$

**二、填空题 (本大题共7小题, 每小题4分, 共28分) 请把正确答案填写在题后的横线上.**

11. 使 $\sqrt{x-2}$ 有意义的 $x$ 的取值范围是\_\_\_\_\_.

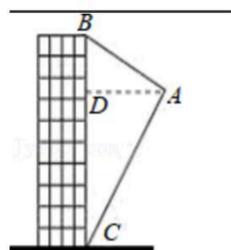
12. 因式分解:  $m^2-4n^2=$ \_\_\_\_\_.

13. 若正多边形的一个内角等于 $150^\circ$ , 则这个正多边形的边数是\_\_\_\_\_.

14. 有 $A$ 、 $B$ 两个黑布袋,  $A$ 布袋中有两个完全相同的小球, 分别标有数字1和2.  $B$ 布袋中有三个完全相同的小球, 分别标有数字-1, -2和-3. 小明从 $A$ 布袋中随机取出一个小球, 记录其标有的数字为 $x$ , 再从 $B$ 布袋中随机取出一个小球, 记录其标有的数字为 $y$ , 这样就确定点 $Q$ 的一个坐标为 $(x, y)$ , 点 $Q$ 落在直线 $y=x-3$ 上的概率为\_\_\_\_\_.

15. 计算:  $\frac{2}{x-4} + \frac{6-x}{4-x} =$ \_\_\_\_\_.

16. 如图, 航拍无人机从 $A$ 处测得一幢建筑物顶部 $B$ 的仰角为 $30^\circ$ , 测得底部 $C$ 的俯角为 $60^\circ$ , 此时航拍无人机与该建筑物的水平距离 $AD$ 为60米, 那么该建筑物的高度 $BC$ 约为\_\_\_\_\_米.



17. 观察下列一组图形:



它们是按一定规律排列的, 依照此规律, 第 $n$ 个图形中共有\_\_\_\_\_个★.

**三、解答题 (共62分)**



扫码查看解析

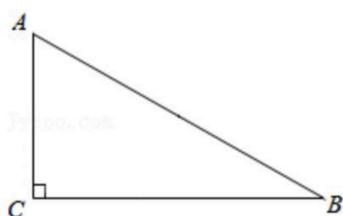
18. 计算:  $\sqrt{12} - 4 \times |-\frac{\sqrt{3}}{2}| - (\pi - 1)^0 + 2^{-1}$ .

19. 解方程组:  $\begin{cases} x - y = 3 \\ 2x + y = 3 \end{cases}$ .

20. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ .

(1) 用尺规在边  $BC$  上求作一点  $P$ , 使  $PA = PB$  (不写作法, 保留作图痕迹)

(2) 连接  $AP$ , 当  $\angle B$  为 \_\_\_\_\_ 度时,  $AP$  平分  $\angle CAB$ .



21. 某学校机房有100台学生电脑和1台教师用电脑, 现在教师用电脑被某种电脑病毒感染, 且该电脑病毒传播非常快, 如果一台电脑被感染, 经过两轮感染后就会有16台电脑被感染.

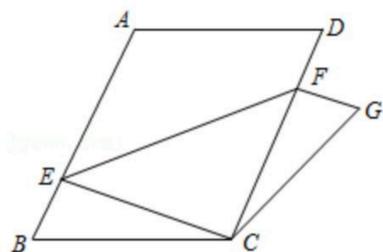
(1) 每轮感染中平均一台电脑会感染几台电脑?

(2) 若病毒得不到有效控制, 多少轮感染后机房内所有电脑都被感染?

22. 如图, 将平行四边形纸片  $ABCD$  沿一条直线折叠, 使点  $A$  与点  $C$  重合, 点  $D$  落在点  $G$  处, 折痕为  $EF$ . 求证:

(1)  $\angle ECB = \angle FCG$ ;

(2)  $\triangle EBC \cong \triangle FGC$ .



23. 如图, 平行于  $y$  轴的直尺(一部分)与反比例函数  $y = \frac{m}{x} (x > 0)$  的图象交于点  $A, C$ , 与  $x$  轴交于点  $B, D$ , 连接  $AC$ . 点  $A, B$  的刻度分别为 5, 2, 直尺的宽度  $BD$  为 2,  $OB = 2$ , 设直线  $AC$  的解析式为  $y = kx + b$ .

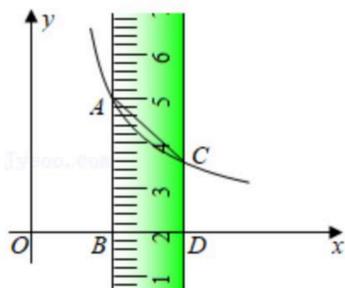


扫码查看解析

(1) 请结合图象直接写出不等式  $kx+b > \frac{m}{x}$  的解集;

(2) 求直线  $AC$  的解析式;

(3) 平行于  $y$  轴的直线  $x=n$  ( $2 < n < 4$ ) 与  $AC$  交于点  $E$ , 与反比例函数图象交于点  $F$ , 当这条直线左右平移时, 线段  $EF$  的长为  $\frac{1}{4}$ , 求  $n$  的值.

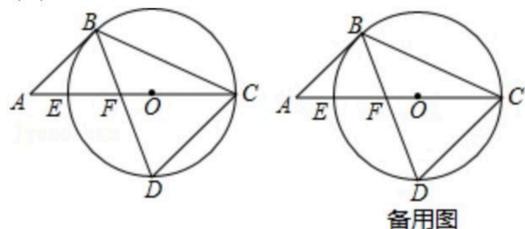


24. 如图, 已知  $CE$  是圆  $O$  的直径, 点  $B$  在圆  $O$  上由点  $E$  顺时针向点  $C$  运动 (点  $B$  不与点  $E$ 、 $C$  重合), 弦  $BD$  交  $CE$  于点  $F$ , 且  $BD=BC$ , 过点  $B$  作弦  $CD$  的平行线与  $CE$  的延长线交于点  $A$ .

(1) 若圆  $O$  的半径为 2, 且点  $D$  为弧  $EC$  的中点时, 求圆心  $O$  到弦  $CD$  的距离;

(2) 在 (1) 的条件下, 当  $DF \cdot DB = CD^2$  时, 求  $\angle CBD$  的大小;

(3) 若  $AB=2AE$ , 且  $CD=12$ , 求  $\triangle BCD$  的面积.



25. 如图, 已知, 抛物线  $y=x^2+bx+c$  与  $x$  轴交于  $A(-1, 0)$ ,  $B(4, 0)$  两点, 过点  $A$  的直线  $y=kx+k$  与该抛物线交于点  $C$ , 点  $P$  是该抛物线上不与  $A$ ,  $B$  重合的动点, 过点  $P$  作  $PD \perp x$  轴于  $D$ , 交直线  $AC$  于点  $E$ .

(1) 求抛物线的解析式;

(2) 若  $k=-1$ , 当  $PE=2DE$  时, 求点  $P$  坐标;

(3) 当 (2) 中直线  $PD$  为  $x=1$  时, 是否存在实数  $k$ , 使  $\triangle ADE$  与  $\triangle PCE$  相似? 若存在请求出  $k$  的值; 若不存在, 请说明你的理由.

