



扫码查看解析

2020年天津市和平区中考一模试卷

数 学

注：满分为120分。

一、选择题（本大题共12小题，每小题3分，共36分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的）

1. 计算 $8 - (-8)$ 的结果等于()

- A. -16 B. 0 C. 4 D. 16

2. $3\tan 45^\circ$ 的值等于()

- A. $\sqrt{3}$ B. $3\sqrt{3}$ C. 1 D. 3

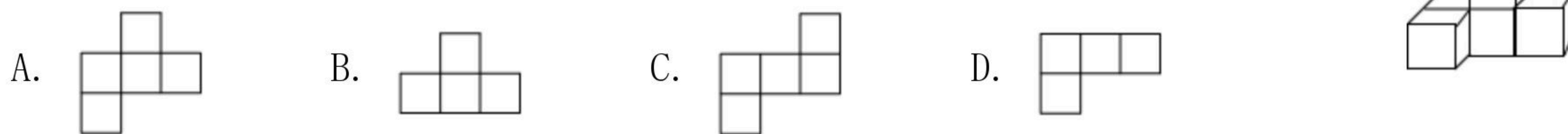
3. 将68 000 000用科学记数法表示应为()

- A. 680×10^5 B. 68×10^6 C. 6.8×10^7 D. 0.68×10^8

4. 下列图形中，是轴对称图形但不是中心对称图形的是()



5. 如图是一个由6个相同的正方体组成的立体图形，它的俯视图是()



6. 估计 $\sqrt{48}$ 的值在()

- A. 4和5之间 B. 5和6之间 C. 6和7之间 D. 7和8之间

7. 计算 $\frac{2}{2a+b} + \frac{b}{2a+b}$ 的结果为()

- A. 1 B. $2+b$ C. $\frac{2-b}{2a+b}$ D. $\frac{2+b}{2a+b}$

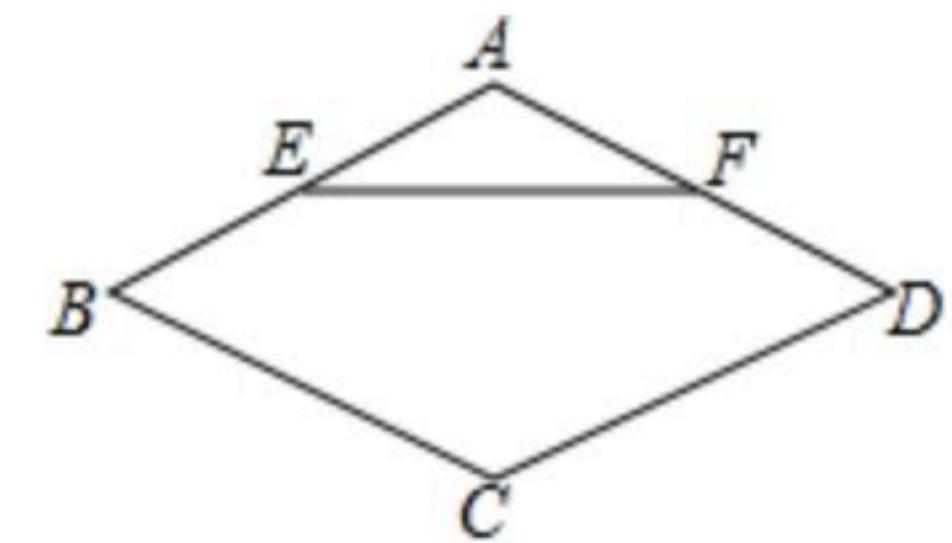
8. 方程组 $\begin{cases} \frac{1}{2}x+3y=-6 \\ \frac{1}{2}x+y=2 \end{cases}$ 的解是()

- A. $\begin{cases} x=12 \\ y=-4 \end{cases}$ B. $\begin{cases} x=6 \\ y=-2 \end{cases}$ C. $\begin{cases} x=6 \\ y=-4 \end{cases}$ D. $\begin{cases} x=0 \\ y=2 \end{cases}$



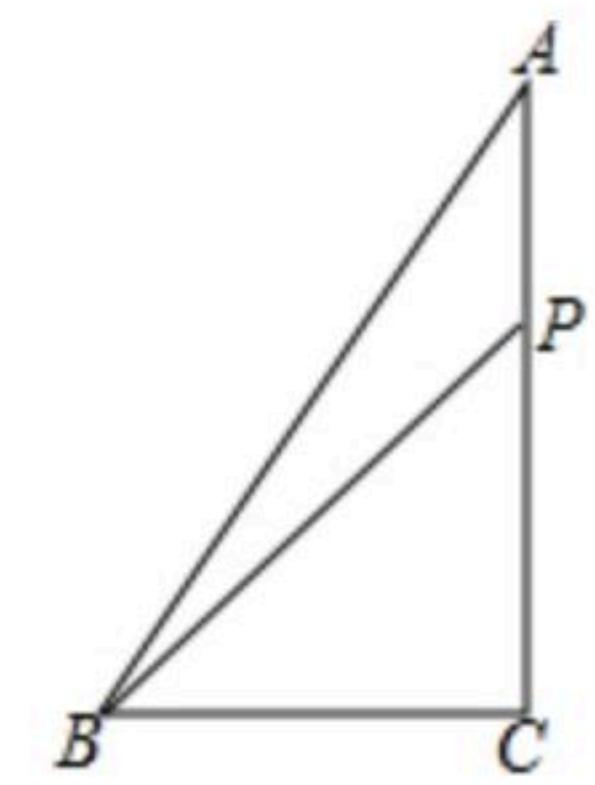
扫码查看解析

9. 如图，菱形 $ABCD$ 的周长为16， $\angle C=120^\circ$ ， E ， F 分别为 AB ， AD 的中点，则 EF 的长为()
- A. $2\sqrt{2}$ B. $2\sqrt{3}$ C. 4 D. 8



10. 若点 $(-6, y_1)$ ， $(2, y_2)$ ， $(3, y_3)$ 都是反比例函数 $y=\frac{-a^2-1}{x}$ 的图象上的点，则下列各式中正确的是()
- A. $y_1 < y_3 < y_2$ B. $y_2 < y_3 < y_1$ C. $y_3 < y_2 < y_1$ D. $y_1 < y_2 < y_3$

11. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $AC=8$ ， $BC=6$ ， P 为 AC 边上的一动点，以 PB ， PA 为边构造平行四边形 $APBQ$ ，则对角线 PQ 的最小值为()
- A. 4 B. 6 C. 8 D. 10



12. 已知二次函数 $y=(x-a-1)(x-a+1)-2a+9$ (a 是常数)的图象与 x 轴没有公共点，且当 $x < -2$ 时， y 随 x 的增大而减小，则实数 a 的取值范围是()
- A. $a > -2$ B. $a < 4$ C. $-2 \leq a < 4$ D. $-2 < a \leq 4$

二、填空题 (本大题共6小题，每小题3分，共18分)

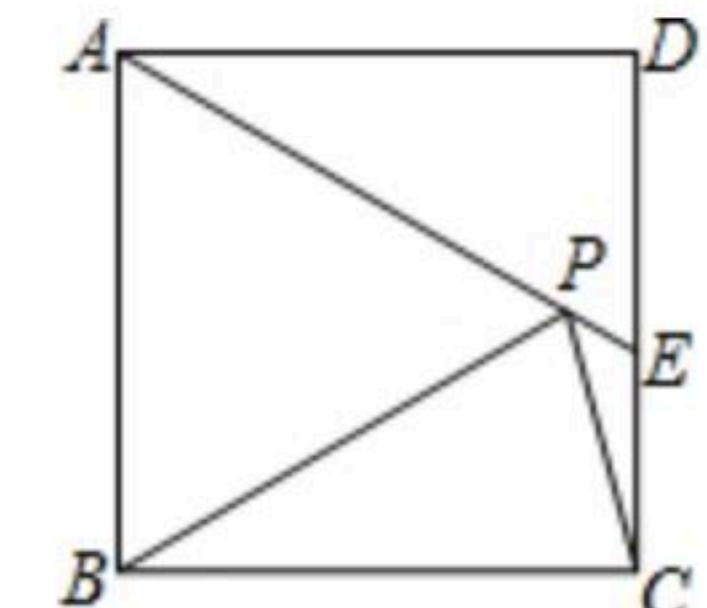
13. 计算 $x^5 \div x^3$ 结果是_____.

14. 计算 $(\sqrt{6}+2)(\sqrt{6}-2)$ 的结果等于_____.

15. 不透明袋子中装有7个球，其中有2个红球、3个绿球和2个蓝球，这些球除颜色外无其他差别。从袋子中随机取出1个球，则它是红球的概率是_____.

16. 直线 $y=x-6$ 与 x 轴交点坐标为_____.

17. 如图，在正方形 $ABCD$ 中， $AD=4\sqrt{3}$ ，把边 BC 绕点 B 逆时针旋转 30° 得到线段 BP ，连接 AP 并延长交 CD 于点 E ，连接 PC ，则三角形 PCE 的面积为_____.



18. 如图，在每个小正方形的边长为1的网格中，点 A ， B ， C ， D 均在格点上， AB 与 CD 相交于点 E .

- (1) CD 的长等于_____；

- (2) F 是线段 DE 上一点，且 $3EF=5FD$ ，在线段 BF 上有一点 P ，满足 $\frac{BP}{PF}=\frac{4}{5}$ ，请在如图所示的网格中，用无刻度的直尺，画出点 P ，并简要说明点 P 的位置是如何找到的(不要求证明)



扫码查看解析

三、解答题 (本大题共7小题, 共66分. 解答应写出文字说明、演算步骤或推理过程)

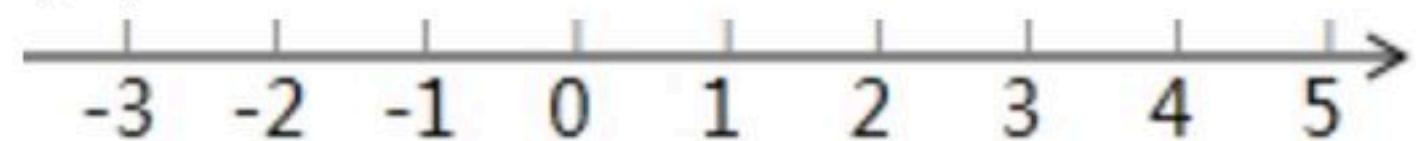
19. 解不等式组 $\begin{cases} x+3 \geq 2x+2, \\ 3x-2 \geq -8. \end{cases}$ ①②

请结合题意填空, 完成本题的解答.

(1)解不等式①, 得 _____;

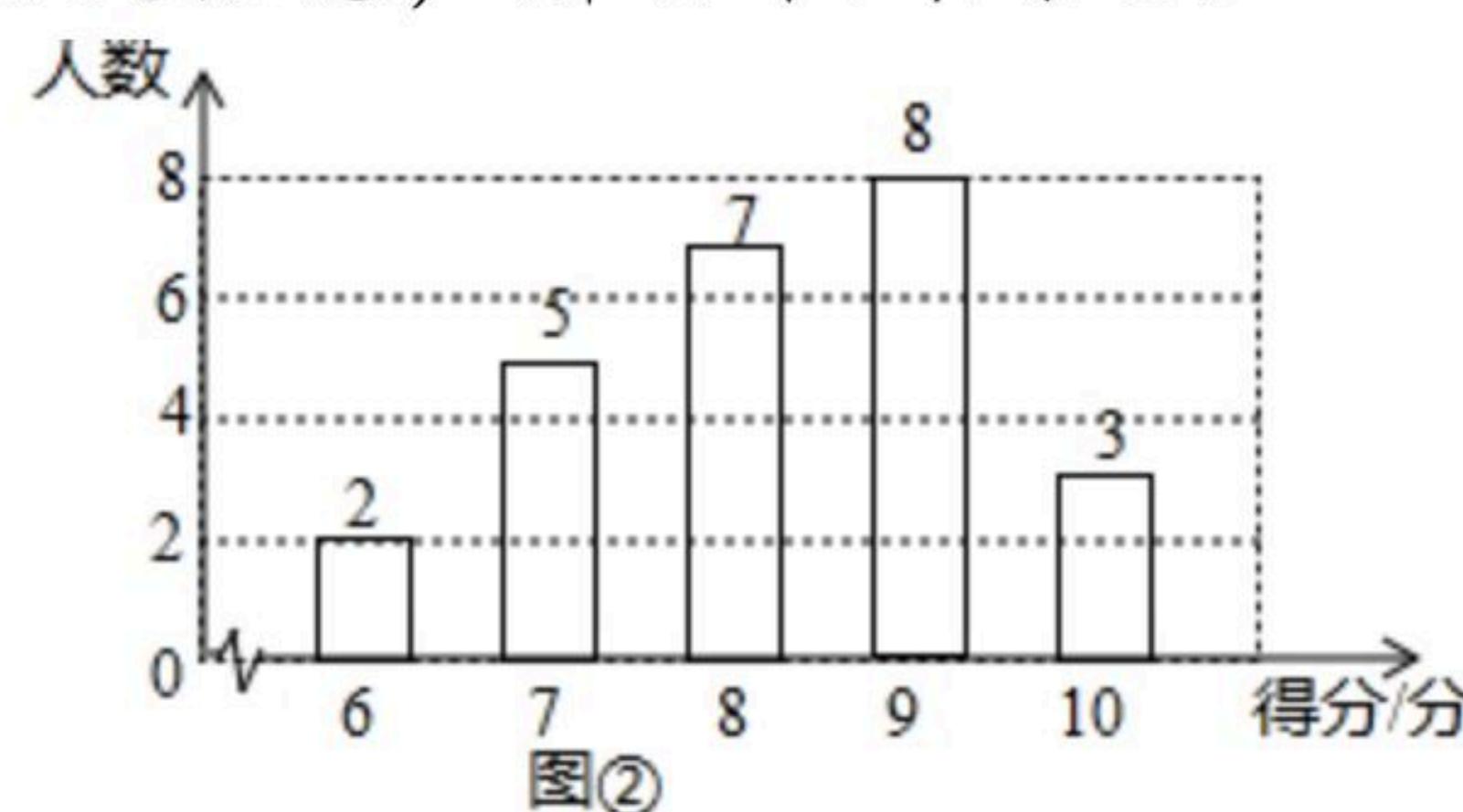
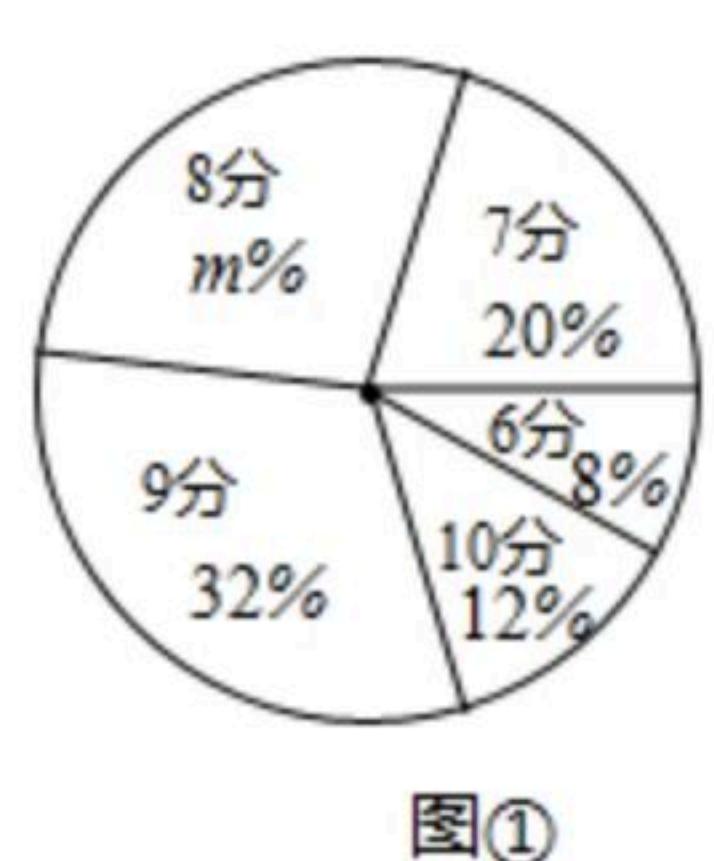
(2)解不等式②, 得 _____;

(3)把不等式①和②的解集在数轴上表示出来:



(4)原不等式组的解集为 _____.

20. 某校举办朗诵比赛, 比赛结束后, 对学生的成绩进行了统计. 绘制出如下的统计图①和图②. 请根据相关信息, 解答下列问题:



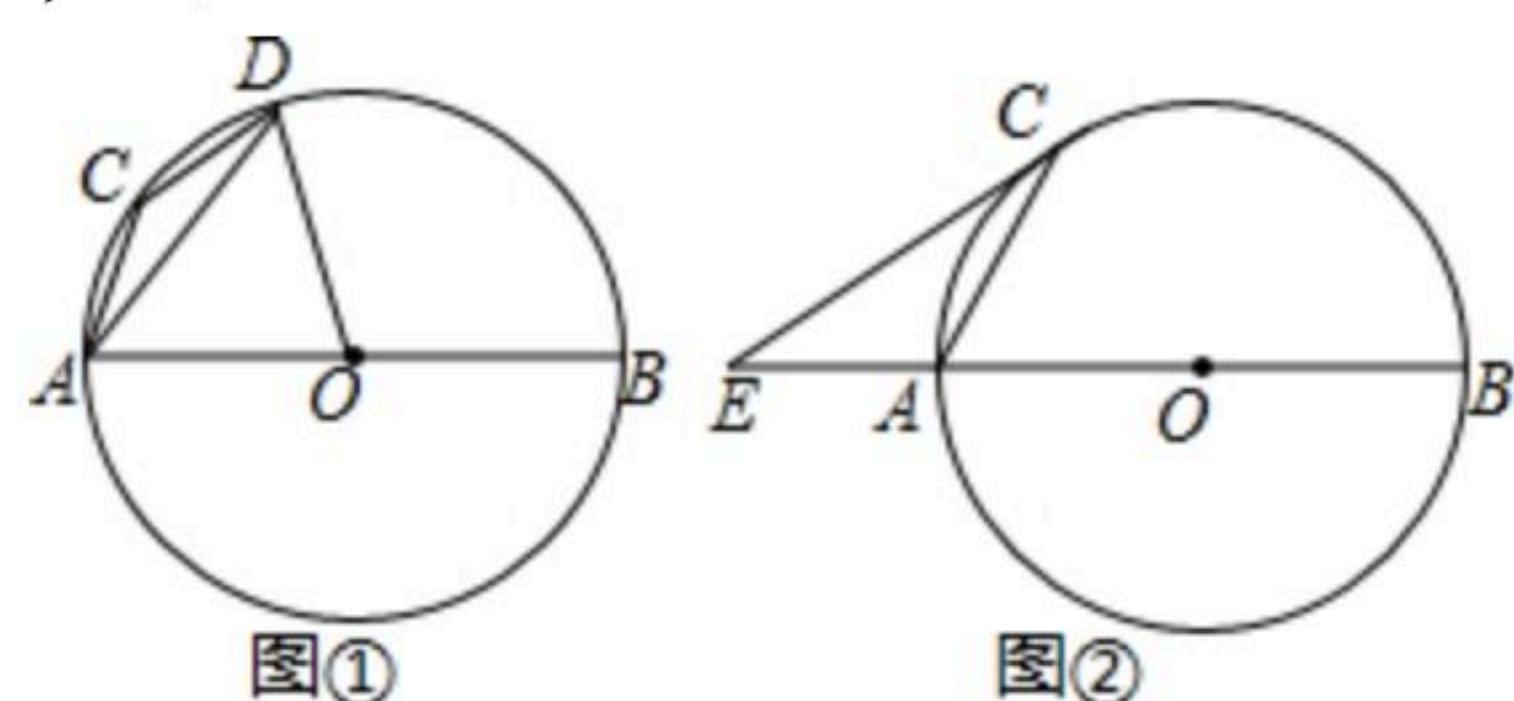
(1)参加这次比赛的人数为 _____, 图①中m的值为 _____;

(2)求统计的这组学生朗诵比赛成绩数据的平均数、众数和中位数.

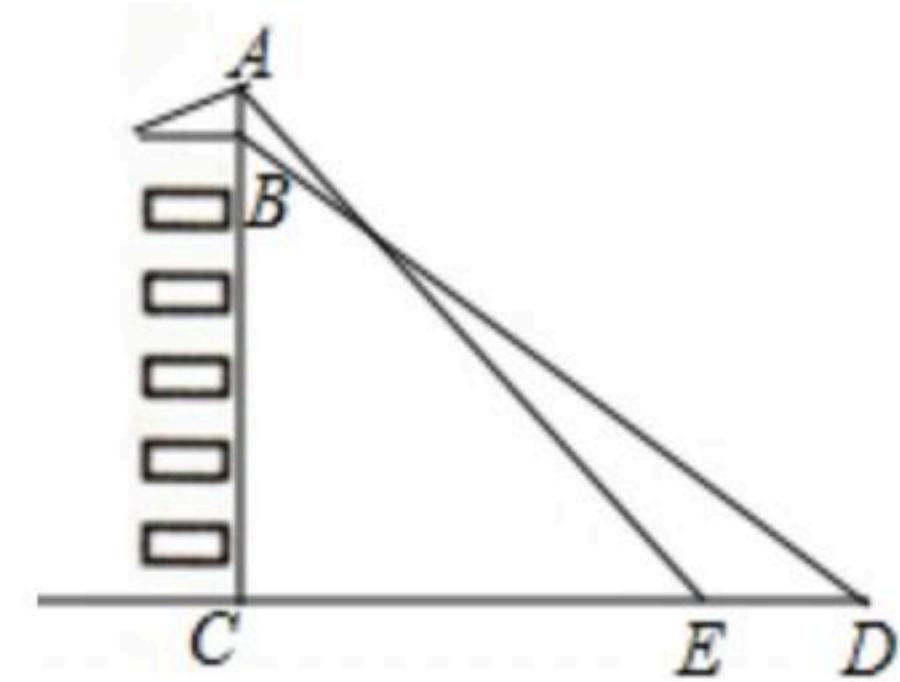
21. 已知AB是 $\odot O$ 的直径, 点C在 $\odot O$ 上.

(1)如图①, 点D在 $\odot O$ 上, 且 $AC=CD$, 若 $\angle CDA=20^\circ$, 求 $\angle BOD$ 的大小;

(2)如图②, 过点C作 $\odot O$ 的切线, 交BA的延长线于点E, 若 $\odot O$ 的直径为 $2\sqrt{3}$, $AC=\sqrt{3}$, 求EA的长.



22. 如图, 建筑物BC上有一宣传牌AB, 从D处测得宣传牌底部B的仰角为 35° , 前进4m到达E处, 从E处测得宣传牌顶部A的仰角为 45° . 已知建筑物BC的高是16m, 求宣传牌AB的高度(结果精确到0.1m). 参考数据: $\sin 35^\circ \approx 0.57$, $\cos 35^\circ \approx 0.82$, $\tan 35^\circ \approx 0.70$.





扫码查看解析

23. 甲、乙两店销售同一种蔬菜种子。在甲店，不论一次购买数量是多少，价格均为4.5元/kg。在乙店价格为5元/kg，如果一次购买2kg以上的种子，超出2kg部分的种子价格打8折。设小明在同一个店一次购买种子的数量为 $x kg (x > 0)$ 。

(1)根据题意填表：

| | | | | | |
|-------------|------|-------|-------|-------|-----|
| 一次购买数量 / kg | 1.5 | 2 | 3.5 | 6 | ... |
| 在甲店花费 / 元 | 6.75 | _____ | 15.75 | _____ | ... |
| 在乙店花费 / 元 | 7.5 | _____ | 16 | _____ | ... |

(2)设在甲店花费 y_1 元，在乙店花费 y_2 元，分别求 y_1 , y_2 关于 x 的函数解析式；

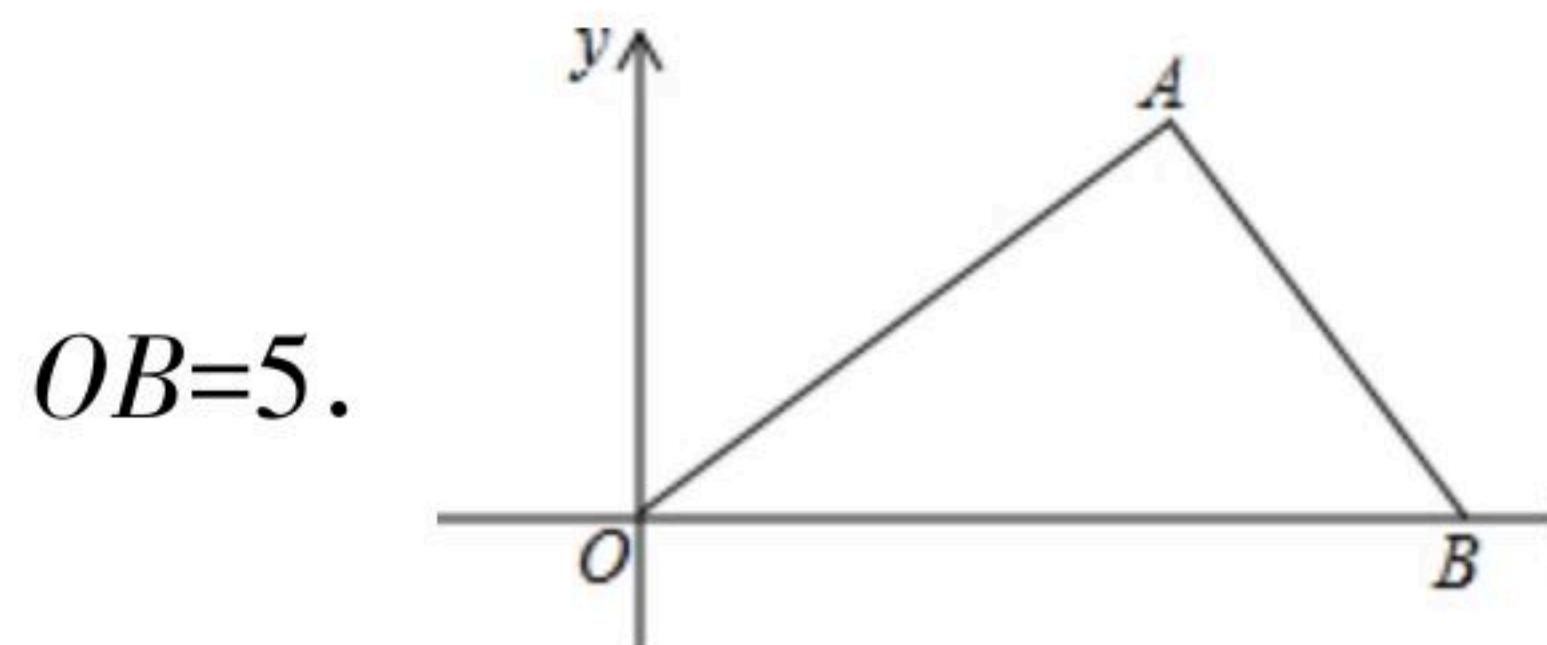
(3)根据题意填空：

①若小明在甲店和在乙店一次购买种子的数量相同，且花费相同，则他在同一个店一次购买种子的数量为_____kg；

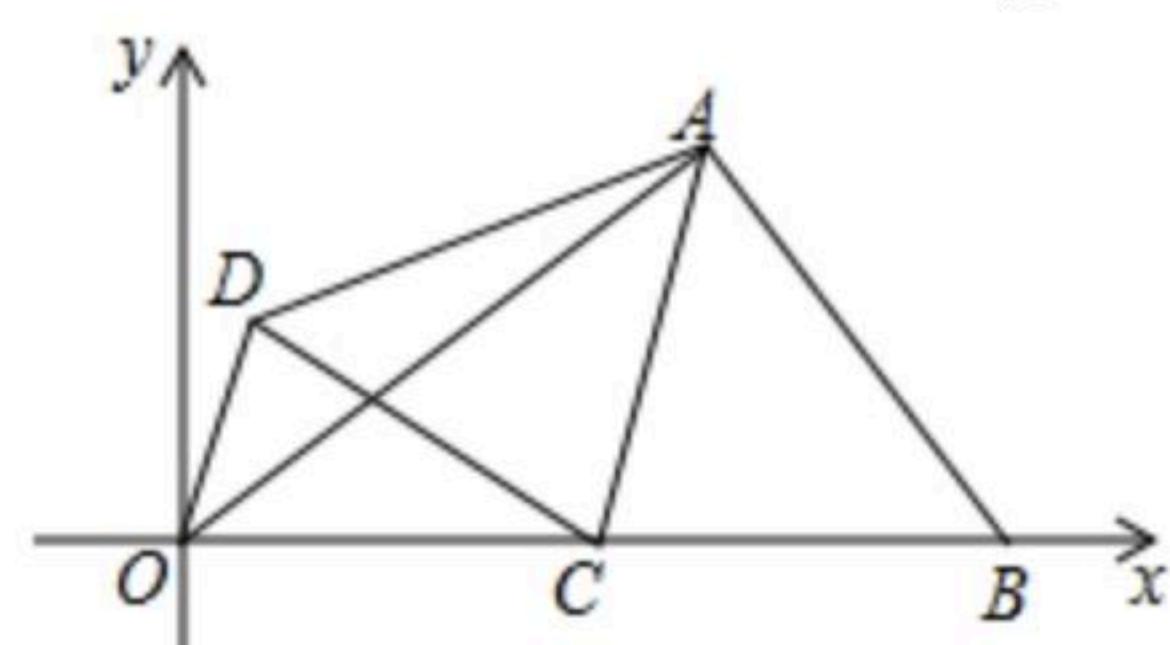
②若小明在同一个店一次购买种子的数量为3kg，则他在甲、乙两个店中的_____店购买花费少；

③若小明在同一个店一次购买种子花费了45元，则他在甲、乙两个店中的_____店购买数量多。

24. 把三角形纸片 OAB 放置在平面直角坐标系中，点 $A(\frac{16}{5}, \frac{12}{5})$ ，点 B 在 x 轴的正半轴上，且 $OB=5$ 。



图①



图②

(1)如图①，求 OA , AB 的长及点 B 的坐标；

(2)如图②，点 C 是 OB 的中点，将 $\triangle ABC$ 沿 AC 翻折得到 $\triangle ADC$,

①求四边形 $ADCB$ 的面积；

②求证： $\triangle ABC$ 是等腰三角形；

③求 OD 的长(直接写出结果即可)。

25. 在平面直角坐标系中， O 为坐标原点，抛物线 C : $y=x^2+4x+3$ 的顶点为 M ，与 y 轴的交点为 N 。

(1)求点 M , N 的坐标；



扫码查看解析

(2)已知点 $P(4, 2)$, 将抛物线 C 向上平移得抛物线 C' , 点 N 平移后的对应点为 N' , 且 $PN'=ON'$, 求抛物线 C' 的解析式;

(3)将抛物线 $C: y=x^2+4x+3$ 沿 y 轴翻折, 得抛物线 C'' , 抛物线 C'' 与 x 轴交于点 A , B (点 A 在点 B 的左侧), 与 y 轴交于点 D , 平行于 x 轴的直线 l 与抛物线 C'' 交于点 $E(x_1, y_1)$, $F(x_2, y_2)$, 与直线 BD 交于点 $G(x_3, y_3)$, 若 $x_1 < x_2 < x_3$, 结合函数的图象, 求 $\frac{x_1+x_2}{2}+x_3$ 的取值范围.



扫码查看解析