



扫码查看解析

# 2020年四川省绵阳市中考考试卷

## 数 学

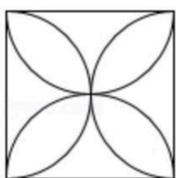
注：满分为150分。

一、选择题：本大题共12小题，每小题3分，共36分。每小题只有一个选项符合题目要求。

1. -3的相反数是( )

- A. -3
- B.  $-\frac{1}{3}$
- C.  $\sqrt{3}$
- D. 3

2. 如图是以正方形的边长为直径，在正方形内画半圆得到的图形，则此图形的对称轴有( )

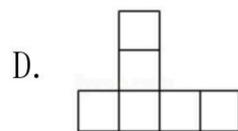
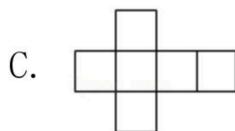
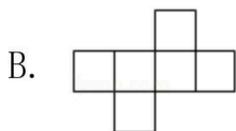
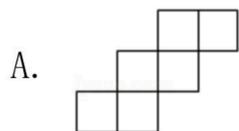


- A. 2条
- B. 4条
- C. 6条
- D. 8条

3. 近年来，华为手机越来越受到消费者的青睐。截至2019年12月底，华为5G手机全球总发货量突破690万台。将690万用科学记数法表示为( )

- A.  $0.69 \times 10^7$
- B.  $69 \times 10^5$
- C.  $6.9 \times 10^5$
- D.  $6.9 \times 10^6$

4. 下列四个图形中，不能作为正方体的展开图的是( )



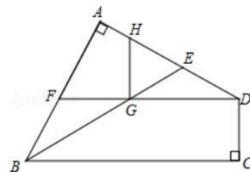
5. 若 $\sqrt{a-1}$ 有意义，则a的取值范围是( )

- A.  $a \geq 1$
- B.  $a \leq 1$
- C.  $a \geq 0$
- D.  $a \leq -1$

6. 《九章算术》中记载“今有共买羊，人出五，不足四十五；人出七，不足三，问人数、羊价各几何？”其大意是：今有人合伙买羊，若每人出5钱，还差45钱；若每人出7钱，还差3钱，问合伙人数、羊价各是多少？此问题中羊价为( )

- A. 160钱
- B. 155钱
- C. 150钱
- D. 145钱

7. 如图，在四边形ABCD中， $\angle A = \angle C = 90^\circ$ ， $DF \parallel BC$ ， $\angle ABC$ 的平分线BE交DF于点G， $GH \perp DF$ ，点E恰好为DH的中点，若AE=3，CD=2，则GH=( )



- A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 4

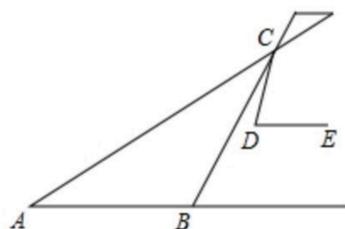
8. 将一个篮球和一个足球随机放入三个不同的篮子中，则恰有一个篮子为空的概率为( )



扫码查看解析

- A.  $\frac{2}{3}$                       B.  $\frac{1}{2}$                       C.  $\frac{1}{3}$                       D.  $\frac{1}{6}$

9. 在螳螂的示意图中,  $AB \parallel DE$ ,  $\triangle ABC$  是等腰三角形,  $\angle ABC = 124^\circ$ ,  $\angle CDE = 72^\circ$ , 则  $\angle ACD = ( \quad )$



- A.  $16^\circ$                       B.  $28^\circ$                       C.  $44^\circ$                       D.  $45^\circ$

10. 甲、乙二人同驾一辆车出游, 各匀速行驶一半路程, 共用3小时, 到达目的地后, 甲对乙说: “我用你所花的时间, 可以行驶180km”, 乙对甲说: “我用你所花的时间, 只能行驶80km”. 从他们的交谈中可以判断, 乙驾车的时长为( )

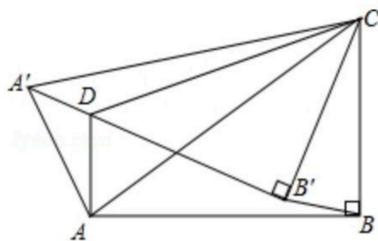
- A. 1.2小时                      B. 1.6小时                      C. 1.8小时                      D. 2小时

11. 三孔桥横截面的三个孔都呈抛物线形, 两小孔形状、大小完全相同. 当水面刚好淹没小孔时, 大孔水面宽度为10米, 孔顶离水面1.5米; 当水位下降, 大孔水面宽度为14米时, 单个小孔的水面宽度为4米, 若大孔水面宽度为20米, 则单个小孔的水面宽度为( )



- A.  $4\sqrt{3}$  米                      B.  $5\sqrt{2}$  米                      C.  $2\sqrt{13}$  米                      D. 7米

12. 如图, 在四边形  $ABCD$  中,  $AD \parallel BC$ ,  $\angle ABC = 90^\circ$ ,  $AB = 7$ ,  $AD = 4$ , 将  $\triangle ABC$  绕点  $C$  顺时针方向旋转后得  $\triangle A'B'C$ , 当  $A'B'$  恰好经过点  $D$  时,  $\triangle B'CD$  为等腰三角形, 则  $AA' = ( \quad )$



- A.  $\frac{2}{5}\sqrt{185}$                       B.  $2\sqrt{3}$                       C.  $\sqrt{13}$                       D.  $\sqrt{14}$

二、填空题: 本大题共6小题, 每小题4分, 共24分. 将答案填写在答题卡相应的横线上.

13. 因式分解:  $x^3y - 4xy^3 =$  \_\_\_\_\_.

14. 平面直角坐标系中, 将点  $A(-1, 2)$  先向左平移2个单位, 再向上平移1个单位后得到的点  $A_1$  的坐标为 \_\_\_\_\_.

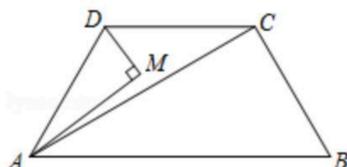
15. 若多项式  $xy^{m-n} + (n-2)x^2y^2 + 1$  是关于  $x, y$  的三次多项式, 则  $mn =$  \_\_\_\_\_.



扫码查看解析

16. 我市认真落实国家“精准扶贫”政策，计划在对口帮扶的贫困县种植甲、乙两种火龙果共100亩，根据市场调查，甲、乙两种火龙果每亩的种植成本分别为0.9万元、1.1万元，每亩的销售额分别为2万元、2.5万元，如果要求种植成本不少于98万元，但不超过100万元，且所有火龙果能全部售出，则该县在此项目中获得的最大利润是\_\_\_\_\_万元。(利润=销售额-种植成本)

17. 如图，四边形ABCD中， $AB \parallel CD$ ， $\angle ABC = 60^\circ$ ， $AD = BC = CD = 4$ ，点M是四边形ABCD内的一个动点，满足 $\angle AMD = 90^\circ$ ，则点M到直线BC的距离的最小值为\_\_\_\_\_.



18. 若不等式 $\frac{x+5}{2} > -x - \frac{7}{2}$ 的解都能使不等式 $(m-6)x < 2m+1$ 成立，则实数m的取值范围是\_\_\_\_\_.

**三、解答题：本大题共7小题，共计90分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。**

19. (1) 计算： $|\sqrt{5}-3| + 2\sqrt{5} \cos 60^\circ - \frac{1}{\sqrt{2}} \times \sqrt{8} - (-\frac{\sqrt{2}}{2})^0$ .

(2) 先化简，再求值： $(x+2+\frac{3}{x-2}) \div \frac{1+2x+x^2}{x-2}$ ，其中 $x = \sqrt{2}-1$ .

20. 4月23日是“世界读书日”，甲、乙两个书店在这一天举行了购书优惠活动.

甲书店：所有书籍按标价8折出售；

乙书店：一次购书中标价总额不超过100元的按原价计费，超过100元后的部分打6折.

(1) 以x(单位：元)表示标价总额，y(单位：元)表示应支付金额，分别就两家书店的优惠方式，求y关于x的函数解析式；

(2) “世界读书日”这一天，如何选择这两家书店去购书更省钱？

21. 为助力新冠肺炎疫情后经济的复苏，天天快餐公司积极投入到复工复产中. 现有A、B两家农副产品加工厂到该公司推销鸡腿，两家鸡腿的价格相同，品质相近. 该公司决定通过检查质量来确定选购哪家的鸡腿. 检察人员从两家分别抽取100个鸡腿，然后再从中随机各抽取10个，记录它们的质量(单位：克)如表：

A加工厂	74	75	75	75	73	77	78	72	76	75
B加工厂	78	74	78	73	74	75	74	74	75	75

(1) 根据表中数据，求A加工厂的10个鸡腿质量的中位数、众数、平均数；

(2) 估计B加工厂这100个鸡腿中，质量为75克的鸡腿有多少个？

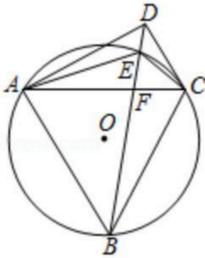


扫码查看解析

(3)根据鸡腿质量的稳定性,该快餐公司应选购哪家加工厂的鸡腿?

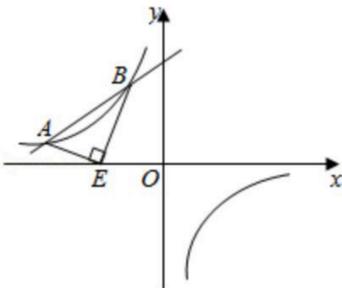
22. 如图,  $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$ , 点 $D$ 在 $\odot O$ 外,  $\angle ADC=90^\circ$ ,  $BD$ 交 $\odot O$ 于点 $E$ , 交 $AC$ 于点 $F$ ,  $\angle EAC=\angle DCE$ ,  $\angle CEB=\angle DCA$ ,  $CD=6$ ,  $AD=8$ .

- (1)求证:  $AB \parallel CD$ ;
- (2)求证:  $CD$ 是 $\odot O$ 的切线;
- (3)求 $\tan \angle ACB$ 的值.



23. 如图, 在平面直角坐标系 $xOy$ 中, 一次函数的图象与反比例函数 $y=\frac{k}{x}(k<0)$ 的图象在第二象限交于 $A(-3, m)$ ,  $B(n, 2)$ 两点.

- (1)当 $m=1$ 时, 求一次函数的解析式;
- (2)若点 $E$ 在 $x$ 轴上, 满足 $\angle AEB=90^\circ$ , 且 $AE=2-m$ , 求反比例函数的解析式.



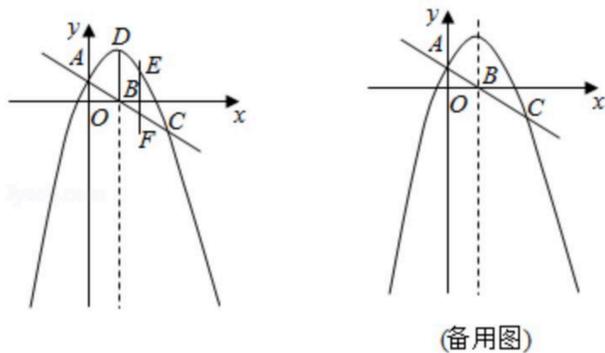
24. 如图, 抛物线过点 $A(0, 1)$ 和 $C$ , 顶点为 $D$ , 直线 $AC$ 与抛物线的对称轴 $BD$ 的交点为 $B(\sqrt{3}, 0)$ , 平行于 $y$ 轴的直线 $EF$ 与抛物线交于点 $E$ , 与直线 $AC$ 交于点 $F$ , 点 $F$ 的横坐标为 $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ , 四边形 $BDEF$ 为平行四边形.

- (1)求点 $F$ 的坐标及抛物线的解析式;
- (2)若点 $P$ 为抛物线上的动点, 且在直线 $AC$ 上方, 当 $\triangle PAB$ 面积最大时, 求点 $P$ 的坐标及 $\triangle PAB$ 面积的最大值;
- (3)在抛物线的对称轴上取一点 $Q$ , 同时在抛物线上取一点 $R$ , 使以 $AC$ 为一边且以 $A, C,$

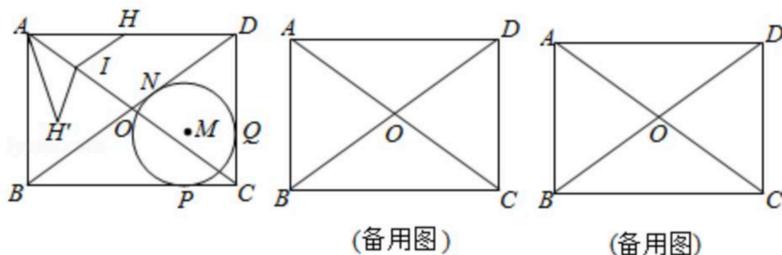


扫码查看解析

$Q, R$ 为顶点的四边形为平行四边形, 求点 $Q$ 和点 $R$ 的坐标.



25. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, 对角线相交于点 $O$ ,  $\odot M$ 为 $\triangle BCD$ 的内切圆, 切点分别为 $N, P, Q, DN=4, BN=6$ .
- (1) 求 $BC, CD$ ;
  - (2) 点 $H$ 从点 $A$ 出发, 沿线段 $AD$ 向点 $D$ 以每秒3个单位长度的速度运动, 当点 $H$ 运动到点 $D$ 时停止, 过点 $H$ 作 $HI \parallel BD$ 交 $AC$ 于点 $I$ , 设运动时间为 $t$ 秒.
    - ① 将 $\triangle AHI$ 沿 $AC$ 翻折得 $\triangle AH'I$ , 是否存在时刻 $t$ , 使点 $H'$ 恰好落在边 $BC$ 上? 若存在, 求 $t$ 的值; 若不存在, 请说明理由;
    - ② 若点 $F$ 为线段 $CD$ 上的动点, 当 $\triangle OFH$ 为正三角形时, 求 $t$ 的值.





扫码查看解析