



扫码查看解析

# 2019年浙江省绍兴市中考数学试卷

## 数 学

注：满分为150分。

一、选择题（本大题有10小题，每小题4分，共40分。请选出每小题中一个最符合题意的选项，不选、多选、错选，均不给分）

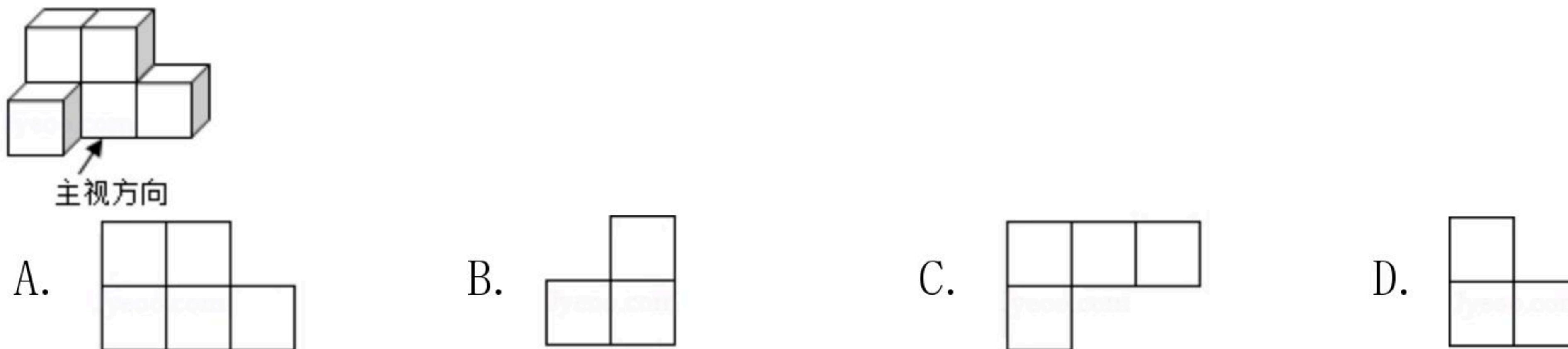
1.  $-5$ 的绝对值是( )

- A. 5      B.  $-5$       C.  $\frac{1}{5}$       D.  $-\frac{1}{5}$

2. 某市决定为全市中小学教室安装空调，今年预计投入资金126000000元，其中数字126000000用科学记数法可表示为( )

- A.  $12.6 \times 10^7$       B.  $1.26 \times 10^8$       C.  $1.26 \times 10^9$       D.  $0.126 \times 10^{10}$

3. 如图的几何体由六个相同的小正方体搭成，它的主视图是( )



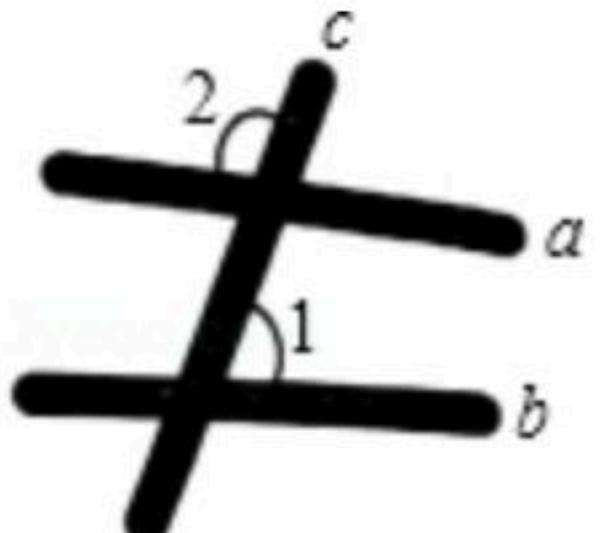
4. 为了解某地区九年级男生的身高情况，随机抽取了该地区100名九年级男生，他们的身高 $x(cm)$ 统计如下：

组别( $cm$ )	$x < 160$	$160 \leq x < 170$	$170 \leq x < 180$	$x \geq 180$
人数	5	38	42	15

根据以上结果，抽查该地区一名九年级男生，估计他的身高不低于 $180cm$ 的概率是( )

- A. 0.85      B. 0.57      C. 0.42      D. 0.15

5. 如图，墙上钉着三根木条 $a$ ,  $b$ ,  $c$ ，量得 $\angle 1=70^\circ$ ,  $\angle 2=100^\circ$ ，那么木条 $a$ ,  $b$ 所在直线所夹的锐角是( )



- A.  $5^\circ$       B.  $10^\circ$       C.  $30^\circ$       D.  $70^\circ$

6. 若三点 $(1, 4)$ ,  $(2, 7)$ ,  $(a, 10)$ 在同一直线上，则 $a$ 的值等于( )

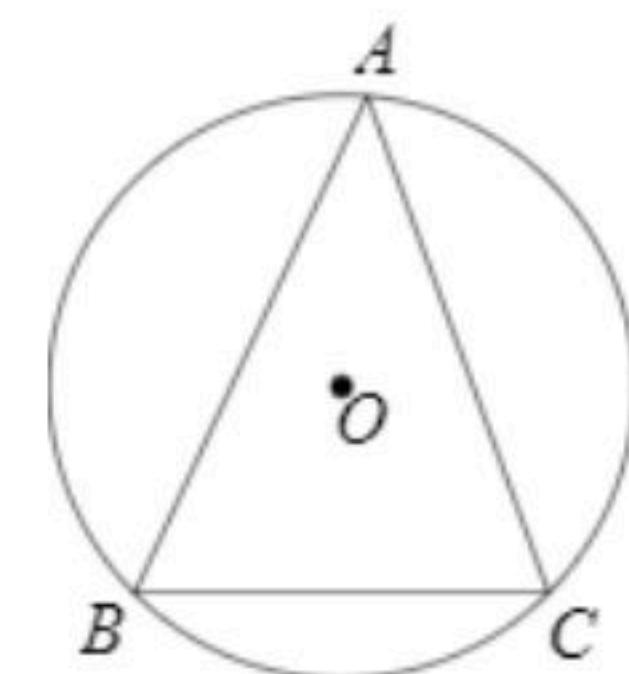
- A. -1      B. 0      C. 3      D. 4



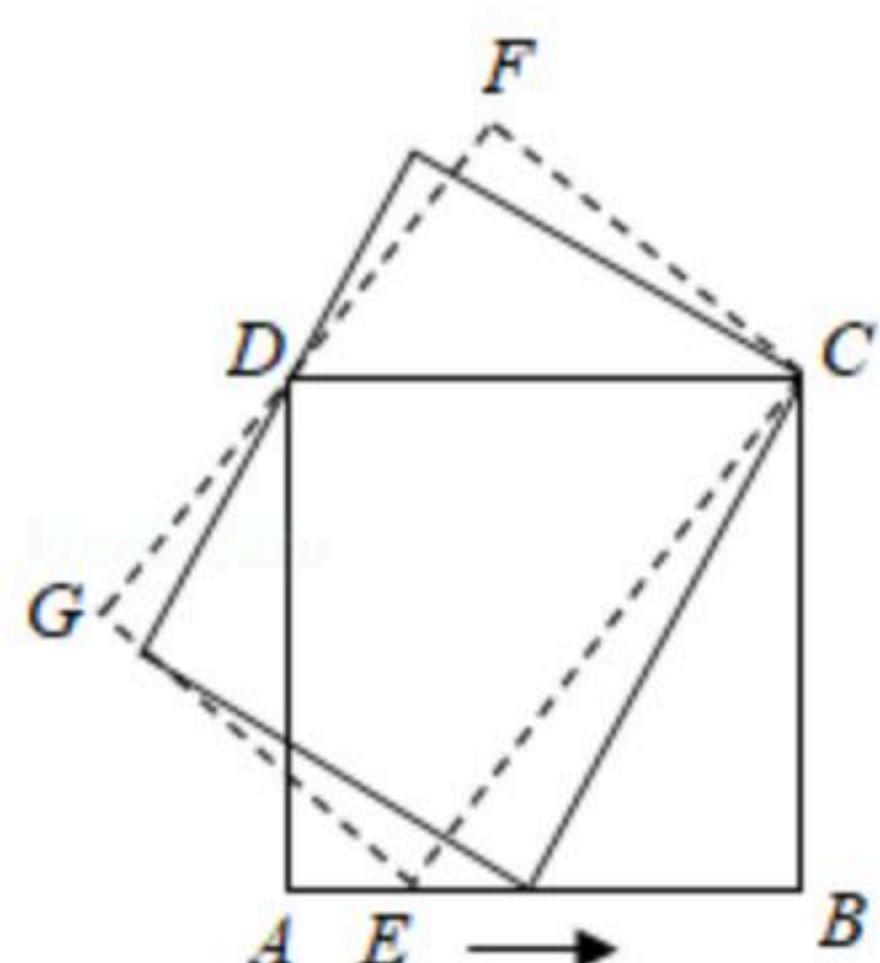
扫码查看解析

7. 在平面直角坐标系中，抛物线 $y=(x+5)(x-3)$ 经变换后得到抛物线 $y=(x+3)(x-5)$ ，则这个变换可以是( )
- A. 向左平移2个单位      B. 向右平移2个单位  
C. 向左平移8个单位      D. 向右平移8个单位

8. 如图， $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$ ， $\angle B=65^\circ$ ， $\angle C=70^\circ$ . 若 $BC=2\sqrt{2}$ ，则 $\overset{\frown}{BC}$ 的长为( )
- A.  $\pi$       B.  $\sqrt{2}\pi$       C.  $2\pi$       D.  $2\sqrt{2}\pi$



9. 正方形 $ABCD$ 的边 $AB$ 上有一动点 $E$ ，以 $EC$ 为边作矩形 $ECFG$ ，且边 $FG$ 过点 $D$ . 在点 $E$ 从点 $A$ 移动到点 $B$ 的过程中，矩形 $ECFG$ 的面积( )



- A. 先变大后变小      B. 先变小后变大      C. 一直变大      D. 保持不变

10. 如图1，长、宽均为3，高为8的长方体容器，放置在水平桌面上，里面盛有水，水面高为6，绕底面一棱进行旋转倾斜后，水面恰好触到容器口边缘，图2是此时的示意图，则图2中水面高度为( )

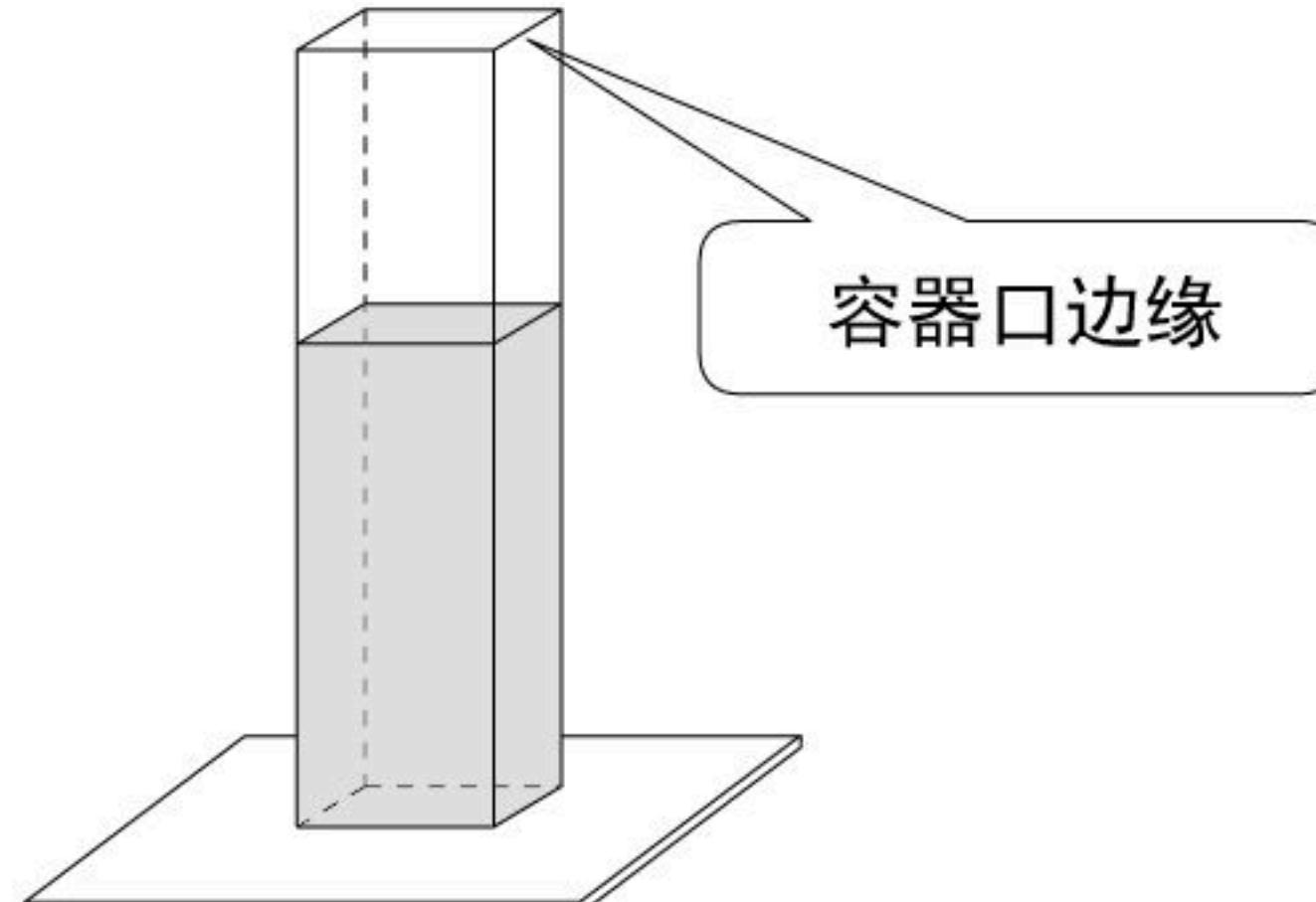


图1

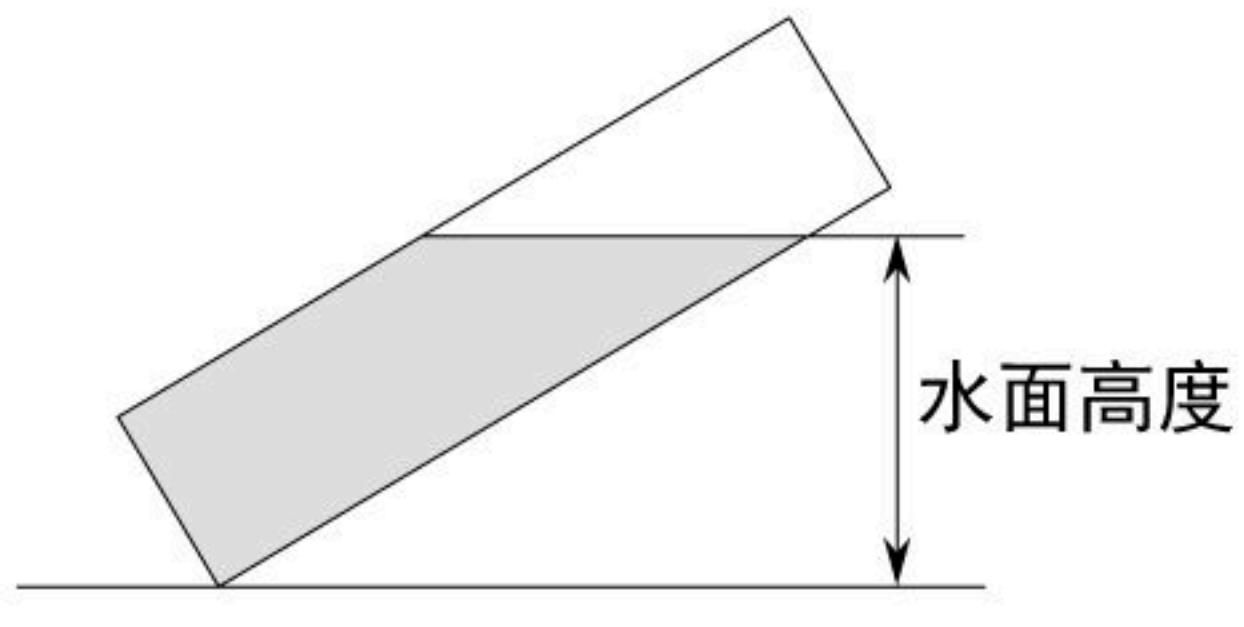


图2

- A.  $\frac{24}{5}$       B.  $\frac{32}{5}$       C.  $\frac{12\sqrt{34}}{17}$       D.  $\frac{20\sqrt{34}}{17}$

## 二、填空题 (本大题有6小题，每小题5分，共30分)

11. 因式分解： $x^2-1=\underline{\hspace{2cm}}$ .

12. 不等式 $3x-2 \geq 4$ 的解为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

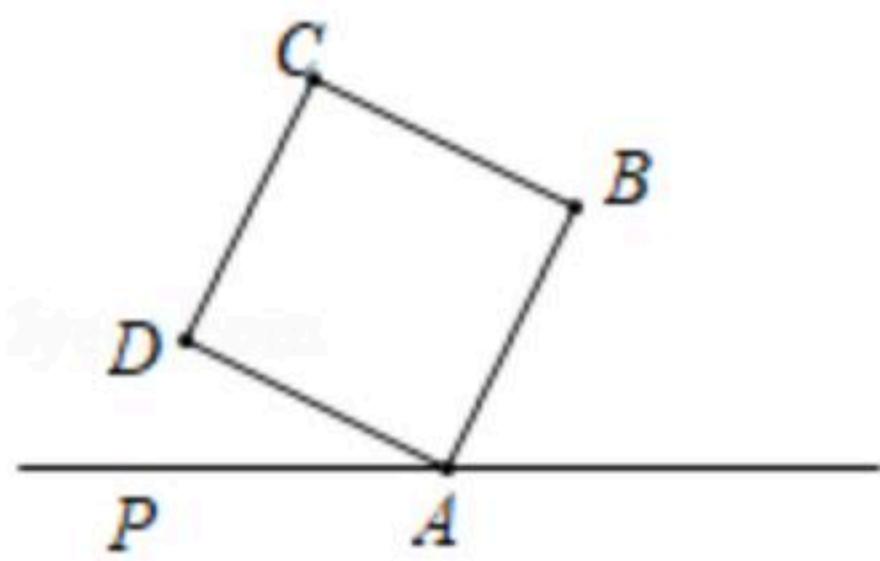
13. 我国的《洛书》中记载着世界上最古老的一个幻方：将1~9这九个数字填入 $3\times 3$ 的方格内，使三行、三列、两对角线上的三个数之和都相等. 如图的幻方中，字母 $m$ 所表示的数是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .



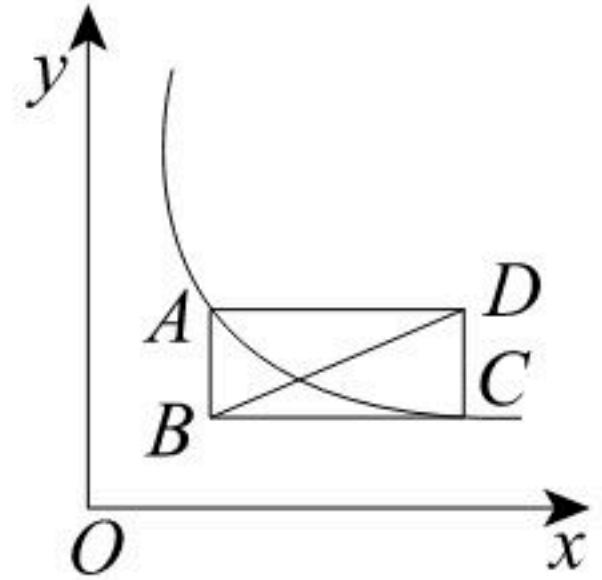
扫码查看解析

m		2
3	5	

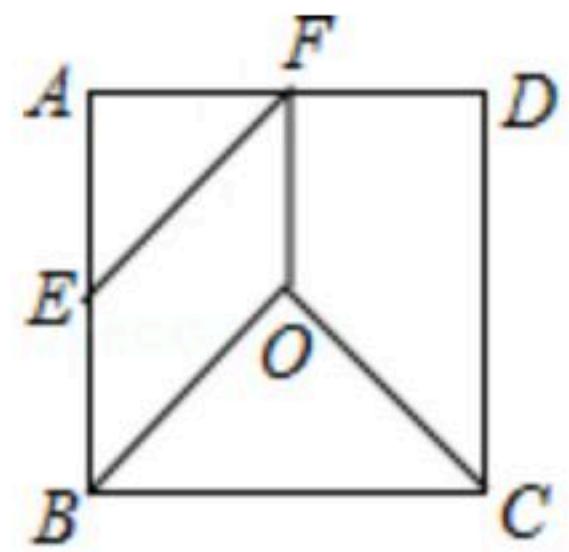
14. 如图，在直线AP上方有一个正方形ABCD， $\angle PAD=30^\circ$ ，以点B为圆心，AB长为半径作弧，与AP交于点A，M，分别以点A，M为圆心，AM长为半径作弧，两弧交于点E，连结ED，则 $\angle ADE$ 的度数为\_\_\_\_\_.



15. 如图，矩形ABCD的两边分别与坐标轴平行，顶点A，C都在双曲线 $y=\frac{k}{x}$ (常数 $k>0$ ， $x>0$ )上，若顶点D的坐标为(5, 3)，则直线BD的函数表达式是\_\_\_\_\_.



16. 把边长为2的正方形纸片ABCD分割成如图的四块，其中点O为正方形的中心，点E，F分别为AB，AD的中点. 用这四块纸片拼成与此正方形不全等的四边形MNPQ(要求这四块纸片不重叠无缝隙)，则四边形MNPQ的周长是\_\_\_\_\_.



**三、解答题 (本大题共8小题，第17~20小题每小题8分，第21小题10分，第22，23小题每小题8分，第24小题14分，共80分。解答需写出必要的文字说明、演算步骤或证明过程)**

17. (1)计算： $4\sin 60^\circ + (\pi - 2)^0 - (-\frac{1}{2})^{-2} - \sqrt{12}$ .

(2)x为何值时，两个代数式 $x^2+1$ ， $4x+1$ 的值相等？

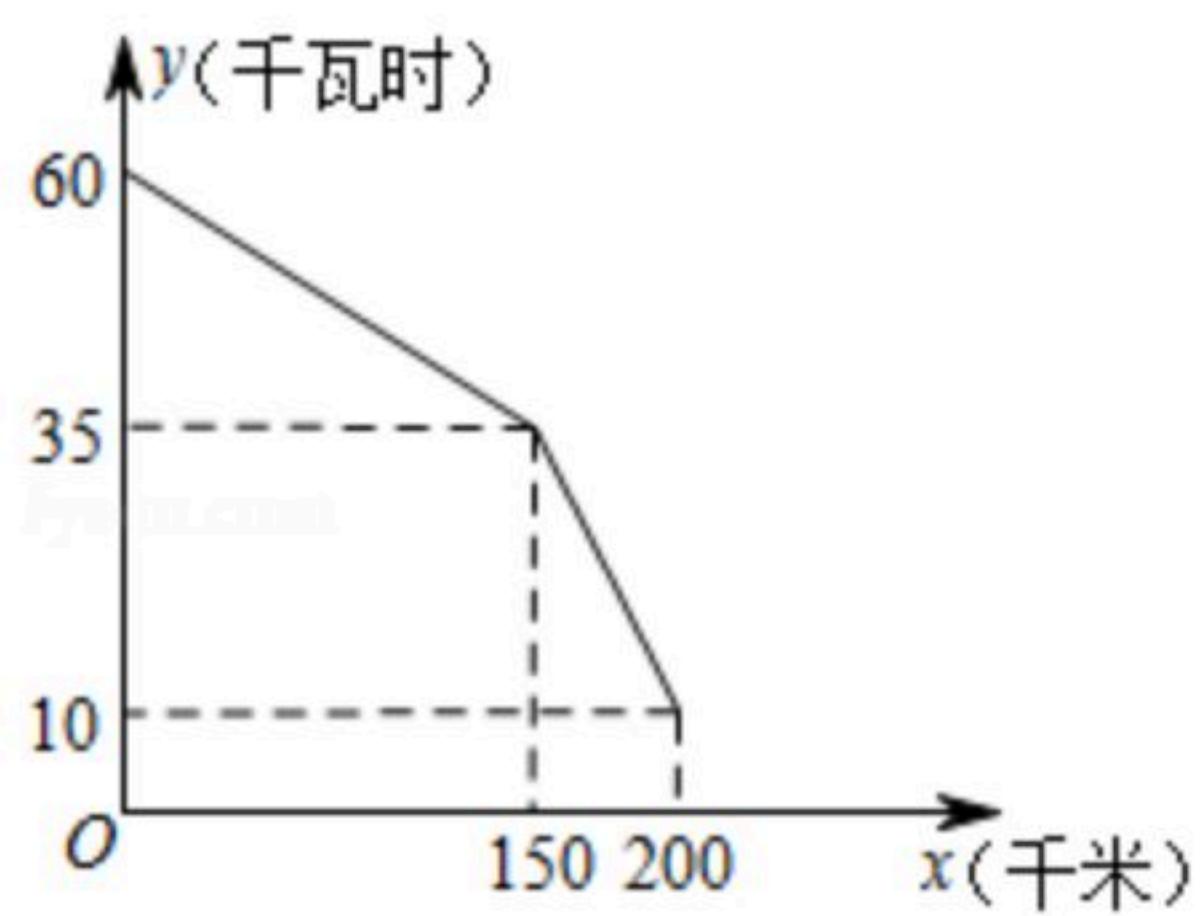
18. 如图是某型号新能源纯电动汽车充满电后，蓄电池剩余电量y(千瓦时)关于已行驶路程x(千米)的函数图象.

(1)根据图象，直接写出蓄电池剩余电量为35千瓦时时汽车已行驶的路程. 当 $0 \leq x \leq 150$ 时，求1千瓦时的电量汽车能行驶的路程.

(2)当 $150 \leq x \leq 200$ 时，求y关于x的函数表达式，并计算当汽车已行驶180千米时，蓄电池的剩余电量.



扫码查看解析



19. 小明、小聪参加了 $100m$ 跑的5期集训，每期集训结束时进行测试，根据他们的集训时间、测试成绩绘制成如下两个统计图.

1-5期每期的集训时间统计图      1-5期每期小明、小聪测试成绩统计图

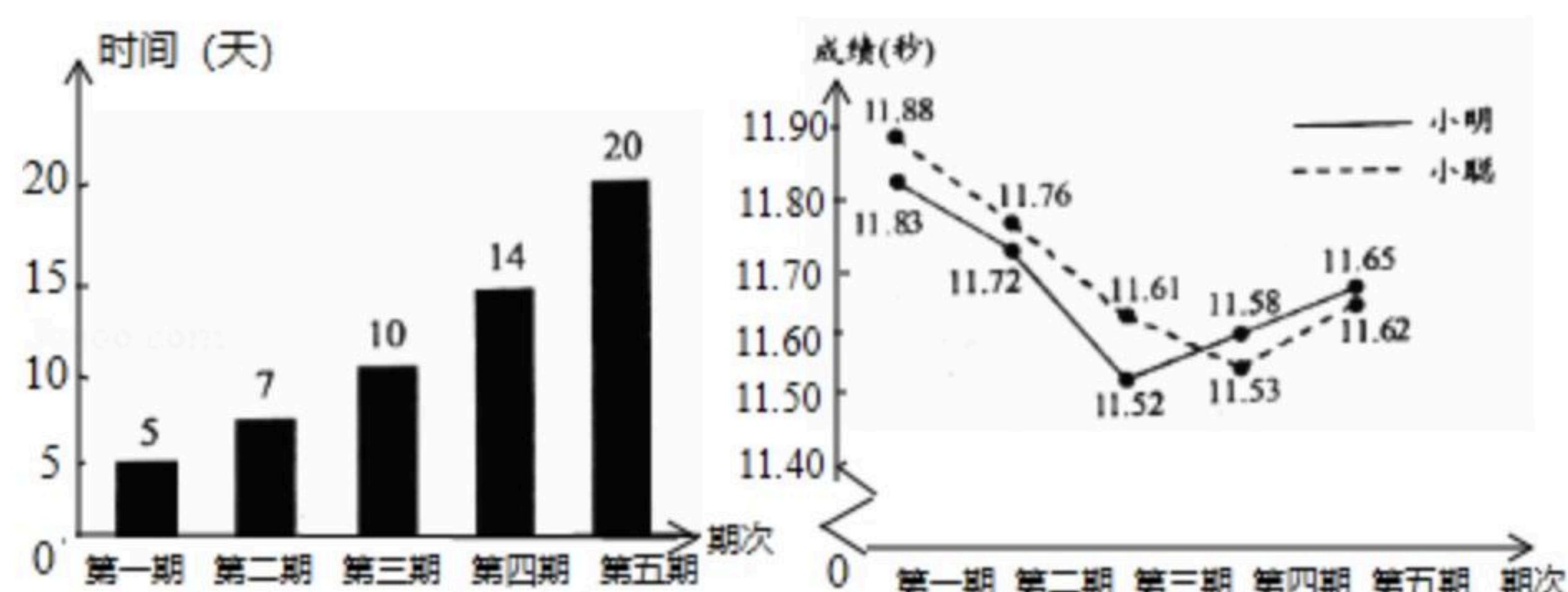


图1

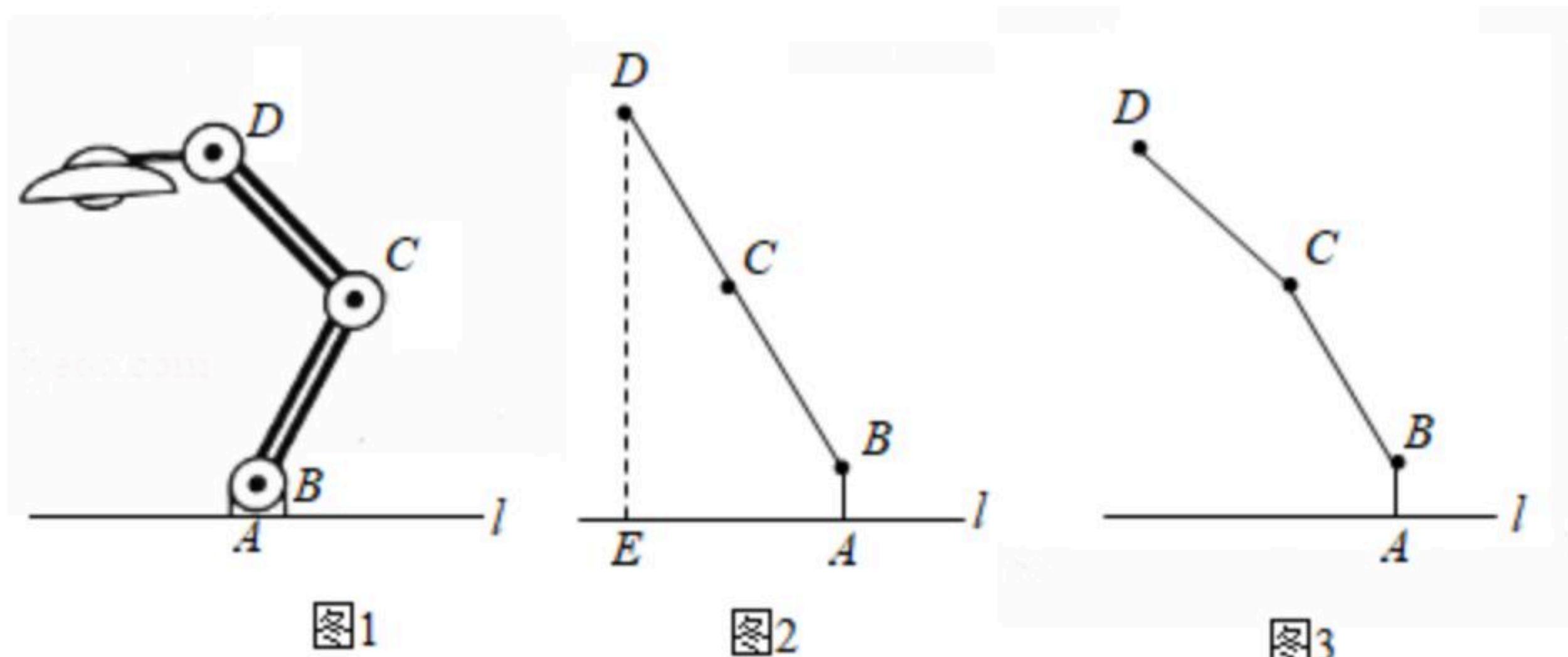
图2

根据图中信息，解答下列问题：

- (1) 这5期的集训共有多少天？小聪5次测试的平均成绩是多少？  
(2) 根据统计数据，结合体育运动的实际，从集训时间和测试成绩这两方面，说说你的想法。

20. 如图1为放置在水平桌面 $l$ 上的台灯，底座的高 $AB$ 为 $5cm$ ，长度均为 $20cm$ 的连杆 $BC$ ， $CD$ 与 $AB$ 始终在同一平面上。

- (1) 转动连杆 $BC$ ， $CD$ ，使 $\angle BCD=180^\circ$ ，如图2，求连杆端点 $D$ 离桌面 $l$ 的高度 $DE$ 。  
(2) 将(1)中的连杆 $CD$ 再绕点 $C$ 逆时针旋转，使 $\angle BCD=165^\circ$ ，如图3，问此时连杆端点 $D$ 离桌面 $l$ 的高度是增加还是减少？增加或减少了多少？(精确到 $0.1cm$ ，参考数据： $\sqrt{2} \approx 1.41$ ， $\sqrt{3} \approx 1.73$ )



21. 在屏幕上显示如下内容：

如图， $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$ ，直径 $AB$ 的长为 $2$ ，过点 $C$ 的切线交 $AB$ 的延长线于点 $D$ 。张老师



扫码查看解析

要求添加条件后，编制一道题目，并解答。

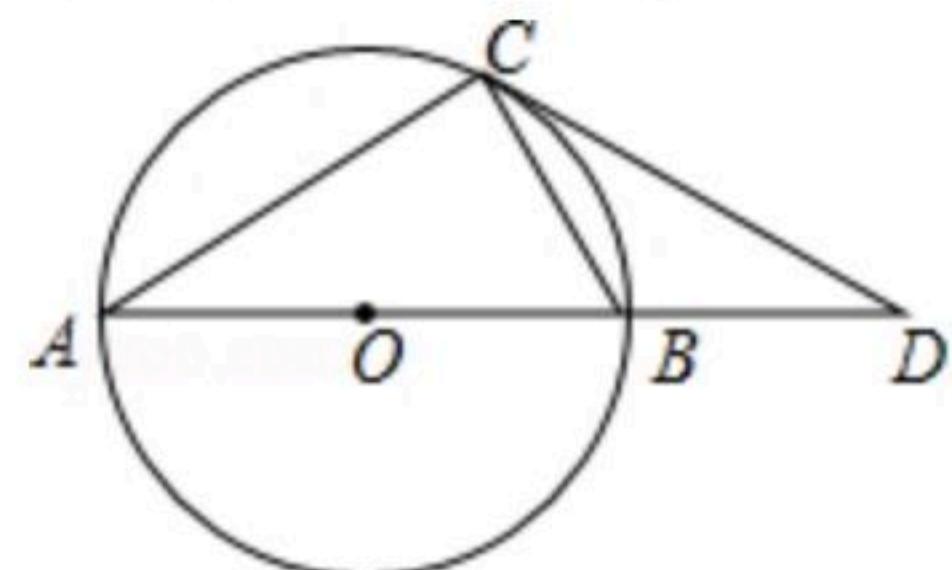
(1) 在屏幕内容中添加条件  $\angle D=30^\circ$ ，求  $AD$  的长。请你解答。

(2) 以下是小明、小聪的对话：

小明：我加的条件是  $BD=1$ ，就可以求出  $AD$  的长

小聪：你这样太简单了，我加的是  $\angle A=30^\circ$ ，连结  $OC$ ，就可以证明  $\triangle ACB$  与  $\triangle DCO$  全等。

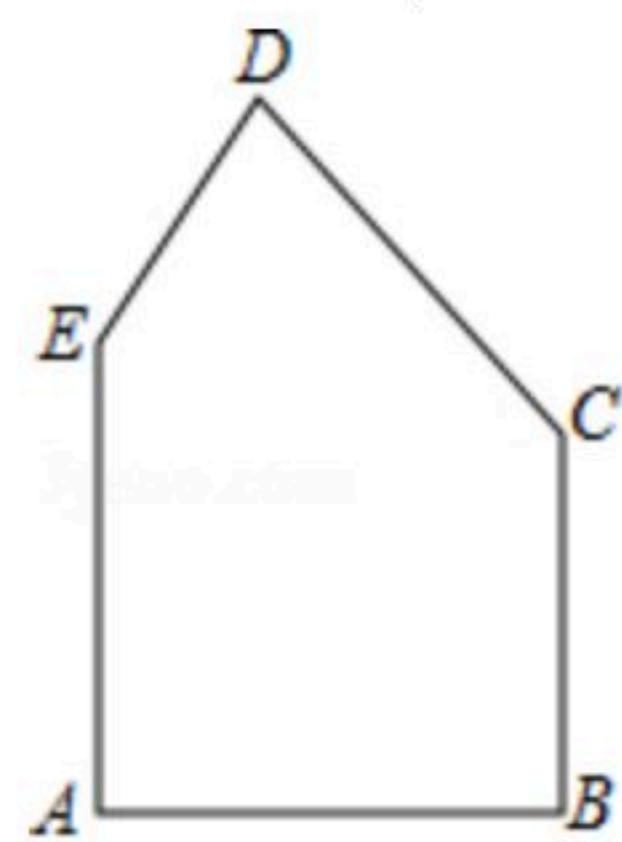
参考此对话，在屏幕内容中添加条件，编制一道题目(可以添线添字母)，并解答。



22. 有一块形状如图的五边形余料  $ABCDE$ ， $AB=AE=6$ ， $BC=5$ ， $\angle A=\angle B=90^\circ$ ， $\angle C=135^\circ$ ， $\angle E>90^\circ$ ，要在这块余料中截取一块矩形材料，其中一条边在  $AE$  上，并使所截矩形材料的面积尽可能大。

(1) 若所截矩形材料的一条边是  $BC$  或  $AE$ ，求矩形材料的面积。

(2) 能否截出比(1)中更大面积的矩形材料？如果能，求出这些矩形材料面积的最大值；如果不能，说明理由。



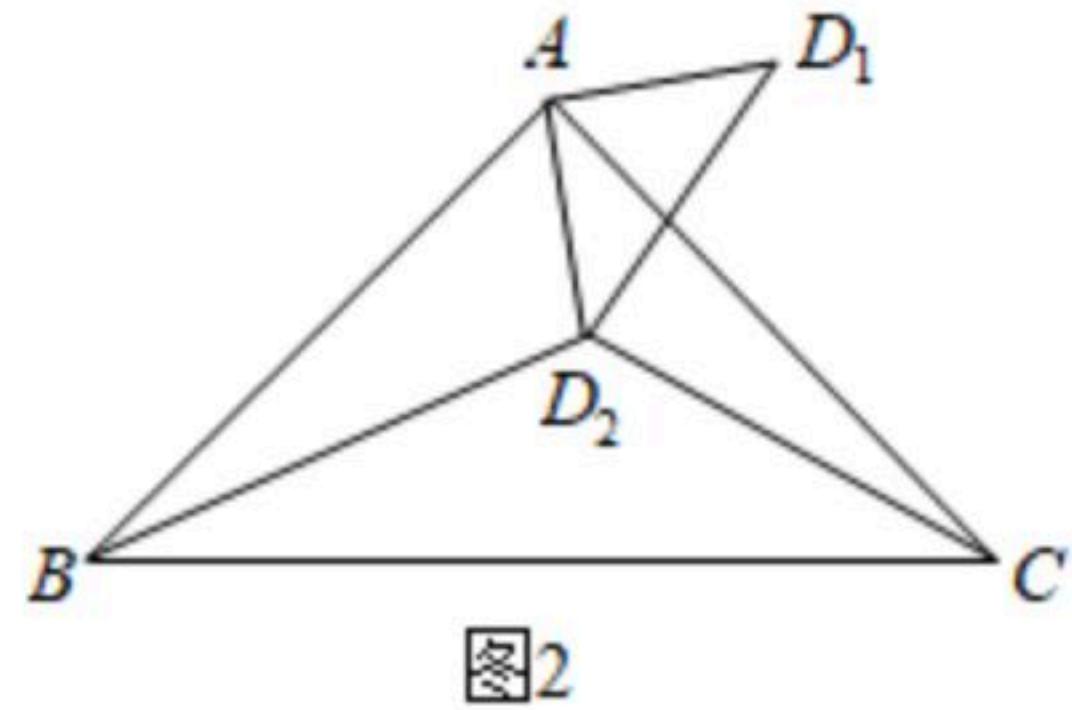
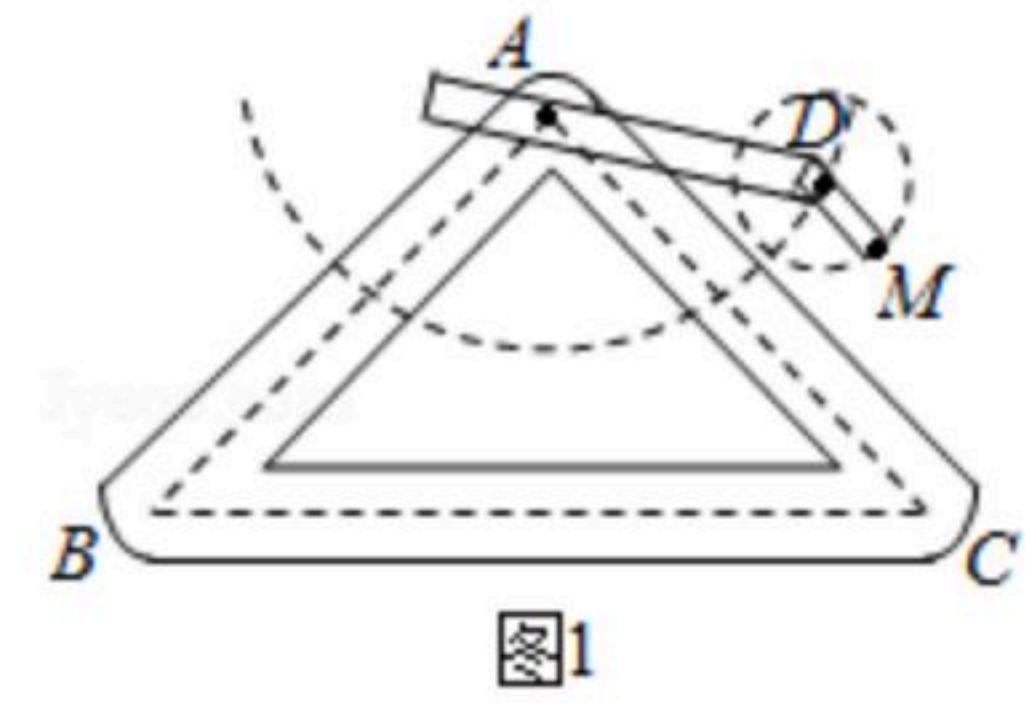
23. 如图1是实验室中的一种摆动装置， $BC$  在地面上，支架  $ABC$  是底边为  $BC$  的等腰直角三角形，摆动臂  $AD$  可绕点  $A$  旋转，摆动臂  $DM$  可绕点  $D$  旋转， $AD=30$ ， $DM=10$ 。

(1) 在旋转过程中，

① 当  $A$ ， $D$ ， $M$  三点在同一直线上时，求  $AM$  的长。

② 当  $A$ ， $D$ ， $M$  三点为同一直角三角形的顶点时，求  $AM$  的长。

(2) 若摆动臂  $AD$  顺时针旋转  $90^\circ$ ，点  $D$  的位置由  $\triangle ABC$  外的点  $D_1$  转到其内的点  $D_2$  处，连结  $D_1D_2$ ，如图2，此时  $\angle AD_2C=135^\circ$ ， $CD_2=60$ ，求  $BD_2$  的长。





扫码查看解析

24. 如图，矩形 $ABCD$ 中， $AB=a$ ,  $BC=b$ , 点 $M$ ,  $N$ 分别在边 $AB$ ,  $CD$ 上，点 $E$ ,  $F$ 分别在边 $BC$ ,  $AD$ 上， $MN$ ,  $EF$ 交于点 $P$ ，记 $k=MN: EF$ .

(1)若 $a: b$ 的值为1, 当 $MN \perp EF$ 时, 求 $k$ 的值.

(2)若 $a: b$ 的值为 $\frac{1}{2}$ , 求 $k$ 的最大值和最小值.

(3)若 $k$ 的值为3, 当点 $N$ 是矩形的顶点,  $\angle MPE=60^\circ$ ,  $MP=EF=3PE$ 时, 求 $a: b$ 的值.

